

3年 B組



中学校

Bクラス 目次

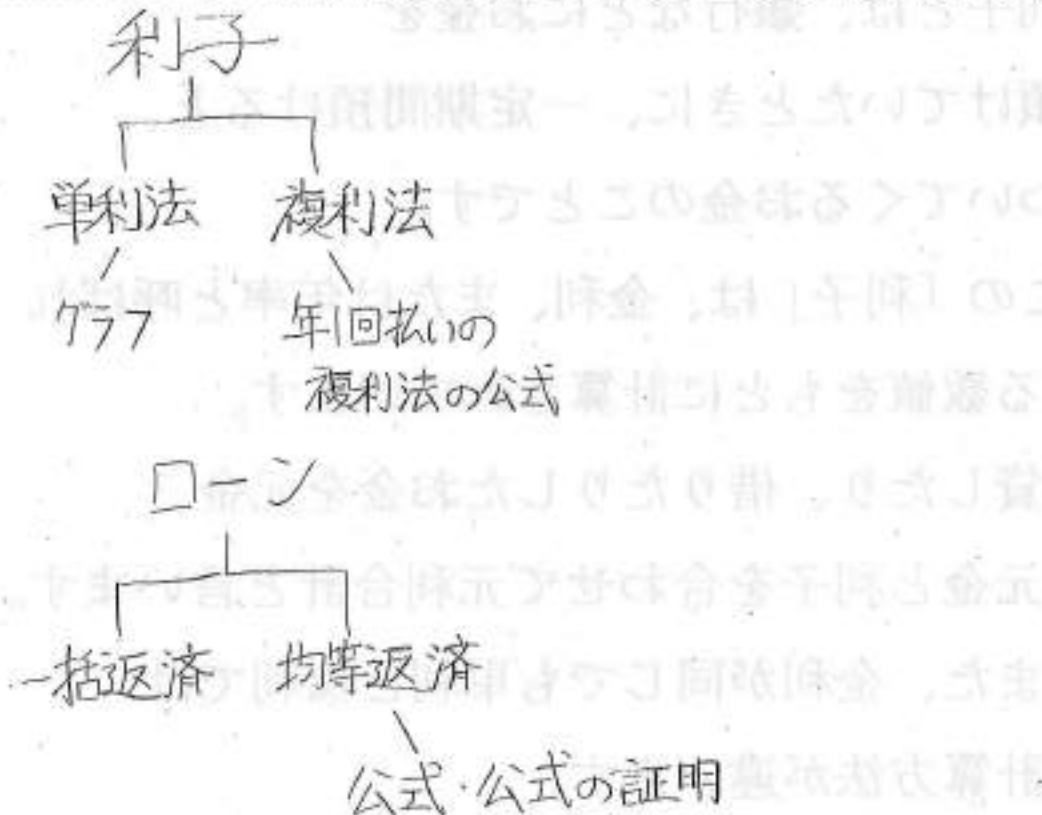
番号	氏名	タイトル	ページ
1		利子とローンについて	B- 1
2		マイナスかけるマイナスはなぜプラスになるのか	B- 9
3		難関大学の問題に挑戦～大阪大学2000年前期理系～	B- 12
4		数学パラドックス	B- 15
5		なぜ弾は45度方向に飛ばすと1番とぶか？	B- 18
6		三平方の定理	B- 22
7		ヒポクラテスの月	B- 25
8		正五角形の対角線	B- 28
9		宝くじを買うのは損か得か？	B- 32
10		家庭でのガス代のグラフ	B- 38
11		サイコロの出る目の確率は本当に1/6か？	B- 43
12		一筆書きについて	B- 46
13		この賭をするべきか？	B- 49
14		クレジット	B- 52
15		四角形の内角の和の公式	B- 55
16		サイコロを1000回振って本当に確率が6分の1になるか調べる	B- 58
17		いろいろな問題をやって法則を見つけよう！	B- 62
18		挑戦状の問題 魔女の年齢・コインと切手	B- 67
19		「Which」の確率	B- 71
20		2つの正方形	B- 74
21		平方数の公式の発見	B- 77
22		ややこしい物を求める公式	B- 80
23		Math Cut Studiumの問題	B- 83
24		インターネットの問題×3	B- 86
25		文章と図形	B- 94
26		数学の問題を解く	B- 97
27		挑戦状の問題	B- 100
28		1から100までの素数を見つける	B- 103
29		富士山の見える範囲	B- 105
30		電卓でGO！	B- 108
31		サイコロを1000回振って本当に確率が6分の1になるか調べる	B- 111
32		和の公式	B- 118
33		分数と小数	B- 121
34		コインの表裏の確率は2分の1になるか	B- 125
35		地震の揺れ方と伝わり方	B- 129
36		オイラーの道について	B- 132
37		教科書 数学の森	B- 135
38		1を割り切る整数の条件	B- 138
39		「ガス料金」のしくみについて	B- 142
40		数学の森	B- 147
41		サイコロの出る目の不思議	B- 150
42		インターネットでの問題(Math Cut Studiumより)	B- 154
43		2個のサイコロを1500回振る	B- 158
44		瓶の色と暗号に隠された数字	B- 161

利子とローンについて

レポートのあらすじ・取り組み

僕は今日のお金の貸し借りのしくみがどうなっているのを知りたくて調べました。特に苦労した所はこのレポートの一番最後にある式の証明でした。

レポートの内容



このレポートでは、生活の中で必要となる
利子、ローンなどのことについて
書いていきたいと思います。

◎ 利子

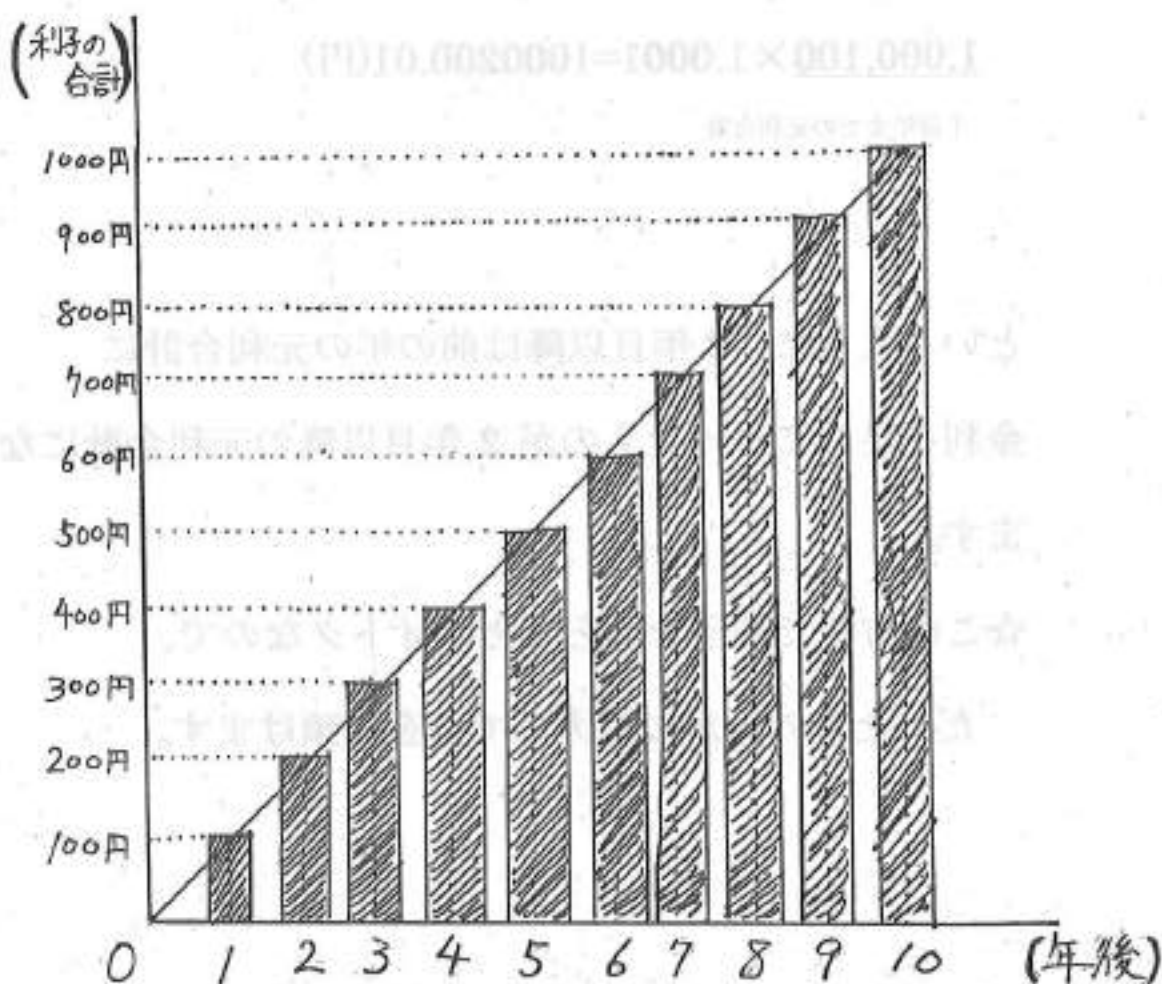
…利子とは、銀行などにお金を
預けていたときに、一定期間預けると、
ついてくるお金のことです。
この「利子」は、金利、または年率と呼ばれ
る数値をもとに計算されています。
貸したり、借ったりしたお金を元金、
元金と利子を合わせて元利合計と言います。
また、金利が同じでも単利と複利では
計算方法が違います。

①単利法

発生した利子をもその都度受け取る場合のことです。この方法では毎年設定された金利の分だけもらえます。すなわち、単利法の場合の、利子の合計は正比例していると言えます。

(例)100 万円預けて毎年 0.01%の金利

$$1,000,000 \times 0.0001 = 100(\text{円}) \cdots \text{毎年受け取る利子}$$



②複利法

利子が発生したときに受け取らずに、元金に加算していく場合のことです。

計算の方法としては、

100 万円を金利 0.01% で借りたとすると、

・1 年目

$$1,000,000 \times 1.0001 = 1000100(\text{円})$$

・2 年目

$$\underline{1,000,100} \times 1.0001 = 1000200.01(\text{円})$$

↑前年までの元利合計

というように、2 年目以降は前の年の元利合計に金利を足してやったものが 2 年目以降の元利合計になります。

☆この方法で利子をもらう方がオトクなので、
だいたいの方がこの方法でお金を預けます。

- 「年1回払い」の場合、元利合計は、P円を金利r、
n年間預けた場合で式にして表すと、
元利合計= $P(1+r)$ のn乗と表せます。

◎ ローンの仕組み

①一括返済

ある年の初めに銀行から金利3%で
100万円を借りたとすると、

1年後に返せば

$$1,000,000 \times 1.03 = 1,030,000(\text{円})$$

2年後に返せば

$$1,000,000 \times 1.03 \text{ の } 2 \text{ 乗} = 1,060,900(\text{円})$$

となります。金融機関では、早く支払ったお金は、

遅く支払うお金よりも高いと見なされているので、お金を借りたら同じ金額ではなく同じ価値のお金を返すと言う約束をしていることになります。

②均等返済

借りたお金を何回かに分けて返済する方法です。一般にローンと呼ばれるものは常に一定金額で返済する均等返済の方法を取ります。

(例)ある年の初めに、100万円を金利3%で

借りて、その年の暮れから毎年末に、一定金額ずつ3回に分けて返済する場合

1回目の返済では a は $a \times 1.03$ の2乗(円)になり、

2回目の返済では a は $a \times 1.03$ (円)になり、

3回目の返済では a は a (円)

というようになっています。

なぜなら、返済1回目から完済時までには2年あり、1回目の返済に返す a 円は2年後の $a \times 1.03$ の2乗の価値に等しいからです。

よって返済した金額の全体は

$$a \times 0.03 \text{ の } 2 \text{ 乗} + a \times 1.03 + a$$

$$= a \times (1.03 \text{ の } 2 \text{ 乗} + 1.03 + 1)$$

$$= a \times 3,0909 \text{ (円)}$$

2年後に返済した場合の金額と同じになればよいので、

$$a = 1,060,900 \div 3,0909$$

$$\approx 343,233 \text{ (円) となる。}$$

一般に返済額の公式として

ある年に P 円を金利 r で借りて、

その年の暮れから毎年末に n 回に分けて返済す

るとすれば、

毎年の返済額 a (円) は . . .

$$a = P \times \frac{r(1+r)^n}{(1+r)^n - 1}$$

と言う式で表すことができる。

☆公式の証明

上の条件で普通に a を求めると、

$P \times (1+r)^n \dots$ 全体の返済額

$$\left. \begin{array}{l} 1\text{回目 } a \text{ は } a \times (1+r)^{n-1} \\ 2\text{回目 } a \text{ は } a \times (1+r)^{n-2} \\ \vdots \\ n\text{回目 } a \text{ は } a \end{array} \right\} a \{ (1+r)^{n-1} + (1+r)^{n-2} + \dots + 1 \}$$

$$a = \frac{P \times (1+r)^n}{(1+r)^{n-1} + (1+r)^{n-2} + \dots + 1}$$

Σ の公式

$$\sum_{k=0}^{n-1} x^k = \frac{1-x^n}{1-x} \text{ より分母の部分を整理する}$$

$$\begin{aligned} & (1+r)^{n-1} + (1+r)^{n-2} + \dots + 1 \\ &= \sum_{k=0}^{n-1} (1+r)^k \\ &= \frac{1-(1+r)^n}{1-(1+r)} \\ &= \frac{1-(1+r)^n}{-r} \\ &= \frac{(1+r)^n - 1}{r} \quad \text{これを分母に代入} \end{aligned}$$

$$a = \frac{P \times (1+r)^n}{\frac{(1+r)^n - 1}{r}}$$

$$= P \times \frac{r(1+r)^n}{(1+r)^n - 1} \text{ となる}$$

マイナスかけるマイナスはなぜプラスになるのか。

レポートのあらすじ・取り組み

$(-) \times (+) = (-)$ というのは、 $(-)$ をいくつか加えると考えると $(-)$ がどんどん増えていくから、 $(-)$ になるのはわかる。

$(+) \times (-) = (-)$ も計算の交換法則を前提にするとわかる。

しかし、 $(-) \times (-) = (+)$ となると、 $(-)$ は「おろこせり量」だから、「おろこせり量」 \times 「おろこせり量」=「おろこせり量」になると思ったから、この内容をやりました。

レポートの内容

$$(+)\times(+)=(+)$$

$$(+)\times(-)=(-)\dots\dots(2)$$

$$(-)\times(+)=(-)\dots\dots(1)$$

$$(-)\times(-)=(+)\dots\dots(3)$$

なぜ $(-) \times (-) = (+)$ になるのか？

① $(-) \times (+) = (-)$ というのは、 $(-)$ をいくつか加えると考えると、 $(-)$ がどんどん増えていくから、 $(-)$ になるのはわかる。

② $(+) \times (-) = (-)$ も計算の交換法則を前提にするとわかる。

③ $(-) \times (-) = (+)$ となると $(-)$ は「おろこせり量」だから、「おろこせり量」 \times 「おろこせり量」=「おろこせり量」になると思う。

- ・ 席が右に秒速 $3m$ で進む。
- ・ B君は左に秒速 $2m$ で進むとする。
- ・ A君とB君は同じ位置から出発する。
- ・ A君が $+3m/秒$ とすると、B君は $-2m/秒$ になる。

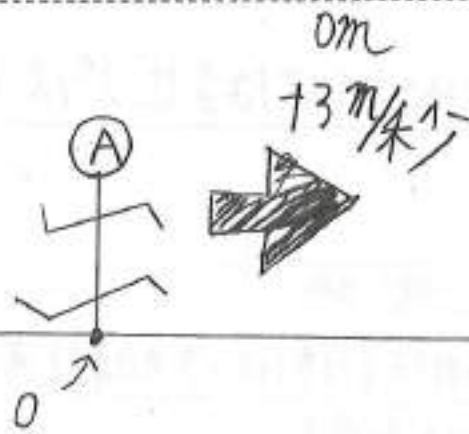
① A君は5秒後はどうなるか？

② A君は5秒前はどっただいたか？

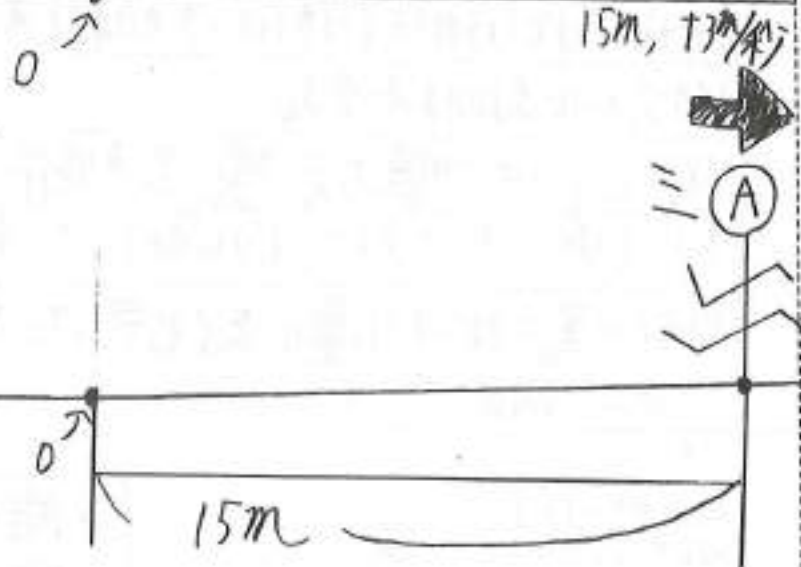
③ B君は5秒後はどうなるか？

④ B君は5秒前はどっただいたか？

今(0秒)

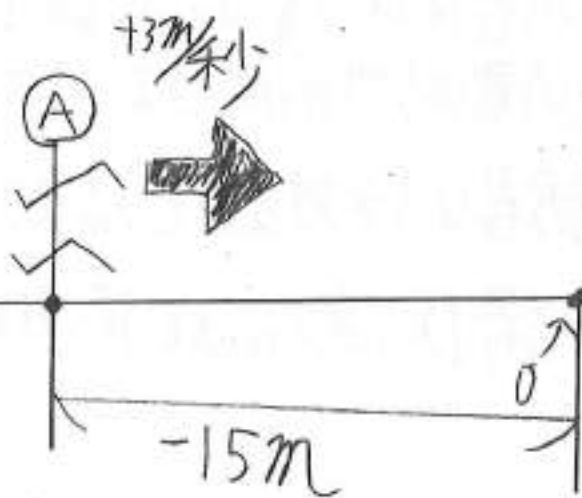


① 5秒後



② 5秒前

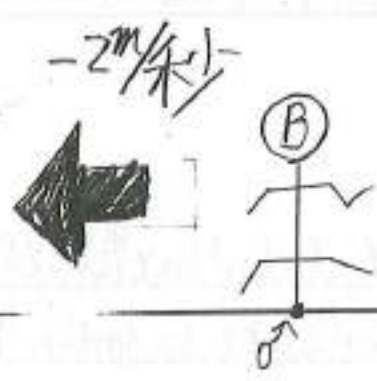
スタート地点より
15m後引にいる。



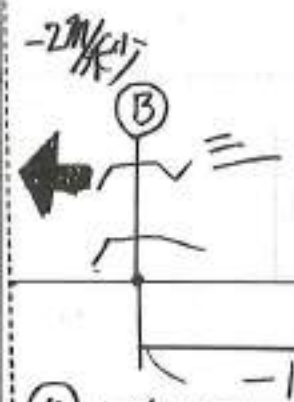
A君の場合

今

0m



③ 5秒後



④ 5秒前



B君の場合



5秒前のB君は $(-5) \times (-2)$ により 10m の所にいた。
 よってマイナスかけるマイナスはプラスになります。

難関大学の問題に挑戦～大阪大学2000年 前期理系～

レポートのあらすじ・取り組み

負でない2つの整数 m と n を使って、 $x = 3m + 5n$ と表すことができない数を求める問題である。一見、百や千の位にまで $x = 3m + 5n$ と表すことができない数がありそうだが答えは……？ 難関大学の問題をじっくり解いてみました。

レポートの内容

問

負でない2つの整数 m と n を用いて、 $x = 3m + 5n$ と表すことができない正の整数を求めよ。

解

問題をよく読むと、 $x = 3m + 5n$ が「正の整数 $= 3m + 5n$ 」という事がわかる。

$3m + 5n$ が整数でないといけない事なので、早速適当な数を代入してみる。

まず、 $m = 0$ を代入してみると、 $x = 5n$ となった。ということは、 n に何を代入しても5の倍数になるので、5の倍数は全て表すことができる。……①

次に、 $n = 0$ を代入してみる。すると、 $x = 3m$ となった。上の①と同じパターンで、 m に何を代入しても3の倍数となるので、3の倍数は全て表すことができる。……②

此の2つの条件以外に表す事ができる数がないか、試してみる。
では、 m に1を代入してみよう。

すると、 $x = 3 + 5n = 3(1+n) + 2$ となった。しかし、これでは3で割った時に
文字(n のこと)が混ざっているため、正の整数になる条件を見つけることができない。
では、3と5nの位置を逆にして、求める事ができるのだろうか？ いやできない。
何故かと言うと、式の途中から3になる部分があるが、此を計算しようと、
整数にはならないし、余りも求める事もできない。(割ることができない)

しかし、めげずに $m=2$ も代入してみる。さきもやったように、此の儘 $x = 6 + 5n$
で計算しようと余りに n が混ざってしまうため、6と5nを逆にする。 $(x = 5n + 6)$
 $x = 5n + 6 = 5(n+1) + 1$ となり、割ることができた。これは①や②の応用で、
「6以上の5で割って余る数」を表している。よって、6以上の5で割って
余る数は全て表すことができる。……③

ところで、何故①の他に1と2を代入したかと言うと、奇数と偶数
二つの数で調べる必要があるし大きい数で調べようとする計算が
ややこしくなるからである。

では次に $n=1$ を代入してみる。 $x = 3m + 5 = 3(m+1) + 2$ となる。
此は③と同じく、「 m に5以上のどんな数も代入しても3で割って余る数
も表せる」という意味であるから、5以上の3で割って2余る数は全て表せる。……④

次に $n=2$ も代入してみる。すると、 $x = 3m + 10 = 3(m+3) + 1$ となる。
この意味は③、④と同じパターンで最早説明不要である。
よって、10以上の3で割って余る数は全て表すことができる。……⑤

さて、此の辺で1度①～⑤の条件にあつた数を探してみる。
次頁に①～⑤の条件・条件にあつた数を表し表してみた

条件	数												
①	1	2	3	4	⑤	6	7	8	9	⑩	11	12	13
②	1	2	③	4	5	⑥	7	8	⑨	10	11	⑫	13
③	1	2	③	4	5	⑥	7	8	9	10	⑪	12	13
④	1	2	③	4	⑤	6	7	⑧	9	10	⑪	12	13
⑤	1	2	③	4	5	6	7	8	9	⑩	11	12	⑬

表にしてみると条件によってはかぶる数字があるが、8以降からは8,9,10,11,と連続して続いていく。此の表中から、 $x=3m+5n$ と表すことができない正の整数を探してみると、1,2,4,7の4つがでてきた。

よって、 $x=3m+5n$ と表すことができない正の整数は

1, 2, 4, 7 である。

数学パラドックス

レポートのあらすじ・取り組み

まずは今回の数学レポートで おもしろい
問題を解いてみようとおもいます。

レポートの内容

いま $x=y$ とする

両辺に x をかけます

$$\downarrow$$
$$x^2 = xy$$

両辺から y^2 をひきます

$$\downarrow$$
$$x^2 - y^2 = xy - y^2$$

$$\parallel$$
$$(x+y)(x-y) = y(x-y)$$

両辺を $(x-y)$ でわります

$$\downarrow$$
$$x+y = y$$

$x=y$ を代入

$$\downarrow$$
$$2x = x$$

これを x でわります

\downarrow

$$2 = 1 \quad \#$$

この答えは合っているのか?

答えは2枚目

もちろん、この答えは間違っています

それは

両辺を $(x-y)$ でわったところが誤りです

なぜなら $(x-y)$ が0かもしれないからです

数学では0でわっては行かないという

大前提があります。

これを無視したから

“ $2=1$ ”という矛盾がおきたわけです

数学にはこのようなおもしろい

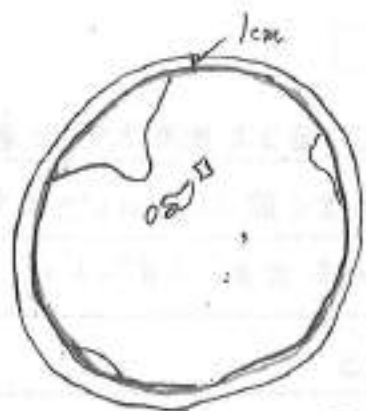
問題がたくさんあるから おもしろいですな

僕はこういう問題が大好きだ

それでは

最後にもう一問

下の絵のように地球の周りにピッタリロープを張ると、1センチ放してロープを張てみます。



さて この2つのロープの差は
どのくらいになるのでしょうか？

直感で考えると、すくなくとも10kmはありそうですね。

解答

地球の直径を x とします

ロープをピッタリとはった時

$$x \times 3.1415 \dots \dots \quad \text{: ①}$$

1cm放した時

$$(x+2) \times 3.1415 \dots \quad \text{: ②}$$

②から①をひき算すると 2π になります。

だから 答えは 大体 6.28cm になります。

以外 と小さいものですね

これはサッカーボールでもこの答えになります。

なぜ弾は45度方向にとばすと一番とぶか?

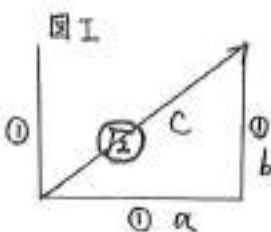
レポートのあらすじ・取り組み

このレポートは図書館にあつた「第2次世界大戦で数学をする」の中にある物体は45°でとばすと一番よく飛ぶといふことから、30°、60°でも良いのではとの疑問がうかんだため、レポートにした。今回は30°、60°で比較してみたいと思う。

レポートの内容

仮に第2次世界大戦中の旧日本海軍戦艦「大和」の主砲46cm 秒速780mで実験する。実験上天候は関係なしとする。

打ち上げる速度と、水平、垂直移動の速さの関係は三平方の関係から図1のようになる



$$a^2 + b^2 = c^2$$

$$1 + 1 = c^2$$

$$c^2 = 2 \quad c = \sqrt{2}$$

おてこれと上記の設定に当てはめると

$$\textcircled{2} = 780 \text{ m/s}$$

$$\textcircled{1} = \frac{780}{\sqrt{2}} = \frac{780\sqrt{2}}{2} = 390\sqrt{2} \text{ m/s}$$

なおたて軸を垂直に1秒間にとぶキョリ

おこ軸を水平に1秒間にとぶキョリとする

では次に弾は上昇をやめて下降したすが速もとめたいと思ふ

我々は今 $9.8/s$ という力で地球に引きつけられている。これは地球上どこでも同じである。

ここで上昇をやめて下降するということは 上昇時の速度が ± 0 になたということを示す

例えて言えば

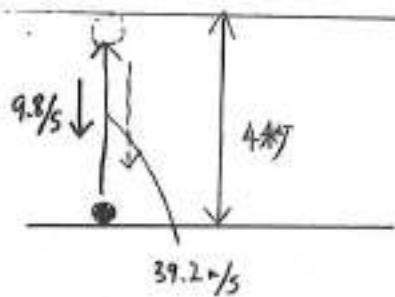
$39.2 m/s$ の物を垂直に発射すると $39.2 \div 9.8 = 4$

つまり4秒後に弾は下降を始める。 $9.8/s$ は下図Ⅱのようにかかる

逆に物のスピードは $9.8 \times$ 秒数でもとめることができる

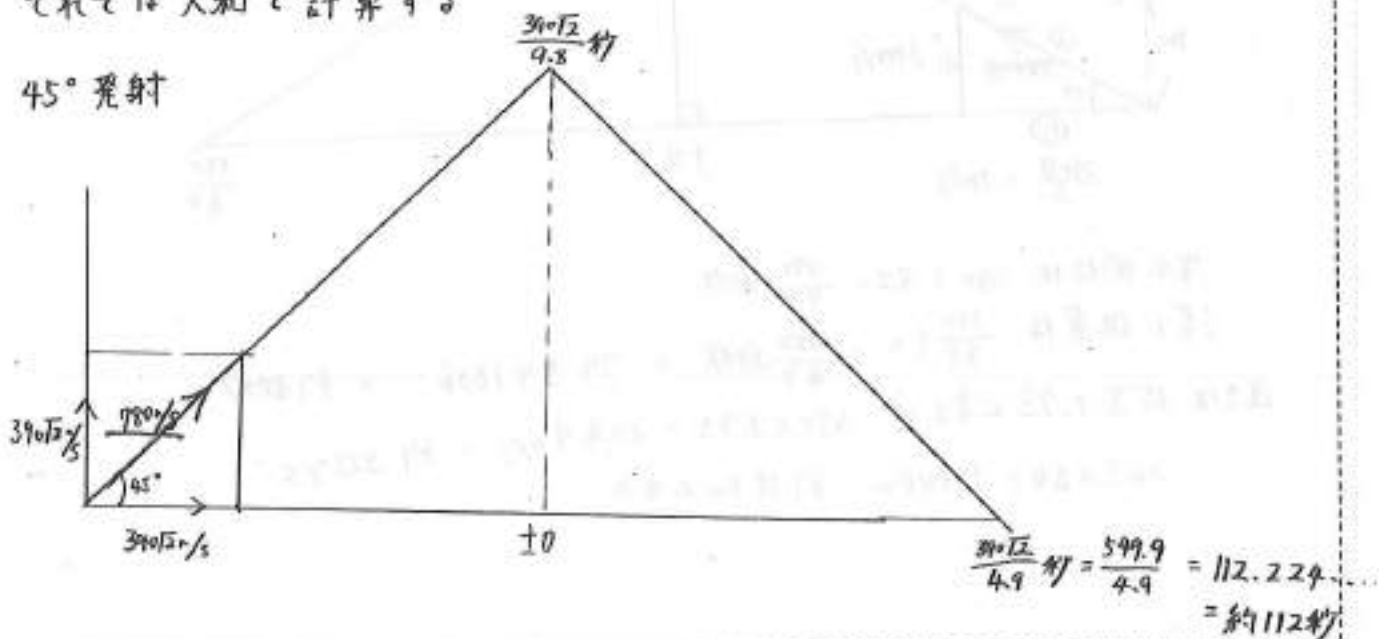
この例では $9.8 \times 4 = 39.2$ つまり最初と同じ設定である

図Ⅱ



それでは大和で計算する

45° 発射



先にのべたように弾の上昇時間と下降時間は一定なので

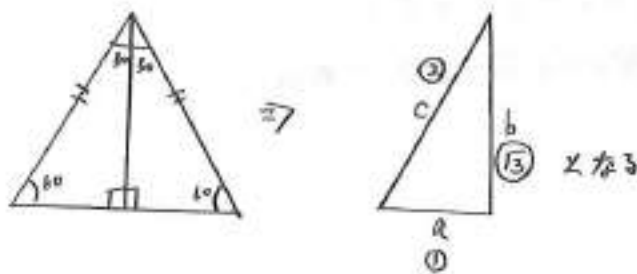
弾が上昇してから終わりまでが $390 \div 9.8 = \frac{390\sqrt{2}}{9.8}$ となる。又、下降を始めて
落ちるまでの時間も同じなので発射から弾着まで $\frac{390\sqrt{2}}{9.8} \times 2 = \frac{390\sqrt{2}}{4.9}$ 約となる。

互直 1.41 とすると速さは $390 \times 1.41 = 549.9 \text{ m/s}$ くらい約 550 m/s

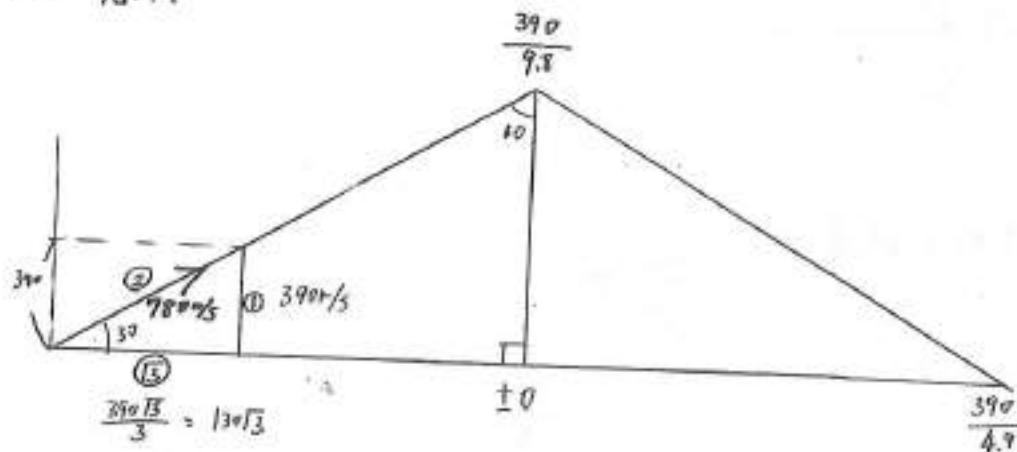
時間は $\frac{390\sqrt{2}}{4.9} = \frac{549.9}{4.9} = 112.22448 = \text{約 } 112 \text{ 秒}$ となる。

おてキりは $550 \times 112 = 61600 \text{ m} = \text{約 } 61.6 \text{ km}$ となる

30°、60°も同じ方法を取る



② 30° 発射



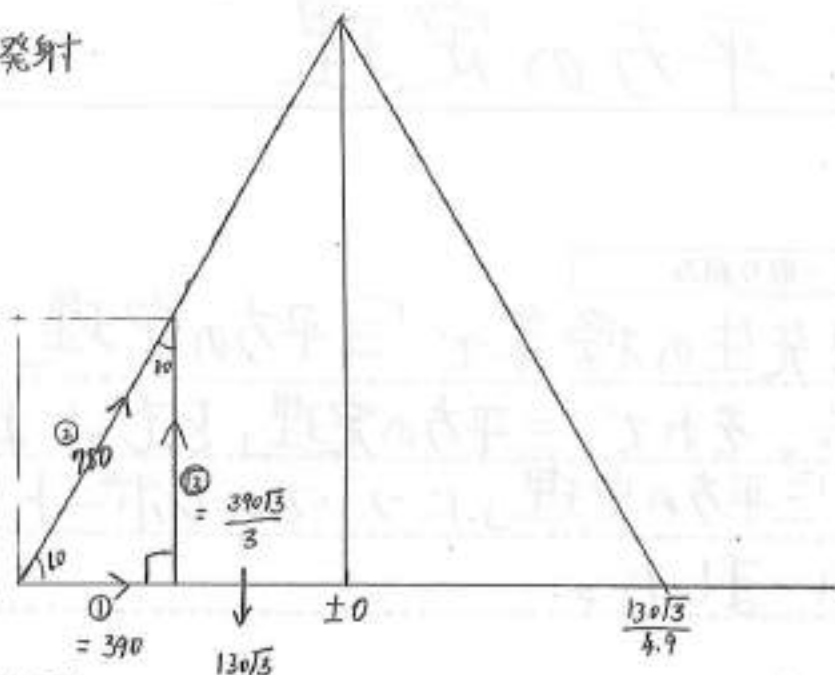
落下開始は $390 \div 9.8 = \frac{390}{9.8}$ 秒後

落下位置は $\frac{390}{9.8} \times 2 = \frac{390}{4.9}$ 秒後 = 79.591836... = 約 80 秒

速さは互直 1.73 とすると $390 \times 1.73 = 224.9 \text{ m/s} = \text{約 } 225 \text{ m/s}$

$225 \times 80 = 18000 \text{ m} = \text{約 } 18 \text{ km}$ となる

③ 60°発射



発射開始より

落下開始位置 $130\sqrt{3} \div 9.8 = \frac{130\sqrt{3}}{9.8}$ 秒後

着弾位置 $\frac{130\sqrt{3}}{9.8} \times 2 = \frac{130\sqrt{3}}{4.9}$ 秒後

130を1.73とすると

発射より着弾までの時間は $\frac{130 \times 1.73}{4.9} = 45.89 \dots = \text{約} 46 \text{ 秒}$

$390 \times 46 = 17940 \text{ m} = \text{約} 17.94 \text{ km}$ となる

結果を表すと

角度	キロリ
45°	61.6 km
60°	17.94 km
30°	18 km

表からも一番 45°発射がよく飛ぶことが式上証明できた。

三平方の定理

レポートのあらすじ・取り組み

数学2の原先生の授業で「三平方の定理」が
 できました。それで「三平方の定理」をもっとよく
 知るために「三平方の定理」についてのレポートを
 書こうと思いました。

レポートの内容

〔三平方の定理の証明1〕

直角三角形の直角をはさむ2辺の長さを a, b
 とし、斜辺の長さを c とすると $a^2 + b^2 = c^2$ である
 ことを、右の図のような1辺の長さが $a+b$ である
 正方形を利用して証明せよ。

証明

$a+b$ の長さを1辺とする四角形を $ABCD$ と
 し、4すみに、直角をはさむ2辺の長さが a, b の
 直角三角形を右図のようにつくる。これらの三角
 形はみな合同で、斜辺の長さはすべて c で
 あるから、四角形 $EFGH$ で

$$EF = FG = GH = HE = c \dots\dots ①$$

$$\begin{aligned} \text{また、} \angle AEH + \angle BEF \\ = \angle AEH + \angle AHE = 90 \end{aligned}$$

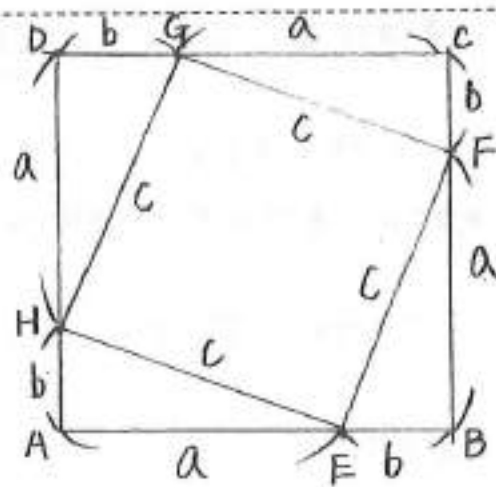
$$\text{よって} \angle HEF = 90^\circ \dots\dots ②$$

したがって、①、②より、四角形 $EFGH$ は正方形である。

正方形 $ABCD$ の面積は、正方形 $EFGH$ の面積と、4
 すみの4つの直角三角形の面積を加えたものに等しい

$$\text{から、} (a+b)^2 = c^2 + \frac{ab}{2} \times 4 \quad a^2 + 2ab + b^2 = c^2 + 2ab$$

$$\text{よって、} \quad a^2 + b^2 = c^2$$



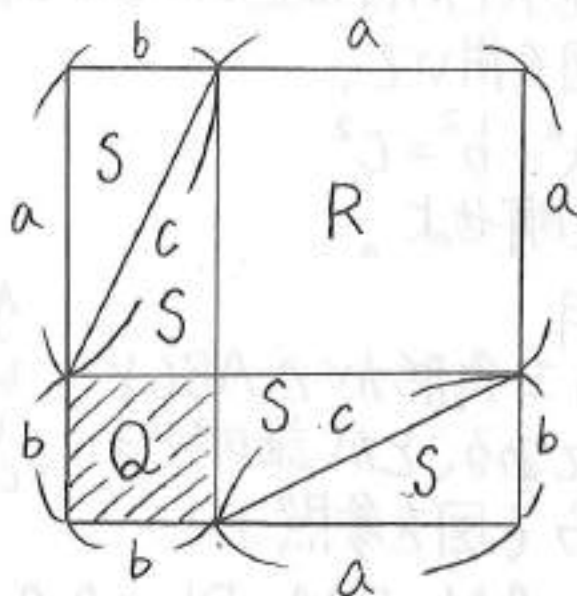
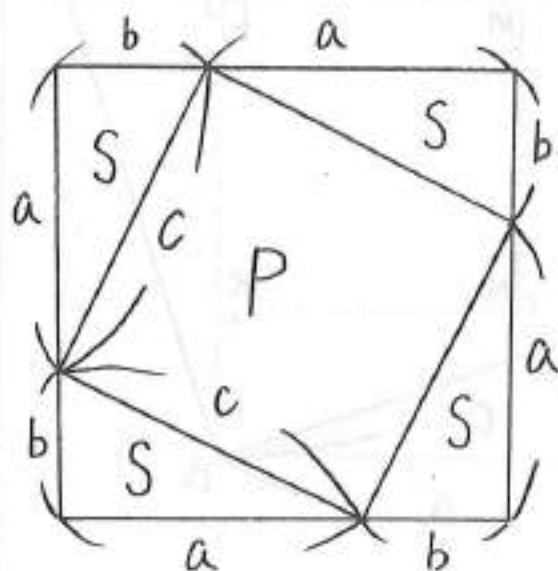
三平方の定理の証明2)

1辺の長さが $a+b$ である2つの正方形を、下の図のように分ける。

図のなかの正方形 P, Q, R の面積を比べることにより、

$$a^2 + b^2 = c^2$$

が成り立つことを証明せよ。



証明

左側の図の面積 = $P + 4S$ ①

右側の図の面積 = $R + Q + 4S$ ②

① = ② より、 $P = R + Q$ が導ける。

2通りの図より $P + 4S = R + Q + 4S$

よって、 $P = R + Q$

四角形 P は、(三平方の定理の証明1)より、1辺が c の正方形であるから、 $P = c^2$ ①

四角形 R は、1辺が a 、四角形 Q は1辺が b の正方形であるから $R + Q = a^2 + b^2$ ②

①, ②より、 $a^2 + b^2 = c^2$

〔三平方の定理の証明3〕

直角三角形ABCの斜辺ABの上の正方形ABDEを、B、Eを通りACに平行な2直線と、A、Dを通りBCに平行な2直線を引いて図のように分けると、正方形内の4つの三角形はみな $\triangle ABC$ と合同となり、四角形KLMNは正方形となる。

この図を用いて、

$a^2 + b^2 = c^2$
を証明せよ。

証明

4つの三角形が $\triangle ABC$ と合同であることが証明できるから(図を参照)

$$BK = AN = EM = DL = AC (= b)$$

$$AK = EN = DM = BL = BC (= a)$$

よって、 $KN = NM = ML = LK (= a - b)$

$$\text{正方形 } ABDE = 4\triangle ABC + \text{正方形 } KLMN$$

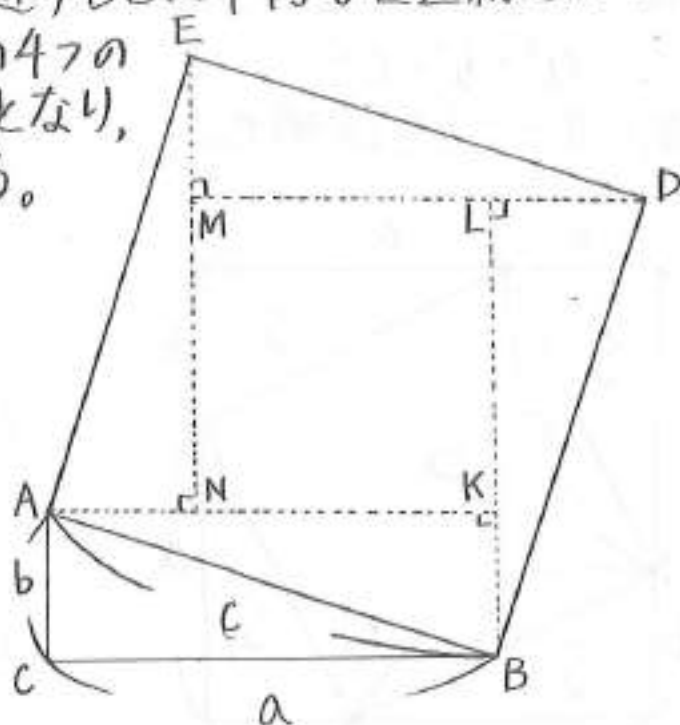
$$= 4 \times \frac{1}{2}ab + (a - b)^2$$

$$= 2ab + a^2 - 2ab + b^2$$

$$= a^2 + b^2$$

一方、正方形 $ABDE = AB^2 = c^2$

$$\text{よって、} a^2 + b^2 = c^2$$

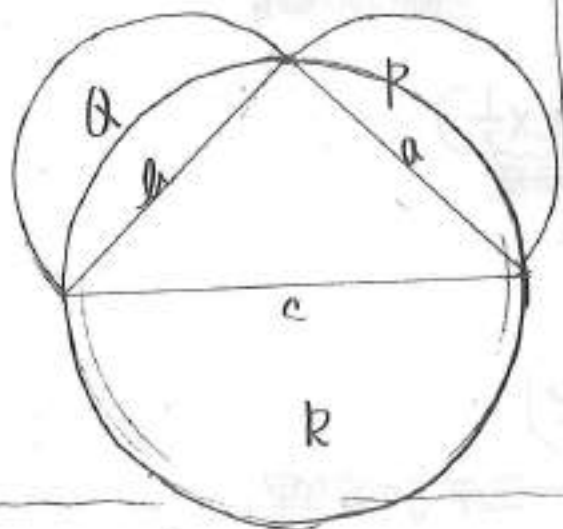


ヒポクラテスの月 きの1

レポートのあらすじ・取り組み

前からこの問題が疑問に思っていたから今回のレポートで調べてみました。

レポートの内容



問題

直角三角形の三辺をそれぞれ直径とすると半円の面積をP, Q, Rとするとどんな関係

$$P + Q = R$$

$$(P) \left(\frac{a}{2}\right)^2 \times \pi \times \frac{1}{2} = \frac{a^2}{4} \times \pi \times \frac{1}{2} = \frac{1}{8} \pi a^2$$

$$(Q) \left(\frac{b}{2}\right)^2 \times \pi \times \frac{1}{2} = \frac{1}{8} \pi b^2$$

$$(R) \left(\frac{c}{2}\right)^2 \times \pi \times \frac{1}{2} = \frac{1}{8} \pi c^2$$

$$P + Q = \frac{1}{8} \pi a^2 + \frac{1}{8} \pi b^2$$

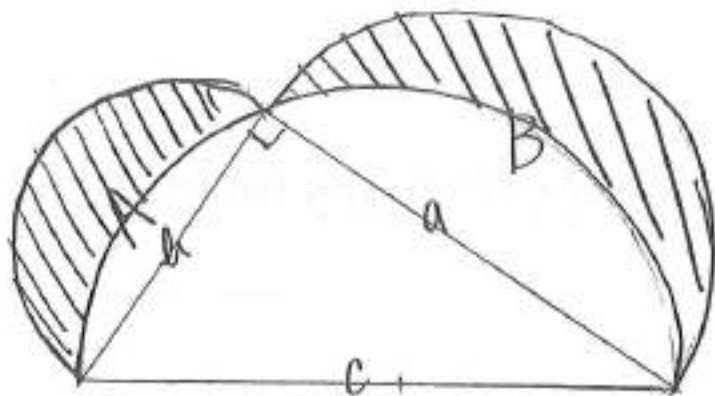
$$= \frac{1}{8} \pi (a^2 + b^2) \leftarrow \begin{array}{l} \text{三平方の定理} \\ a^2 + b^2 = c^2 \end{array}$$

$$= \frac{1}{8} \pi c^2$$

※ P, Q, R の面積を求め、P+Q が三平方の定理から R に等しくなることがわかった。

問題

斜辺を直径とする半円を反対側にかいた。それで三日月が2つできた。この2つの面積の和を求めてみよう。



$$\underbrace{\frac{a}{2} \times \frac{a}{2} \times \pi \times \frac{1}{2}}_{\text{半円Aの面積}} + \underbrace{\frac{b}{2} \times \frac{b}{2} \times \pi \times \frac{1}{2}}_{\text{半円Bの面積}} + \underbrace{\frac{1}{2}ab}_{\text{三角形abcの面積}}$$

$$= \frac{1}{8}\pi a^2 + \frac{1}{8}\pi b^2 + \frac{1}{2}ab - \underbrace{\left(\frac{c}{2} \times \frac{c}{2} \times \pi \times \frac{1}{2}\right)}_{\text{半円Cの面積}}$$

$$= \underbrace{\frac{1}{8}\pi a^2}_{\text{半円A}} + \underbrace{\frac{1}{8}\pi b^2}_{\text{半円B}} + \underbrace{\frac{1}{2}ab}_{\text{三角形abc}} - \underbrace{\frac{1}{8}\pi c^2}_{\text{半円C}}$$

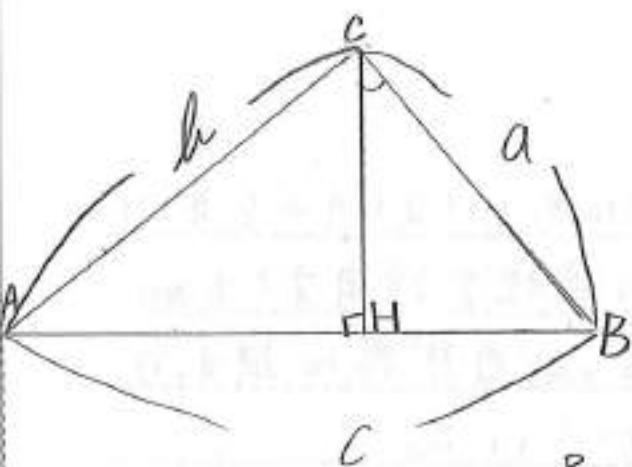
$$= \frac{1}{2}ab \left(\frac{1}{8}\pi a^2 + \frac{1}{8}\pi b^2 \right) - \frac{1}{8}\pi c^2$$

$$= \frac{1}{2}ab \text{ になる。} \quad \text{三平方の定理}$$

三角形abcの面積も $\frac{1}{2}ab$ なのと同じ。

※ 三日月の部分と直角三角形の面積は等しいことがわかった

～ピタゴラスの定理の証明～



直角三角形 $\triangle ABC$ について
直角頂Cから辺ABに下ろした
垂直の所をHとする。

$$\angle B + \angle A = 90^\circ$$

$$\angle B + \angle BCH = 90^\circ$$

$$\angle BCH = \angle A$$

3つの直角三角形 $\triangle ABC$, $\triangle ACH$,
 $\triangle CBH$ をならべる。

まず2つの直角三角形 $\triangle ABC$, $\triangle ACH$
は相似となり各辺の長さは比例
する。

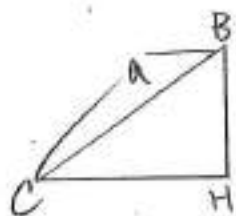
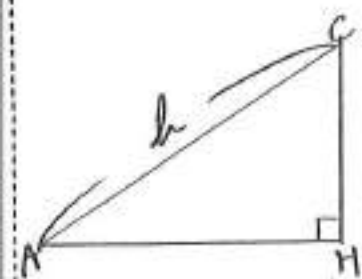
$$\frac{AB}{AC} = \frac{AC}{AH} \Rightarrow AC^2 = AB \times AH$$

同じように $\triangle ABC$ と $\triangle CBH$ に
ついて

$$BC^2 = AB \times BH,$$

$$BC^2 + AC^2 = AB \times BH + AB \times AH \\ \Rightarrow a^2 + b^2 = c^2$$

よってピタゴラスの定理
が証明された。



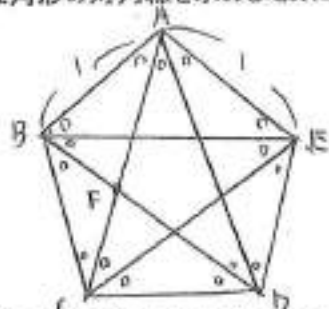
正五角形の対角線

レポートのあらすじ・取り組み

最後の正五角形の作図は教科書に乗っているのを見つけたのにとても苦労したのと、作図の過程を説明するために同じ図を何度も書くのが大変だった。自然界に決まった比が存在していることにおどろいた。

レポートの内容

正五角形の対角線を求めるためにまず、一辺が1の正五角形を書く



この中で $\triangle ABC$ について考えてみると

① 正多角形の対角線は全て等しいので

「 $AC=AD$ となります」

2辺が等しいので

「 $\triangle ACD$ は二等辺三角形」

と言う事になります

② 正五角形の内角の和は 540°

「一内角だと 108° になります」

$\triangle ACD$ だと

「内角が三等分になっているから $\angle CAD=36^\circ$

それが二つ分だから $\angle ACD=72^\circ$ $\angle ADC=72^\circ$ になります」

$\triangle ACD$ と $\triangle CDF$ で

$\angle A$ は共通……①

仮定より $\angle FCD=\angle CAD$ ……②

①、②より2角が等しいので

「 $\triangle ACD \sim \triangle CDF$ になります」

③ AC を x としてこれらの三角形の比をまとめていくと、

$$AC:CD=CD:CF$$

$$x:1=1:x-1$$

となります

これを解くと

$$x(x-1)=1$$

展開すると

$$x^2-x-1$$

という二次方程式が出来ます

因数分解が使えないので

解の公式に代入すると

$$x = \frac{1 \pm \sqrt{1-4 \times (-1)}}{2}$$

$$x = \frac{1 \pm \sqrt{5}}{2}$$

$x > 0$ より $x = \frac{1 + \sqrt{5}}{2}$

この $\frac{1+\sqrt{5}}{2}$ というのは黄金比と呼ばれるもので

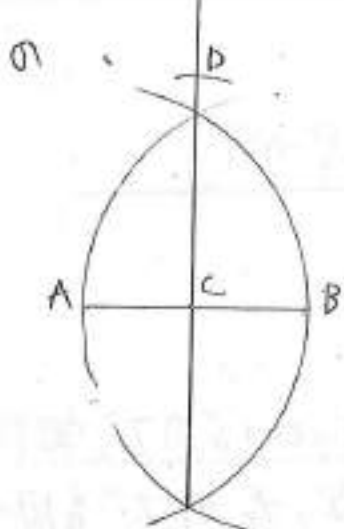
$1:\frac{1+\sqrt{5}}{2}$ という比で作られた長方形は最も美しいとされています

代表的なものにギリシャ遺跡のパルテノン神殿の縦と横、名刺の縦と横等があります

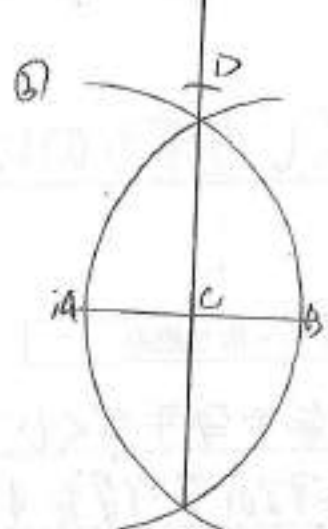
この比は自然界の中にも存在していて

オウム貝、ひまわり種、松ぼっくり、つくしなどがこの比になっています

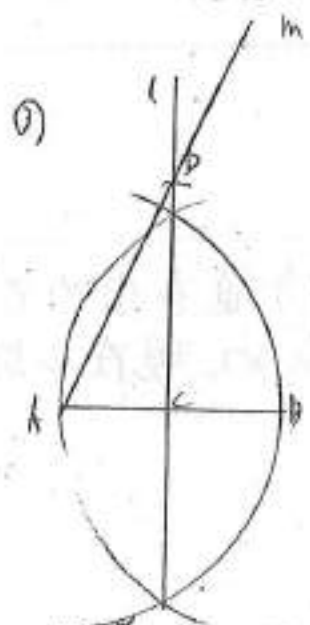
作す。



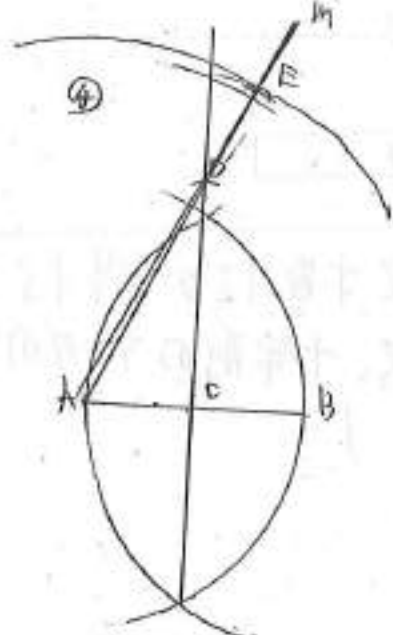
ABの二等分線を通る点Cを
とります。



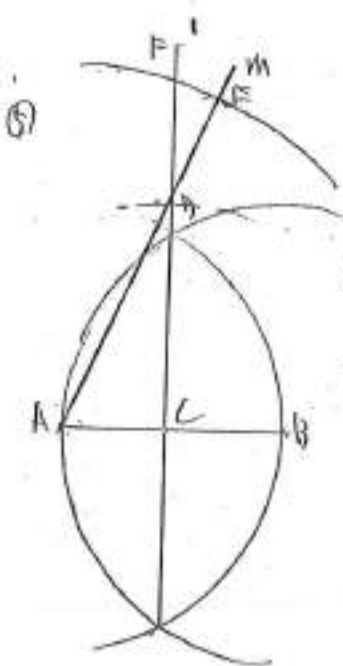
ACを半径にした弧をかき
1つの交点をDとします。



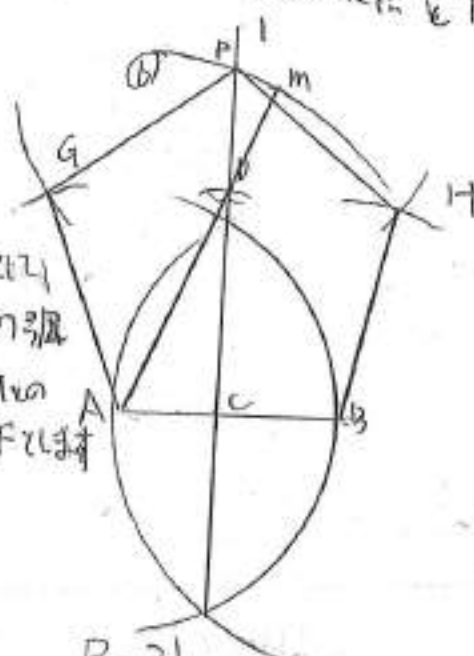
ADを通る直線を引きます。



DEを中心とする半径DCの弧をかき
mとの交点をEにとります。



点Aを中心とし
半径ACの弧
をかき、1つ
の交点をFとします



F、AがABの垂線の
点Gをとり

F、BがABの垂線の
点Hをとります。

F、B、G、A、Hを結ぶと
正五角形になります

「宝くじを買うのは損か得か？」

レポートのあらすじ・取り組み

私の父は、毎年毎年宝くじをたくさん買っているのですが、実際買って損をするのか得をするのか気になったので調べてみることにした。レポートの作成にはワードとエクセルを使った。

レポートの内容

宝くじを買って損するか得するかを、期待値を求めて調べてみた。又、十年前のデータの期待値も求め、現在と比較してみた。

「宝くじを買うのは損か得か？」

みずほ銀行のホームページから、サマージャンボ宝くじの

データを引用し

て、十年前と現在の違いを比較して明らかにすることにした。

1ユニットの発行枚数を一千万枚とすると...

1993年の各等の期待値は

一等： $4 \div 10000000 \times 60000000 = 24$

前後賞： $8 \div 10000000 \times 30000000 = 24$

組み違い賞： $396 \div 10000000 \times 100000 = 3.96$

二等： $4 \div 10000000 \times 10000000 = 4$

三等： $30 \div 10000000 \times 1000000 = 3$

四等： $1000 \div 10000000 \times 100000 = 10$

五等： $10000 \div 10000000 \times 10000 = 10$

六等： $30000 \div 100000 \times 3000 = 9$

七等： $1000000 \div 100000 \times 5000000 = 30$

ビッグレジャー賞： $50 \div 10000000 \times 5000000 = 25$

2003年の各等の期待値は

$$\text{一等: } 1 \div 10000000 \times 200000000 = 20$$

$$\text{前後賞: } 2 \div 10000000 \times 50000000 = 10$$

$$\text{組み違い: } 99 \div 10000000 \times 100000 = 0.99$$

$$\text{二等: } 4 \div 10000000 \times 100000000 = 40$$

$$\text{三等: } 10 \div 10000000 \times 1000000 = 1$$

$$\text{四等: } 100 \div 10000000 \times 100000 = 1$$

$$\text{五等: } 10000 \div 10000000 \times 10000 = 10$$

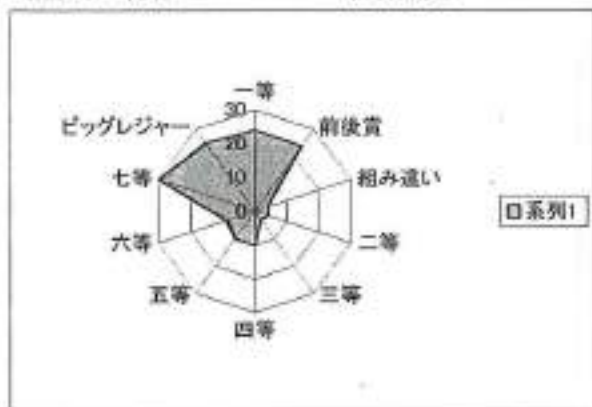
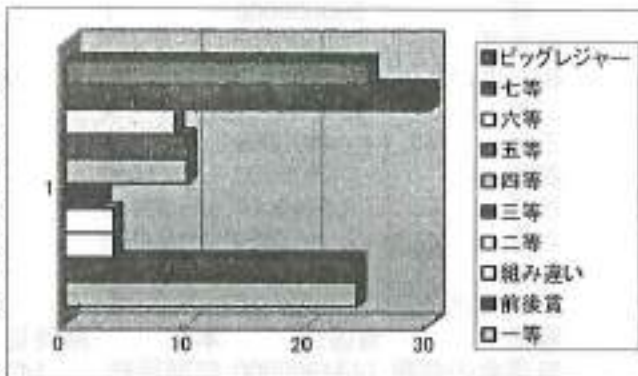
$$\text{六等: } 100000 \div 10000000 \times 3000 = 30$$

$$\text{七等: } 1000000 \div 10000000 \times 300 = 30$$

$$\text{ビッグレジャー賞: } 10 \div 10000000 \times 500000 = 0.5$$

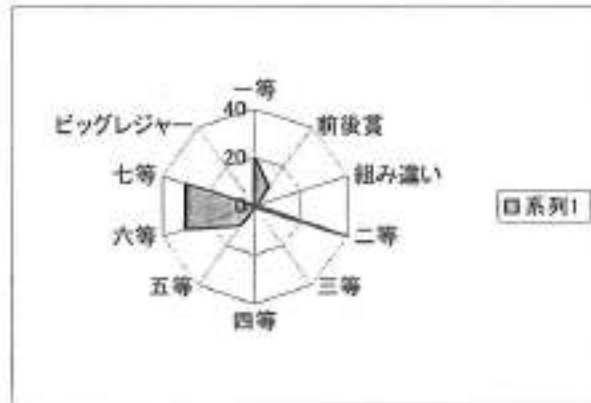
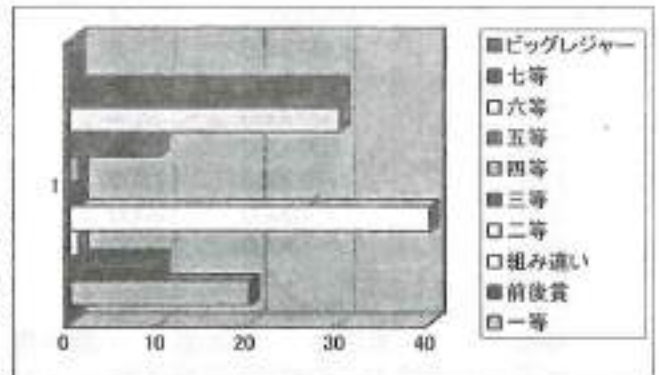
これらの値を表計算ソフトを使ってグラフ化した。

一等	60000000	4	24
前後賞	30000000	8	24
組み違い	100000	396	3.96
二等	10000000	4	4
三等	1000000	30	3
四等	100000	1000	10
五等	10000	10000	10
六等	3000	30000	9
七等	300	1000000	30
ビッグレジャー	5000000	50	25
等級	当選金	本数	期待値
当選金の総額		1429600000	総期待値
			142.96



上:1993年のグラフ

一等	200000000	1	20
前後賞	50000000	2	10
組み違い	100000	99	0.99
二等	100000000	4	40
三等	1000000	10	1
四等	100000	100	1
五等	10000	10000	10
六等	3000	100000	30
七等	300	1000000	30
ビッグレジャー	500000	10	0.5
等級	当選金	本数	期待値
当選金の総額	1434900000	総期待値	143.49



2003年のグラフ

結果 (考察結果)

- ① 十年たっても宝くじ全体の期待値はあまり変わっていない(0.53円UP)

これは一等などの単体の当選金は上がっているが、本数は減っているため、当選金の総額はあまり変わらないからである。

- ② サマージャンボ宝くじは 300 円/枚なので、平均すると約半額(143.49円)が全員に返金されていることになる。

- ③ 主な十年前と現在との違いは、二等の期待値が十倍にあがっている。

これは本数は同じだが当選金が上がったからである。また、ビッグレジ

賞の期待値は $1/50$ になっている。これは当選金は変わらないが、
本数が減っているからである。

結論

結論: 宝くじを買うのは、損である。なぜなら一枚あたり 156.51 円をドブに捨てるようなものだからである。

感想: いままで知らなかった宝くじの実態がわかっておもしろかった。十年前と比べて当選金はすごく上がっているのに、期待値は一円も上がって
いなかったのが驚いた。今回調べたおかげで将来宝くじを買わないでお
こうと思った。

家庭でのガス代(料金)のグラフ

レポートのあらすじ・取り組み

自分の家で使ったガス代料金表をグラフで表す。

僕の家に残っているガス料金表を利用し今年の1月~3月、5月~8月のガス料金表と使用実績グラフを書こうと思う。

その結果によって減少考察してみようと思う。

レポートの内容

表1 我家のガス使用量

03年

- ・金額の単位は全て円。
- ・使用量単位はm³

	ガス料金	消費税 相当額	ガス代	使用量	範囲	単枚料金
1月	20673	1033	21706	172	C	112.51
2月	18084	904	18988	149	C	112.51
3月	15135	756	15891	124	C	111.41
5月	9077	453	9530	70	C	110.81
6月	1971	348	2319	51	C	110.80
7月	6530	326	6856	47	B	115.53
8月	5143	257	5400	35	B	115.51

・ガス料金はどのようにおさげろのかという点



ガス代はガス料金に消費税相当額を足した合計額である

・ガス料金

(式1)

ガス料金 = 基本料金 + 従量料金 (円未満は切捨て)

ガス料金は契約形態ごとに下の表2の基本料金表に基づいて計算した金額に消費税相当額を加算した合算金額である

表2. 基本料金表 (一般ガス供給約款料金)

	1ヶ月の使用量	基本料金 (1ヶ月につき)	
		基本料金 (円/月)	単位料金 (円/m ³)
A	0m ³ から 20m ³ まで	基本料金	690円
		単位料金	136.04円
B	20m ³ を越え 50m ³ まで	基本料金	1100円
		単位料金	115.54円
C	50m ³ を越え 200m ³ まで	基本料金	1320円
		単位料金	114.14円
D	200m ³ を越え 500m ³ まで	基本料金	3000円
		単位料金	102.74円
E	500m ³ を 越える場合	基本料金	6040円
		単位料金	96.66円

・基本料金は1ヶ月およびガスメーター1個あたりの料金

・単位料金とは基準単位料金 または調整単位料金
(基準単位料金に*原料費調整制度に基づく単位
料金調整額を加えたもの)をいう

原料費調整制度について

原料費は為替レートや原油価格の動きにより変動するが 原料費調整(スライド)

制度はこうした代替的要因による原料費の変動を、1m³あたりのガス料金に反映させることを目的とした制度。

原料費の調整は3ヶ月ごとに従量料金単価(1m³あたり単価)を見直すことにより行われる。

この制度の導入により、ガス事業者の努力と関係のない経済情勢の変化をガス料金に迅速に反映し、ガス事業者の経営効率化努力とその成果を明確化するにより、長期的なコストの低減を図る。

$$(式2) \text{ 従量料金} = \text{単位料金} \times \text{使用量}$$

(1. 4. 7. 10月に
見直しがある)

$$(式3) \text{ 総ガス料金} = \text{基本料金} + \text{単位料金} \times \text{使用量} \\ + \text{消費税相当額}$$

表2の料金表は2003年7月時点の料金となっている。
(表2)

表1の単位料金は次式で計算した。

$$(式4) (\text{ガス料金} - \text{基本料金}) \div \text{使用量} = \text{単位料金}$$

単位料金(1m³あたり)は原料費の変動に応じて3ヶ月ごと(毎年1月4月7月10月)に見直しがあるため(式4)では2003年の7月・8月分の単位料金を正確に出せない。他、1~3月5~6月分はたった1ヶ月として計算した。

03年

$$7月分 (6530 - 1100) \div 47 = 115.53191\dots$$

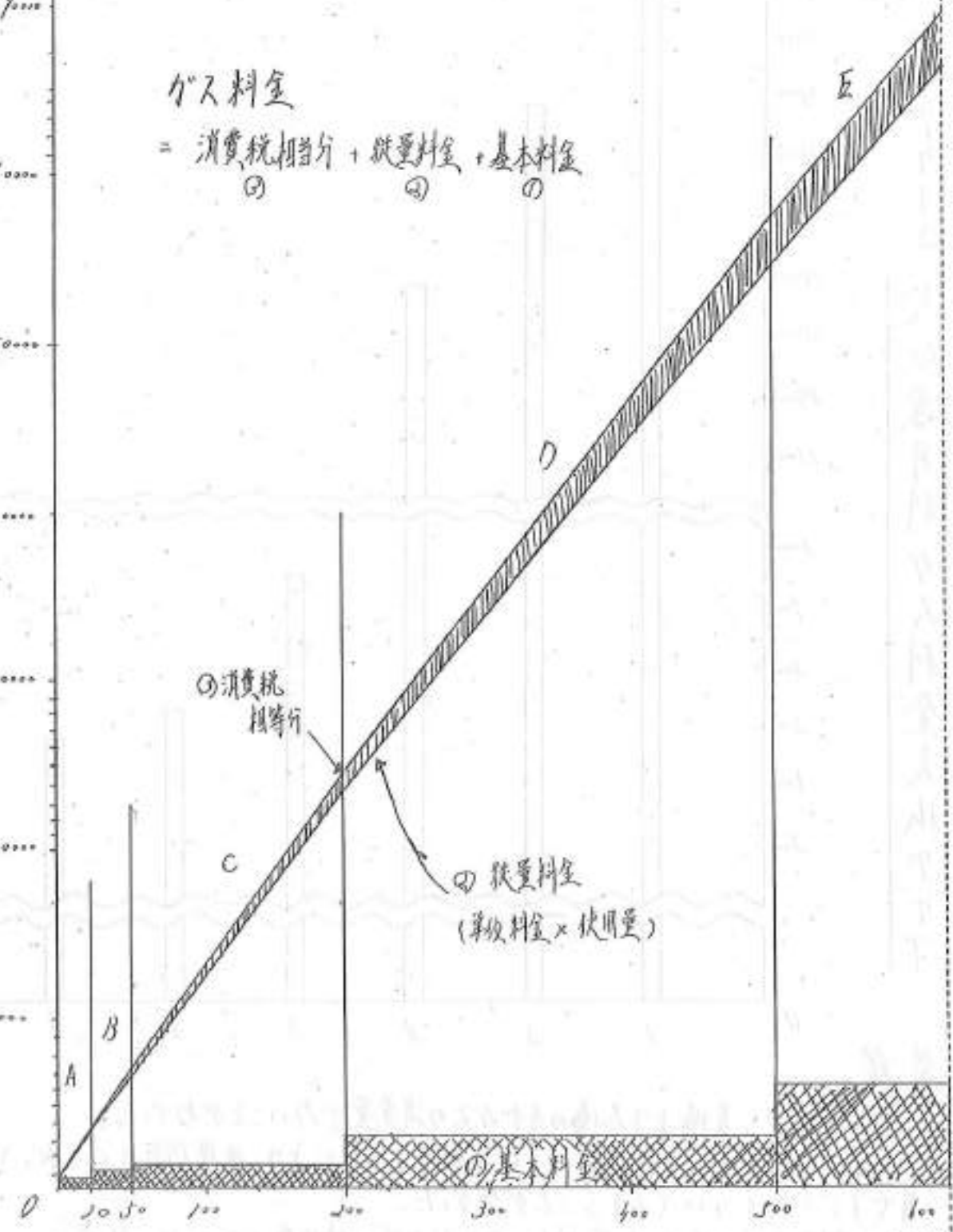
$$8月分 (5143 - 1100) \div 35 = 115.51428\dots$$

この単位料金は連算しているため少々の誤差がある

ガス料金
(円)

7000
6000
5000
4000
3000
2000
1000
0

ガス料金
= 消費税相当分 ③ + 従量料金 ④ + 基本料金 ①



ガス使用量
(m³)

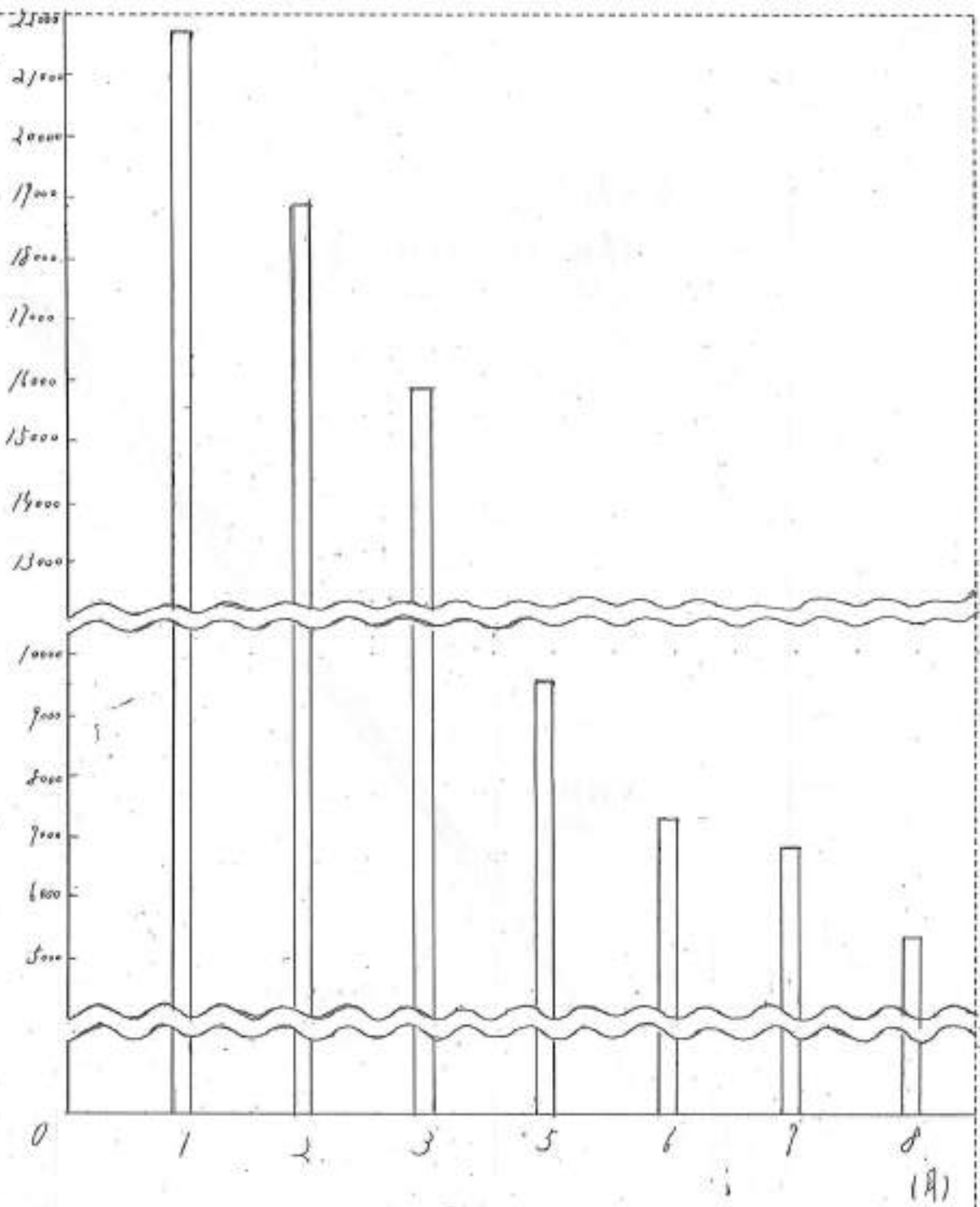
7771

ガス 使用量 - 料金 777

2003年 7月時点

ガス料金
(円)

7-172 大石 毎月別ガス料金支払7-17



考察

7-172から夏場より冬場の方がガスの消費量が多いことがわかった。
 今日 大阪ガスのガス料金について調べたことにより、普段何気なくつかっているガスも一ヶ月で結構高くついてしまうことが分かった。
 ガス料金だけでなく水道料金 電気料金等の使用量も合わせて統計をとれば我家の環境資源の消費量は、きりして環境保護のためのエネルギー消費削減目標が立てやすくなると思う。これからは工夫してガスの消費量を節約しようと思う。

サイコロの出る目の確率は本当に $\frac{1}{6}$ か

レポートのあらすじ・取り組み

まずサイコロを振る条件を決めて実験をし、感想を書いた
そして、このことについてインターネットを使いくわしく調べた。

レポートの内容

- サイコロを振る条件
半円球の器を用い、器に対して等距離から落下させるようにした。
このことにより、サイコロの転がりにムラがないと思った。
サイコロも数字の彫りが均等に近いものを使った。
- 振った回数
500回
- 実験をして思ったこと
振り始めたときは、同じサイコロの目が続いて出ることもあつて
 $\frac{1}{6}$ の確率で1~6の数字がでるのかどうか思ったが
回数を重ねるごとに $\frac{1}{6}$ に近数字がでるようになった
- 参考
インターネット上に大数の法則に関する記事があつた。大数の法則は
1713年にベルヌーイによって数学的に証明されていると書かれていた。
また、10000回までサイコロを振るシミュレーションソフトが有り、
試すと500回を超えて出る目のムラがだんだん少なくなる。2000回を
超えると更に $\frac{1}{6}$ の確率に近づき、3500回を超えると均等に

近い出る目になる。5000回を超えあたりから均等に
収集していく

。結論

大数の法則からの結論は？、試行回数が十分に大きければ
累積平均は、理論的確率に徐々に収束していく。

また、ギャンブルには小数の法則という誤った信念も
あるようです

。資料

サイコロの実験結果 100回ごとの累積結果

100回ごとの累積結果

	100回目まで		200回目まで		300回目まで		400回目まで		500回目まで	
	回数	割合	回数	割合	回数	割合	回数	割合	回数	割合
1	18	18%	30	15%	44	15%	50	15%	70	15%
2	14	14%	32	16%	45	15%	55	14%	72	14%
3	18	18%	35	18%	53	18%	75	19%	93	19%
4	12	12%	29	16%	41	14%	60	15%	74	15%
5	24	24%	44	22%	68	23%	88	22%	103	21%
6	14	14%	30	15%	49	16%	64	16%	82	16%
合計	100		200		300		400		500	

※6分の1の比率16.666に近づく推移を表している。

サイコロの実験結果

1	200	300	400	500	600	700	800	900	1000	1100	1200	1300	1400	1500	1600	1700	1800	1900	2000	2100	2200	2300	2400	2500
1	5	7	2	2	3	2	3	1	0	5	5	2	2	6	3	0	1	0	0	2	3	1	1	2
2	28	23	30	31	32	32	30	34	39	36	37	38	36	40	41	42	43	44	45	46	47	48	49	50
3	1	5	1	4	4	3	4	4	4	4	3	1	3	2	1	4	4	5	5	3	5	3	4	4
4	53	44	55	54	57	59	59	59	60	61	62	63	64	65	66	67	68	69	70	71	72	73	74	75
5	2	1	2	4	4	3	5	4	4	1	6	5	2	2	5	1	5	4	4	1	4	3	4	2
6	78	75	85	81	87	89	85	94	89	89	87	85	89	87	82	82	84	87	89	90	91	92	93	94
7	8	5	5	5	5	2	6	3	1	4	4	2	5	1	2	2	5	5	5	5	5	5	5	5
8	103	104	105	104	104	107	108	108	108	108	112	112	114	114	114	117	118	119	120	121	121	123	124	125
9	3	2	4	5	3	2	4	4	4	5	2	0	1	3	3	4	4	4	4	4	5	4	3	5
10	128	125	120	121	122	122	123	124	124	124	127	128	128	129	129	132	132	133	134	134	137	141	145	150
11	5	1	2	1	5	5	6	5	6	2	5	3	2	4	1	1	5	4	4	2	3	2	4	4
12	152	154	154	155	156	157	158	159	160	161	162	163	164	165	166	167	168	169	170	171	172	173	174	175
13	1	2	3	2	2	5	4	1	2	4	3	5	4	4	3	3	5	5	4	4	2	4	4	2
14	177	178	179	180	181	182	183	184	185	186	187	188	189	190	191	192	193	194	194	195	197	198	199	200
15	4	1	3	2	5	3	3	4	2	3	3	3	3	5	1	5	4	8	5	5	2	2	5	5
16	202	203	204	205	206	207	208	209	210	211	212	213	214	215	216	217	218	219	220	221	221	224	224	225
17	5	2	4	4	4	3	2	5	3	2	2	4	3	1	1	0	1	1	1	2	2	2	3	5
18	227	228	229	230	231	232	233	234	235	236	237	238	239	240	241	242	243	244	245	246	247	248	249	250
19	8	2	2	6	5	5	1	3	4	5	5	5	3	4	1	4	5	1	1	2	5	3	5	4
20	252	253	254	255	256	257	258	259	260	261	262	263	264	265	266	267	268	269	270	271	272	273	274	275
21	4	5	2	5	3	4	6	6	3	5	2	1	3	5	4	1	3	0	0	1	1	5	4	4
22	277	278	279	280	281	282	283	284	285	286	287	288	289	290	291	292	293	294	295	296	297	298	299	300
23	5	5	5	5	1	1	4	2	2	4	5	2	2	5	3	5	5	5	5	3	5	8	6	3
24	302	303	304	305	306	307	308	309	310	311	312	313	314	315	316	317	318	319	320	321	322	323	324	325
25	6	5	4	4	2	5	5	5	5	4	5	3	5	1	4	4	1	1	4	5	2	2	1	4
26	327	328	329	330	331	332	333	334	335	336	337	338	339	340	341	342	343	344	345	346	347	348	349	350
27	3	3	3	5	2	5	5	5	3	2	5	5	4	3	4	0	2	2	1	1	2	3	1	0
28	352	353	354	355	356	357	358	359	360	361	362	363	364	365	366	367	368	369	370	371	372	373	374	375
29	3	5	3	3	3	4	1	5	6	3	4	1	3	6	5	4	1	1	4	5	4	1	3	3
30	377	378	379	380	381	382	383	384	385	386	387	388	389	390	391	392	393	394	395	396	397	398	399	400
31	5	5	3	4	2	3	4	4	4	4	4	2	4	4	2	5	2	3	3	3	2	1	4	3
32	402	403	404	405	406	407	408	409	410	411	412	413	414	415	416	417	418	419	420	421	422	423	424	425
33	1	1	3	4	1	5	2	3	4	2	3	4	2	5	5	3	6	6	3	3	3	1	0	0
34	427	428	429	430	431	432	433	434	435	436	437	438	439	440	441	442	443	444	445	446	447	448	449	450
35	4	2	8	2	4	1	3	8	4	1	5	2	3	1	3	1	6	6	5	2	1	2	4	4
36	452	453	454	455	456	457	458	459	460	461	462	463	464	465	466	467	468	469	470	471	472	473	474	475
37	1	2	5	5	4	1	3	6	6	2	4	1	2	4	2	1	1	1	0	1	6	2	1	4
38	477	478	479	480	481	482	483	484	485	486	487	488	489	490	491	492	493	494	495	496	497	498	499	500
39	2	3	1	0	2	4	3	3	4	3	5	3	4	5	5	2	4	4	5	5	3	4	5	5

一筆書きについて

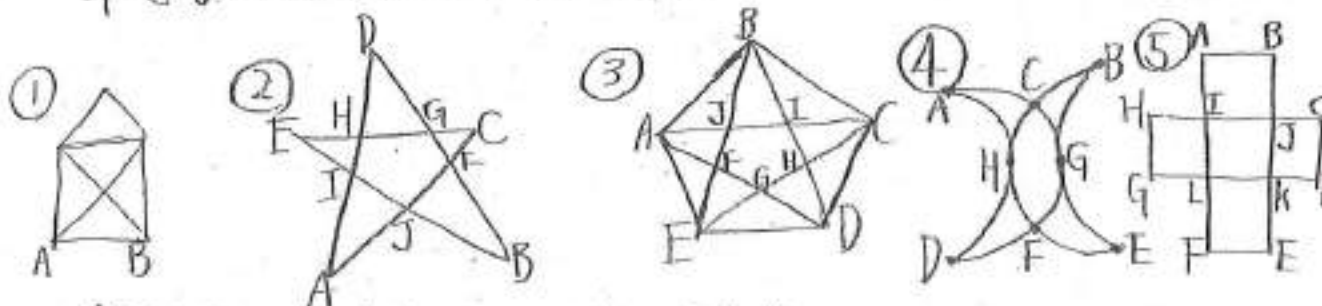
レポートのあらすじ・取り組み

どういふ図形が一筆で書けるかを表に書いたりして調べる。

レポートの内容

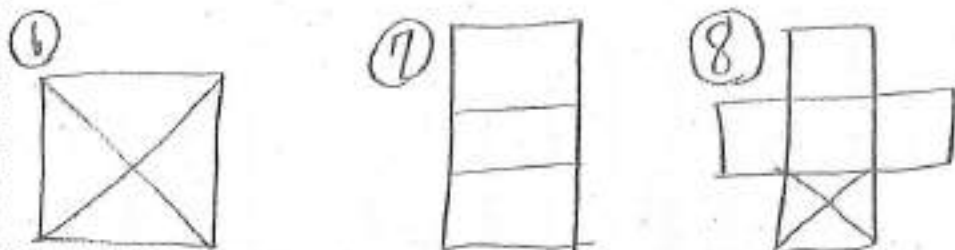
まず、一筆書きとは、一度書き終わるとペン先を紙から離さず最後まで書きつづける図形を一筆書きとして、一度かいた線とは交わらないが、同じ線はなぞらないとする。

一筆でかける図をかいてみると



書き始められる点をアルファベットで表す。

かけない図



お、頂点の数と辺の数を調べてみる。

かける

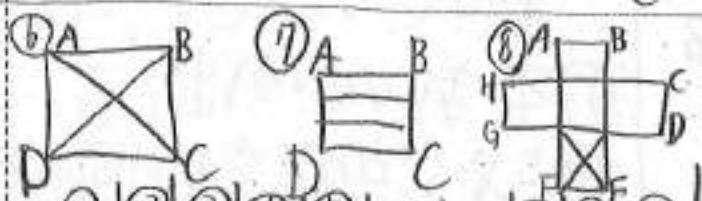
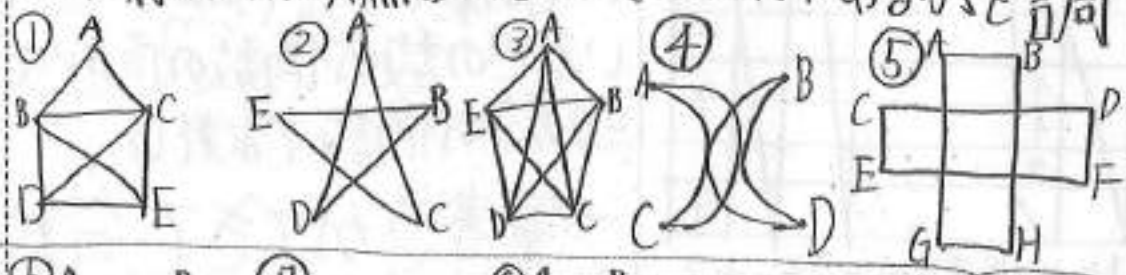
	①	②	③	④	⑤
頂点の数	5本	5本	5本	4本	8本
辺の数	10本	13本	20本	12本	12本

かけない

	⑥	⑦	⑧
頂点の数	4本	4本	8本
辺の数	8本	10本	18本

この表より頂点の数と辺の数は関係なさそうだから他の条件を調べる。

次に前の図の頂点に記号をつけて辺が何本あるかを調べてみる。



	①	②	③	④	⑤	←i→	⑥	⑦	⑧
A	2	2	4	2	2	か	3	2	2
B	4	2	4	2	2	け	3	2	2
C	4	2	4	2	2	る	3	2	2
D	3	2	4	2	2	い	3	2	2
E	3	2	4		2				3
F					2				3
G					2				2
H					2				2

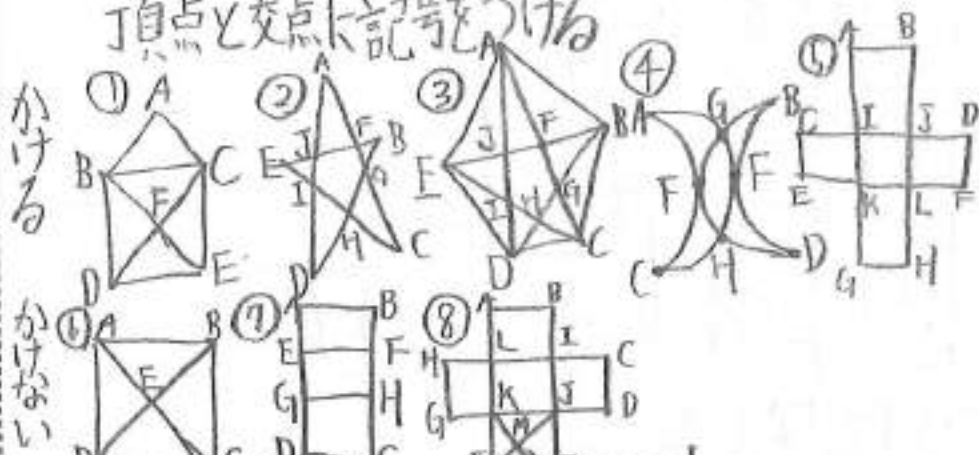
この表より、この条件も共通点が見つからないので他の条件を探してみる。

前にも調べたのは頂点だけだったので、次は頂点と交点から何本辺が出ていているかを調べる

頂点と交点に記号をつける

かける

かけない



	①	②	③	④	⑤	←	⑥	⑦	⑧
A	2	2	4	2	2	か け な い	3	2	2
B	4	2	4	2	2		3	2	2
C	4	2	4	2	2		3	2	2
D	3	2	4	2	2		3	2	2
E	3	2	4	4	2		4	3	3
F	4	4	4	4	2			3	3
G		4	4	4	2			3	2
H		4	4	4	2			3	2
I		4	4		4				4
J		4	4		4				3
K					4			3	
L					4			4	
M								4	

上の表を奇数が偶数かで何にあるかを考えてみる

	①	②	③	④	⑤
かける 奇数	2	0	0	0	0
偶数	4	10	10	8	12

	⑥	⑦	⑧
かける	4	3	4
かけない	1	5	9

まとめ
 上の表で交点や頂点から出ている辺の数が偶数の頂点や交点の数が偶数であれば、一筆書きができて、奇数の本数の辺が出ている頂点や交点がある個数あれば、一筆書きができなくなる。これがわかる。これが一筆書きができる条件かと思う。

この賭けをすべきか？

レポートのあらすじ・取り組み

サイコロが1つあり、それを120回投げたら
1と1以外が出る確率に注目した。

レポートの内容

サイコロが1つあり、そのサイコロを投げて
1が出たら、6ドルもらえる。

1以外の数が出たら、1ドル払わなければ
ならない。

この賭けは、受けるべきなのか？

答え

受けるべき

理由 例えは、120回サイコロを
 投げたら、1が20回出る確
 率がある。1以外が出る確率は、
 同じように考えると、100回出る。

1が20回出る → 120ドルもらう
 1以外が100回 → 100ドルもらう
 よって → +20ドルもらう。

次に何回1が出るかは「得点」？ (120回中)

	1回 <small>← 120回中、2回</small>	2回	3回	4回
1以外	119回	118回	117回	116回
計	-113ドル	-106ドル	-99ドル	-92ドル

↑ +7ドル
↑ +7ドル 規則になっている

$$\underline{-113} \div 7 = \underline{-16} \dots 1$$

よ-7 1回以上で出るのは"得点"

答え \rightarrow 17回以上

$$6 \times 1 + (-119 \times 1) = -113$$

120回中、1M出る確率を増やしていくと、
1回増やすたびに+7M増える規則がある。

学んだ事

確率の問題は、中学に入り、
あまり問いた事はなかったのでも、初めは
"悩んだ"けれど、良く考えれば、
なってくるので、楽しかった。復習にもなるので、
このレポートとして、从つり勉強強くなる。

クレジット

レポートのあらすじ・取り組み

ほくはインターネット上にあるマスカトという数学のサイトでこの問題を解こうと思いました。

レポートの内容

<1ヶ月目>

ハナコはカード会社から20万円借金をしました。月々の利子は3%翌月一括払い。

<2ヶ月目>

他のカード会社から20万円と利子分を払い生活費5万円を借りて返済したが、また翌月他の会社から分を借って返さなければならぬ。

<以後>

毎月、借金の返済費と生活費5万円を次々と違うカード会社から借りる。

<問題>

- (1) 実際にハナコが24ヶ月間借りて使った借金の金額は?
- (2) 24ヶ月までに利子を払うため借りた借金の金額は?
- (3) 1社から借りられる限度額20万円とすると24ヶ月目にハナコは何社から借金をする必要があるか?

次の表は返済額、利息(3%)、新しく借入金額を表したものである。

次月の返済額 = 今月の返済額(最初の月は20万円) + 生活費(5万) + 利息(3%)

利息 = 返済額 × 3%

	返済額(円)	利息(3%)円	新しく借入金額(円)
1ヶ月目	200000	6000	200000
2ヶ月目	256000	7680	50000
3ヶ月目	313680	9410	50000
4ヶ月目	373090	11192	50000
5ヶ月目	434282	13028	50000
6ヶ月目	497310	14919	50000
7ヶ月目	562229	16866	50000
8ヶ月目	629095	18872	50000
9ヶ月目	697960	20939	50000
10ヶ月目	768906	23069	50000
11ヶ月目	841973	25259	50000
12ヶ月目	917232	27516	50000
13ヶ月目	994748	29842	50000
14ヶ月目	1074590	32237	50000
15ヶ月目	1156827	34704	50000
16ヶ月目	1241531	37245	50000
17ヶ月目	1328776	39863	50000
18ヶ月目	1418639	42559	50000
19ヶ月目	1511198	45335	50000
20ヶ月目	1606533	48195	50000
21ヶ月目	1704228	51141	50000
22ヶ月目	1805864	54176	50000
23ヶ月目	1910045	57301	50000
24ヶ月目	2107346		

(1) ハナコが使ったのは毎月の生活費の5万のみで、24ヶ月目は借付ないので24-1となる。

だから $50000 \times (24-1) = 1150000$

A. 1150000円

(2) 24ヶ月目の返済額からハナコが使ったのと、元の20万を引く

$$2107346 - (1100000 + 200000) \\ = 807346$$

A. 807346円

(3) 24ヶ月目は2107346円これを限度額20万で何社必要になるか出すから

$$2107346 \div 200000 = 10.5367$$

となる小数以下は1何以上20万以下なのでお1社いるから

$$10 + 1 = 11$$

A. 11社

<感想>

ほくがこの問題を解いて何を学んだかという表である。表は変化する数ない数を書き込むことにより答えや公式などが簡単に解かる。改めて表の大切さを学んだ。

四角形の内角の和の証明

レポートのあらすじ・取り組み

図書館で借りた本の問題が難しくて
あきらむ問題がこれしかなかった

レポートの内容

「好きになる数学入問2 図形」の問題
問題

四角形 $ABCD$ の4つの内角 $\angle A, \angle B, \angle C, \angle D$
の和が 360° となることを証明せよ
 $\angle A + \angle B + \angle C + \angle D = 360^\circ$

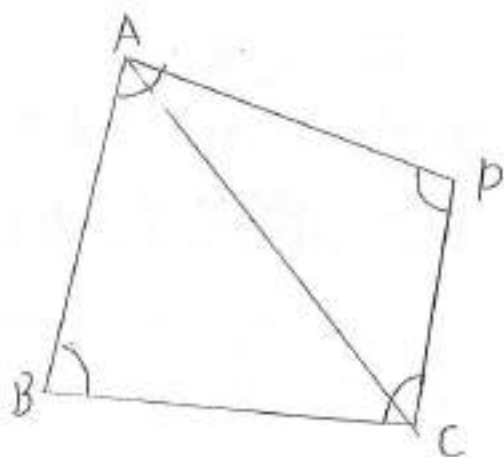
上の問題が図1を書く

図の四角形の $\angle A$ が $\angle C$ へ対角線を引く

四角形は $\triangle ABC$ と $\triangle ADC$ の2つの
三角形になる

三角形の内角の和が 180° ならば、四角形 $ABCD$ の内角の和は 360° となる

図1



任意の三角形 $\triangle ABC$ を考える。

この三角形 $\triangle ABC$ の3つの角 $\angle A$ 、 $\angle B$ 、 $\angle C$ の大きさをそれぞれ $\angle A = a$ $\angle B = b$ $\angle C = \gamma$

で表す... 図2

図2

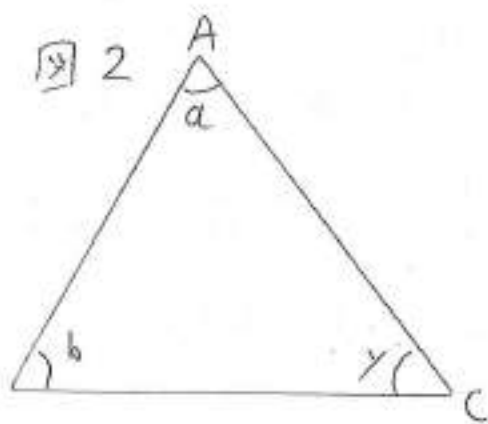


図3でCDは三角形 $\triangle ABC$ の辺BCを延長した直線とし、

CEは辺BAと平行となるようにする

図3

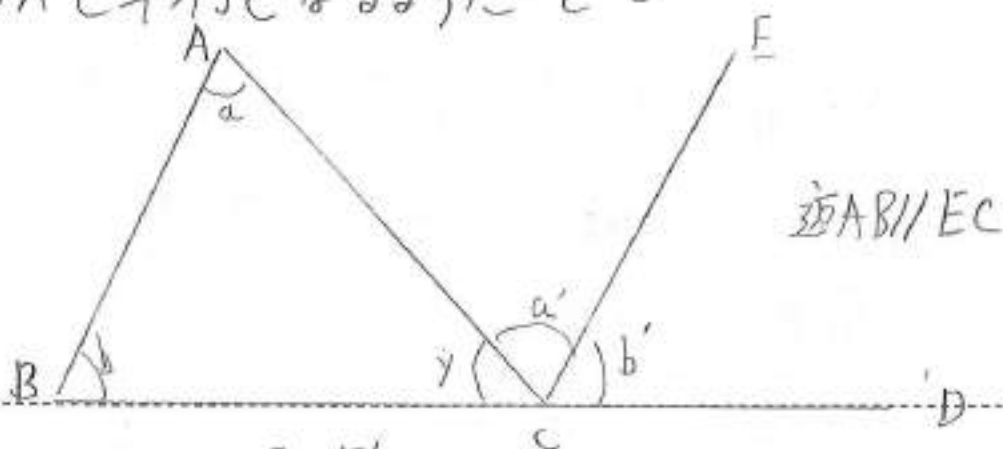


図3より直線ABと直線ECは平行なので錯角 $\angle a = \angle a'$

$$\angle b = \angle b' \text{ よって } a = \angle A = \angle ACE \quad B = \angle B = \angle ECD$$

$$a + b + \gamma = \angle ACE + \angle ECD + \angle ACB = \angle BCD = 180^\circ$$

三角形の内角の和が 180° である事があつたので

問題の四角形の内角の和が 360° である事を証明する、

図1より 四角形 ABCD は 三角形2つに分けられるので

180° が2つで 内角の和は 360° になる

この問題を聞いて今まで 三角形の内角の和は 180° であ

り決まっていたか、なぜ そのおに成るのかを証明して

180° になる理由がわかった

サイコロを1000回ふって、本当に確率が $\frac{1}{6}$ になるか調べてみる(実験)

レポートのあらすじ・取り組み

まず、サイコロを1000回ふります。その
 木を分かりやすいように表に記入
 していきます。そして、 $\frac{1}{6}$ になるか調べて
 いきますたいと思います。

レポートの内容

4	6	6	4	2	4	6	4	3	6	3	1	6	3	2	3	6	3	4	6
2	1	5	6	4	4	6	6	3	1	2	1	1	6	3	3	6	6	4	1
2	6	4	1	1	6	4	4	4	4	3	6	3	1	1	3	3	3	3	3
2	4	6	5	3	1	1	1	2	5	2	3	6	5	4	5	1	1	2	5
5	1	4	4	1	6	1	3	5	6	5	1	5	3	1	6	1	4	5	6
1	6	1	3	5	6	1	1	5	6	1	6	1	4	3	6	1	1	5	6
4	5	1	3	4	1	5	4	4	2	3	5	1	4	1	1	5	3	3	2
1	4	2	2	6	4	3	4	4	2	1	3	2	5	6	3	4	3	5	2
6	3	4	4	5	6	1	4	2	6	6	4	5	5	5	6	1	5	2	6
2	4	5	2	4	1	5	1	1	6	2	3	2	3	1	5	1	1	6	5
□ 22	☲ 27									□ 23	☲ 8								
□ 11	☲ 12									□ 11	☲ 11								
☲ 8	☲ 23									☲ 27	☲ 23								

2	5	3	1	2	4	2	5	6	2	1	1	3	3	2	1	5	2	2	2
3	3	6	3	5	4	2	2	3	1	3	1	3	2	6	1	2	1	5	5
2	4	4	5	3	1	3	2	4	1	4	3	1	3	1	5	1	3	2	1
3	1	2	2	2	1	3	4	6	6	2	3	4	4	1	2	3	3	6	3
2	2	1	3	4	5	2	5	3	3	2	3	6	5	2	4	1	2	3	1
3	2	4	1	5	2	3	4	2	5	2	5	4	3	2	1	1	3	2	4
6	2	4	1	1	3	2	1	3	1	2	3	1	5	6	1	3	4	2	3
1	4	1	3	1	3	2	1	2	2	2	1	2	2	6	3	5	1	3	4
2	6	2	3	2	1	4	5	2	3	2	1	5	5	3	3	4	1	4	1
2	3	6	3	1	2	2	3	1	3	3	2	2	3	2	4	3	5	4	6

□ 19	□ 23	□ 9	□ 21	□ 17	□ 20
□ 28	□ 10	□ 21	□ 13	□ 9	□ 10

3	2	1	3	2	5	2	3	2	6	1	6	5	1	4	3	1	6	2	1
3	2	6	4	3	6	3	3	4	5	5	6	1	3	6	1	3	4	1	5
6	5	3	4	1	5	4	1	3	2	2	1	1	2	1	6	3	1	2	1
2	3	5	4	1	3	2	1	2	1	6	4	4	4	1	6	3	1	2	1
1	2	3	1	3	4	2	1	3	3	4	4	3	6	3	5	6	1	6	4
3	6	6	2	1	2	5	3	2	3	1	4	2	5	6	4	6	2	3	6
2	4	3	3	2	3	4	1	2	4	4	2	6	4	8	6	6	2	4	2
4	3	1	3	1	2	4	2	1	4	2	2	2	3	1	3	3	4	3	1
1	1	2	2	5	1	3	2	3	2	6	2	1	4	3	3	6	1	3	1
3	6	4	2	6	2	2	4	6	1	4	6	4	1	2	1	3	6	1	6

□ 18	□ 10	□ 21	□ 24	□ 6	□ 17
□ 20	□ 12	□ 9	□ 15	□ 13	□ 15

5	6	1	2	3	4	5	6	3	4	2	3	5	4	6	5	1	6	3	3
2	2	1	1	4	5	3	1	2	1	1	3	1	2	1	4	5	2	1	2
1	3	3	6	2	6	1	2	6	2	1	4	3	2	3	6	5	2	6	4
6	1	6	4	5	3	4	4	1	2	2	5	2	6	1	1	4	6	3	5
2	5	3	4	5	5	2	4	5	3	1	6	1	1	6	4	5	5	6	3
4	4	5	3	2	1	6	1	5	4	5	4	3	2	1	1	6	4	5	2
2	1	6	3	3	4	3	3	6	5	5	6	3	4	2	5	4	3	5	6
4	5	1	5	1	2	3	6	2	6	2	3	4	2	1	3	2	3	3	6
3	4	4	5	6	2	4	3	5	1	3	2	1	5	6	3	1	4	3	4
1	2	6	5	4	3	2	1	5	6	4	6	5	5	3	4	2	6	4	1

□ 12 □ 19 □ 13

□ 17 □ 21 □ 10

□ 23 □ 5 □ 28

□ 8 □ 25 □ 9







1	5	4	3	2	1	6	6	3	1	5	6	3	4	5	6	1	2	3	5
3	2	5	1	2	3	5	5	5	2	1	3	4	5	6	1	2	3	4	2
2	6	3	4	1	6	4	4	6	3	2	1	5	3	4	3	2	3	1	1
1	5	4	4	1	3	3	2	3	4	3	4	2	6	6	3	2	4	5	6
6	2	3	3	5	4	2	2	5	5	4	2	1	5	2	1	3	4	6	5
1	2	3	4	5	6	1	1	2	6	1	2	3	4	5	6	4	3	2	1
4	4	2	5	1	5	3	2	6	1	4	5	6	1	6	2	3	4	5	6
5	3	1	2	6	6	4	3	5	4	4	5	6	1	1	2	3	4	5	6
6	6	4	5	1	1	2	4	2	3	1	6	2	1	2	3	4	5	6	5
1	2	3	4	3	5	6	5	6	1	4	3	4	5	6	1	2	3	2	1

□ 17 □ 18 □ 9

□ 16 □ 14 □ 10

□ 13 □ 12 □ 21

□ 21 □ 12 □ 17

結	 163	 166	 121
果	 167	 156	 227

サイコロを1000回ふったが、 $\frac{1}{6}$ にはならなかった。

ほく の 考 え

① 1000回では少ない!

僕が思うには、1000回ふるだけでは $\frac{1}{6}$ はでないと思います。もともとたくさん回数ふるべきだと思います。

② 全て同じ条件で実験すべき!!

この実験を行う前に考えておかないといけない事があります。それは3つあります。1つはサイコロの形が正確である事です。2つ目は、サイコロをふる力です。サイコロをふる力を全て同じにしないとけません。3つ目は、場所です。地面が平行な所じゃないといけないと思います。なぜ、この3つの条件が必要かというのにこの3つをそろえないと正確な測定ができませんからです。だから、この3つの条件は絶対に必要です。

③ サイコロをふればふるほど $\frac{1}{6}$ に近づくと思うが...

このサイコロ実験は理論上では最終的に $\frac{1}{6}$ になるのですが、実際には、やはりふるほど $\frac{1}{6}$ に近い数字にはなるとは思うが、正確に $\frac{1}{6}$ になることはまずないと思います。

いろいろな問題をやって法則を見つけよう

レポートのあらすじ・取り組み

僕のこのレポートは図書館から不思議で楽しくて難しい問題がたかさんっている本を借りて、その中でも特にやりがいのある問題だけを抜いて解いて説明をほした。また、トーナメント戦、リーグ戦の公式も解きながら探している。このレポートを作るにあたり僕は一生懸命作りました。

レポートの内容

★ 公式を作ってみよう!!

n ... 全部のチーム数

① リーグ戦

n チームで戦うと何試合?

例:

3チーム

	A	B	C
A		○	○
B	○		○
C	○	○	

全部で6試合

5チーム

	A	B	C	D	E
A		○	○	○	○
B	○		○	○	○
C	○	○		○	○
D	○	○	○		○
E	○	○	○	○	

全部で20試合

結論: $(n-1) \times n$

② 必ず対戦相手と自分のチームとは戦わないから

公式

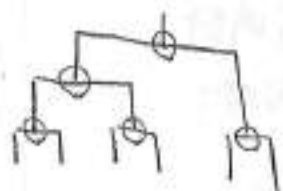
$$(n-1) \times n = \text{試合数}$$

② トーナメント戦

n チームで戦うと何試合?

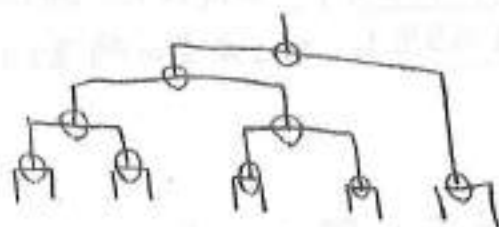
例:

6チーム



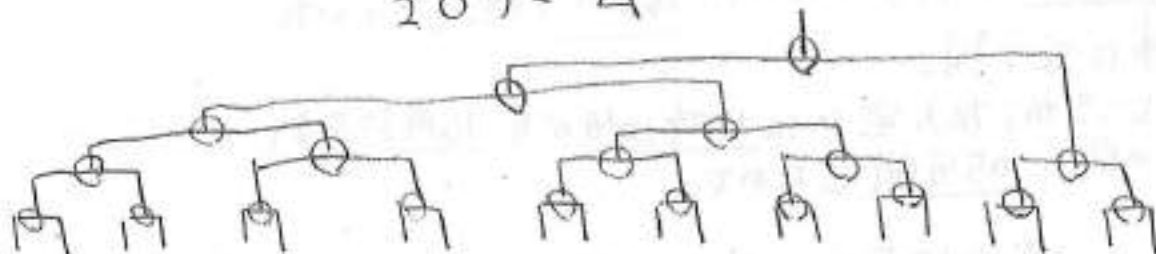
全部で5試合

10チーム



全部で9試合

20チーム



全部で19試合

結論: $n-1$

① 2チームが戦っていき、1チームが負けることにより外されていき、それによって試合数も1試合ずつ減っていく。

公式

$$n-1 = \text{試合数}$$

★「数学パズルランド」から

1143

④ 正しい時刻

問: たまたま置時計が止まっていたので、ネジを巻いた上、針を12時に合わせて友人の家に行きました。友人の家に着いた時、正しい時刻が15時10分でした。しばらく友人と話をしていた。友人の家を去るとき、正しい時刻を見ると16時55分になっていた。再び歩いて帰ると置時計は14時45分だった。本当の時刻で家についたのは何時?

解: 自宅から友人宅まで歩いてx分かかるとする。
自宅を置時計の12時に出発から、置時計の14時45分に帰ってきたので、165分だけ出歩いていた事になります。
ところが、友人宅には15時10分から16時55分までの間の105分間いたので、

$$\begin{array}{ccccccc} \underline{x} & + & \underline{105} & + & x & = & 165 & \therefore & \underline{\underline{x = 30}} \\ \text{行き} & & \text{友人宅に} & & \text{帰り} & & \text{置時計の} & & \\ & & \text{12時出} & & & & \text{時刻} & & \end{array}$$

そして、16時55分に友人宅を去って、30分後に自宅に帰りついたので、帰りついた時刻は、

$$16時55分 + 30分 = 17時25分$$

A. 17時25分

⑩ 10桁表示

★ 僕の持っているデジタル時計は 10桁表示で 月日分秒が表示しています。

月表示の十の位だけは 0 表示されないので、日、時、分、秒が 1 桁のときには十の位が 0 で表示されます。

ということは例えば 1月2日3時4分5秒なら 102030405 と表示されるということです。

問題:

この 10 桁で 0~9 までの 10 個の数字が全て使われる月、日、時、分、秒はあるでしょうか?

解答:

まず月 は 10 月か 12 月しか考えられない。
 もし、10 月なら日の 十の位が 2 しかない。
 そして、このとき 0 も 1 も 2 もすべてが
 使われていて、時の十の位が考えられ
 ない。また、12 月なら日は 30 日だけ
 だ、このときも 十の位が考えられない。
 よって、0~9 までの 10 個の数字全てが
 使われている場合は

ない

③ コインの重さは？

石更貨の重さ

1円	は	<u>1.0g</u>	5円	は	<u>3.75g</u>
10円	は	<u>4.5g</u>	50円	は	<u>4.0g</u>
100円	は	<u>4.8g</u>	500円	は	<u>17.2g</u>

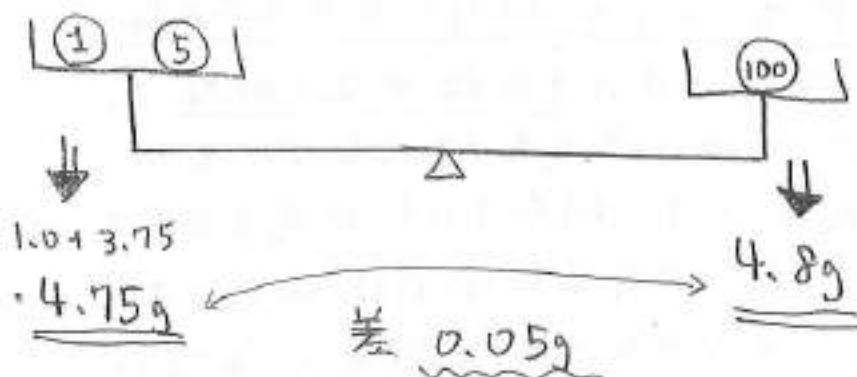
とします。

問題：天秤の左、右の皿にコインを置いて
0.05gをはかりたい。

解答：

左の皿に1円×5円

右の皿に100円



よって、0.05の物がはかれる!!

レポートを書いた事への感想

僕はこの数学レポートが一つめかた事があります。
それは、算教と数学というのはすごく奥が深い教科だ
ということですね。なぜなら、数学の本を見て読んだ時、「これ、何？」
という記号や数字が出ていてびっくりしました。こういったレポート
をして僕は数学の新しい発見ができました。レポートをして
すごく良かったと思います。

挑戦状の問題、魔法の年齢、コインと切手

レポートのあらすじ・取り組み

・ 数学の挑戦状というホームページの問題2つ
(魔法の年齢、コインと切手)を問きました。

レポートの内容

本題

魔法の年齢 ... 200歳 ~ 500歳の間

年齢 ... $x + 13$ は 31 で割り切れる
... $x + 31$ は 13 で割り切れる。

ここでいう x とは魔法の年齢である。

解法

$$\begin{cases} x+31 = 13a & \dots \textcircled{1} \\ x+13 = 31a & \dots \textcircled{2} \end{cases}$$

①より $x+31$ は 13 の倍数である。

②より $x+13$ は 31 の倍数である。

① - ②より

$$\begin{array}{r} x+31 = 13a \\ -) x+13 = 31a \\ \hline 18 = 13a - 31b \end{array}$$

代入換えて...

$$13a - 31b = 18$$

↓
-31b を分解する

$$13a - 13b - 18b = 18$$

↓ 分配法則

$$13(a-b) = 18 + 18b$$

→ ここで左辺は 13 の倍数より、右辺も 13 の倍数である。
だから

$$b+1 = 13c \quad \leftarrow 13c \text{ は } 13 \text{ の倍数}$$

$$b = 13c - 1$$

$b = 13c - 1$ を ② に代入

$$x + 13 = 31 \times (13c - 1)$$

↓ 右辺を展開

$$x + 13 = 403c - 31$$

$$x = 403c - 44$$

$$x = 403c - 44$$

↓ c に数を代入して魔法の年齢を考える

• $c = 1$ の場合 x は

$$x = 403c - 44$$

$$x = 359$$

• $c = 2$ の場合 x は

$$x = 806 - 44$$

$$x = 762$$

• $c = 3$ の場合 x は

$$x = 1209 - 44$$

$$x = 1165$$

この3つの中で「魔法の年齢 200 ~ 500歳」を満たす

ものは $c = 1$ のみ

よって魔法の年齢は 359歳

A. 359歳

B. 69

本題

自分のたくさん持っている10円玉全てを利用して、50円切手と80円切手を買う。どこかの金額からは絶対に買えるようになる。

解き方

1. まず、10の位が0の時は50円切手だけ買えば、絶対に買える。
2. 10の位が1以上の時に買えたとする。50円切手を2枚追加して買えば、百の位を1大きくできる。つまり、80円切手と50円切手の組み合わせで買うことのできない最大値をそれぞれの上に調べてみる。

$x=1 \rightarrow 100+100+10=210$ 円 \rightarrow 50円切手1枚 80円切手2枚
 \rightarrow 110円では買えない

$x=2 \rightarrow 320$ 円 \rightarrow 50円切手0枚 80円切手4枚 \rightarrow 220円では買えない

$x=3 \rightarrow 330$ 円 \rightarrow 50円切手5枚 80円切手1枚 \rightarrow 230円では買えない

$x=4 \rightarrow 240$ 円 \rightarrow 50円切手0枚 80円切手3枚 \rightarrow 140円では買えない

$x=5 \rightarrow 50$ 円 \rightarrow 50円切手1枚 80円切手0枚 \rightarrow

$x=7 \rightarrow 370$ 円 \rightarrow 50円切手1枚 80円切手4枚 \rightarrow 270円では買えない

$x=8 \rightarrow 280$ 円 \rightarrow 50円切手4枚 80円切手1枚 \rightarrow 180円では買えない

$x=9 \rightarrow 290$ 円 \rightarrow 50円切手1枚 80円切手3枚 \rightarrow 190円では買えない



これにより、買うことのできない最大値は270円です。

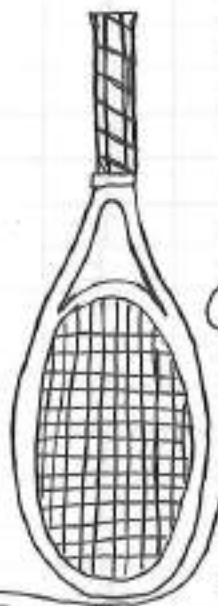
だから、280円以上あれば、絶対に買える。

Whichの確立

レポートのあらすじ・取り組み

今回ばかりは、テニスの「Which」の確立について調べ、試合で有効に使おうと思い、「Which」の確立を求めることにした。

レポートの内容



上
(スムーズ)



下
(ラフ)

Which

Whichというのは英語で「どっち? どちら? など」の意味を持っているのですが、テニスの中では、テニスの専門用語になっていると言っても過言でない。

テニスの試合を開始するとき、両プレイヤーのどちらかが、「Which?」とたずね、たずねられた方は「スムーズ or ラフ」で答える。

そして、「Which?」とたずねたプレイヤーが自分のラケットを左図のように

回し、ラケットがたおれた時、「スムーズ or ラフ」があたりは「サーブ or リターン」を選ぶ権利がGetできる。しかしはずれた場合は、相手プレイヤーに選ばれてしまう。

※1. ラフを打つと

※2. サーブを返すと

	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
0	上	下	下	上	上	下	下	上	上	下
10	下	下	下	下	下	下	上	下	上	上
20	下	上	下	下	上	上	下	上	上	上
30	上	上	下	下	下	下	上	下	上	下
40	上	上	下	下	上	下	上	上	上	下
50	下	下	上	上	上	下	上	上	下	上
60	上	下	下	上	下	上	上	下	上	上
70	下	上	上	上	上	上	下	下	上	上
80	下	上	上	下	上	下	下	下	上	下
90	下	下	上	上	上	上	上	下	下	上
100	上	下	下	上	下	上	上	上	下	上
110	上	下	下	下	下	上	下	下	上	下
120	上	下	下	下	下	上	下	上	上	下
130	上	上	上	上	上	上	下	上	上	上
140	上	上	上	下	上	下	下	上	上	下
150	上	上	上	下	下	下	上	下	上	下
160	上	上	上	下	下	下	下	上	下	下
170	上	上	上	上	下	上	下	下	上	下
180	下	上	上	下	上	上	下	上	下	下
190	下	下	下	上	上	下	上	下	下	下
200	上	上	下	下	上	下	上	上	下	上
210	上	上	上	上	上	下	上	上	上	上
220	下	上	上	上	下	上	上	上	上	下
230	上	下	上	上	下	上	上	上	下	下
240	下	上	上	下	上	上	上	下	上	上
250	上	下	下	上	下	上	上	下	上	上
260	上	下	上	下	下	上	上	上	上	上
270	下	上	上	上	下	下	上	上	上	上
280	上	上	上	下	下	上	上	下	上	下
290	下	下	上	下	下	上	上	下	下	下
300	下	下	下	上	下	上	下	下	上	下
310	上	上	上	下	下	下	上	下	下	上
320	上	上	上	上	上	上	上	下	上	下
330	上	上	上	下	下	下	上	下	上	上
340	上	上	下	上	下	下	下	下	下	上
350	下	上	上	下	下	下	下	下	上	上
360	下	下	上	下	上	上	下	下	下	上
370	下	下	上	下	上	下	上	下	下	上
380	下	下	上	下	上	下	上	下	上	上
390	上	下	上	上	上	上	上	下	上	上

	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
400	上	下	下	下	上	下	下	下	上	下
410	上	下	上	上	上	下	上	下	上	上
420	下	上	上	下	下	上	下	下	上	上
430	下	下	上	下	上	下	下	上	下	上
440	上	上	下	上	下	上	下	下	下	下
450	上	下	下	下	上	上	下	上	上	下
460	上	上	下	上	下	上	下	下	下	上
470	下	上	下	下	上	下	下	下	上	上
480	下	上	下	下	上	上	上	下	上	下
490	下	下	下	上	上	上	下	上	上	下
500	下	上	上	下	上	上	下	上	下	下

合計 上……271 下……229

スムース 271
 ラフ 229

結果 スムースの方が"たいふ"が多かった
 普通にやると $\frac{1}{2}$ なのに実際にする
 と差が"ついた。ちゃんとやれば $\frac{1}{2}$ に
 なるとは限らないことが"わかった。

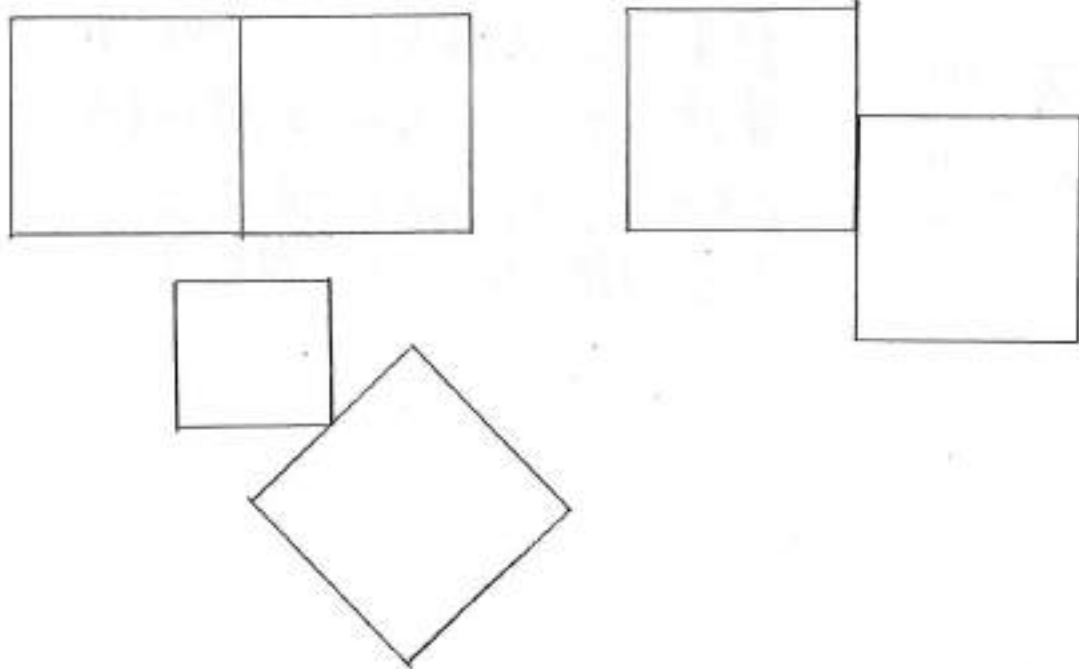
2つの正方形

レポートのあらすじ・取り組み

2つの正方形を面積の等しい1つの正方形にしてみよう、という
学習課題を三平方の定理の導入として授業を行った。

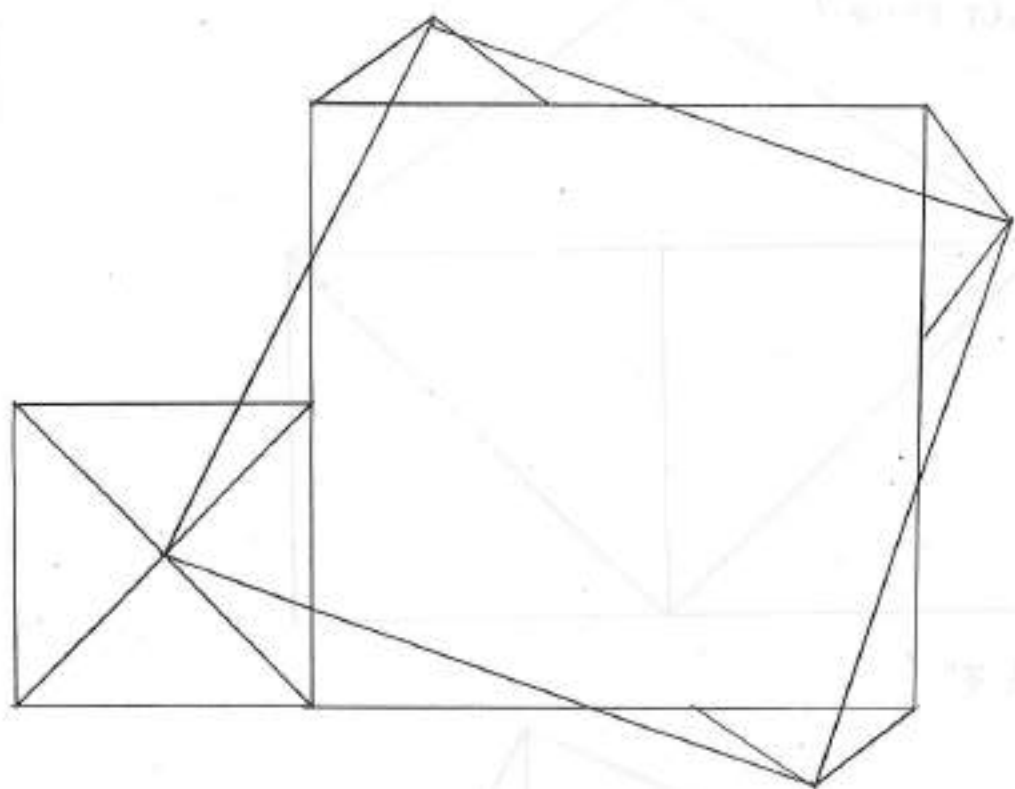
レポートの内容

1. 図のように



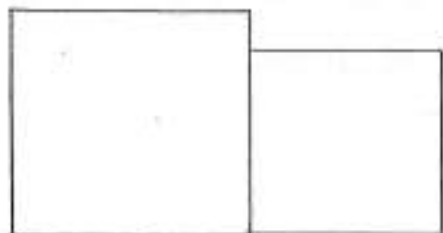
2つの正方形はいろいろな位置で考えることができる。

平方根のときに学習した「5つの平方根」の図を動かしてできた図を見ただけでは納得できない生徒が多かったのでコンパスを使い実際に等しい面積になるか調べてみた。



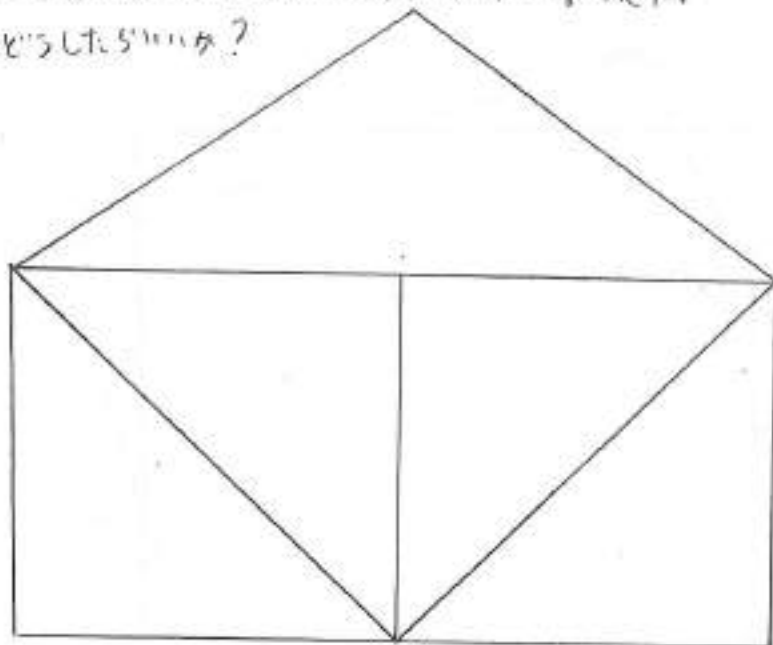
☆ これは平方根のときに学習した2つの平方根の図を動かしたと説明

しかし、

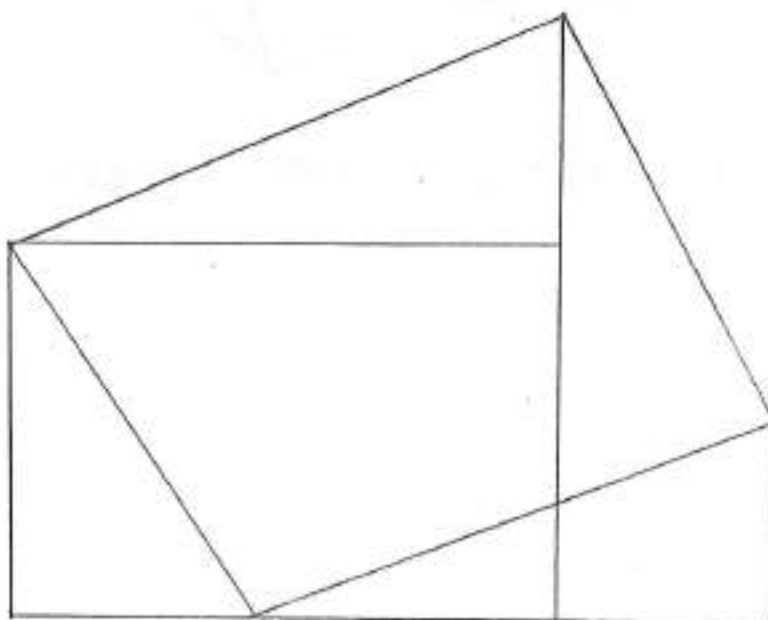


で考えるのが一番わかりやすいということになりこの図をもとに
考えていった。ところがなかなかいっしょになりかたがた。

こんなときはどうしたらいいか？



少し思えてきたぞ！



平方数の公式の発見

レポートのあらすじ・取り組み

この規則を見つけるよりも簡単に見つけた。

表をつくるよりも簡単になった。

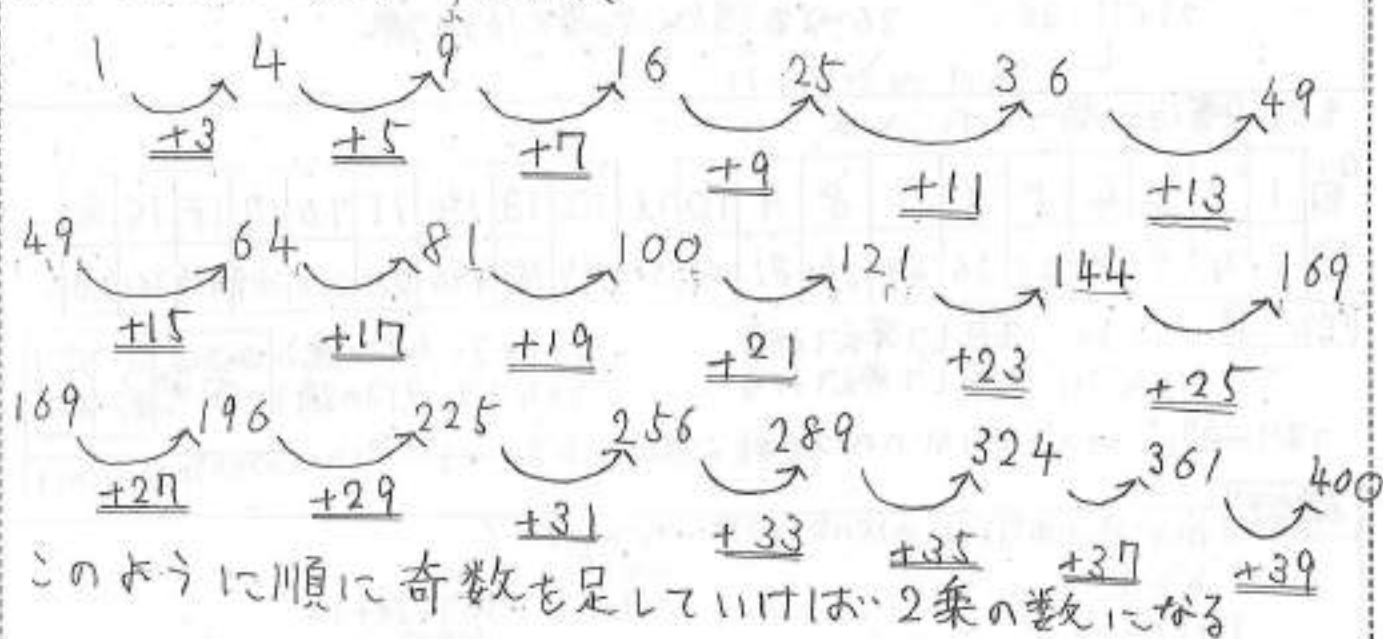
レポートの内容

1, 4, 9, 16, 25, 36, 49, 64, 81, 100, 121, 144, 169

196, 225, 256, 289, 324, 361, 400, ……

と、同じ数を2乗する数があるか、それには、規則があるのか？

まず最初に気づいたのは、



Question: 何故是すのか、奇数なのか?

Answer: 同じ数をnとする。

⇒ $n^2 + 2n + 1$ は、nの次の数の2乗になる。

2n+1の説明

2nというのはnに2をかけるということ、
2をかけるというのは色々に偶数になるということである。
⇒ nに色々な数を代入して確かめる

n=1 n=2 n=59 n=1221
 $1 \times 2 = 2$ $2 \times 2 = 4$ $59 \times 2 = 118$ $1221 \times 2 = 2442 \dots$
 この様にnに2をかければ必ず偶数になる

そして偶数(2n)に1を足せば必ず奇数になる。

⇒ nに色々な数を代入して確かめる
 n=1 n=2 n=39 n=123296
 $2 \times 1 + 1 = 3$ $2 \times 2 + 1 = 5$ $2 \times 39 + 1 = 79$ $2 \times 123296 + 1 = 246593$
 この様にnに2をかけて1を足せば必ず奇数になる

ある数の2乗に順に奇数を足すとある数の次の数の2乗になる。

確認

ある数の例
 $1 + 3 = 4$ $4 \Rightarrow$ ある数の次の数(2)の2乗
 $\rightarrow 2n+1 \Rightarrow 2 \times 1 + 1 = 3$

ある数の例
 $25 + 11 = 36$ $36 \Rightarrow$ ある数の次の数(6)の2乗
 $\rightarrow 2n+1 \Rightarrow 2 \times 5 + 1 = 11$

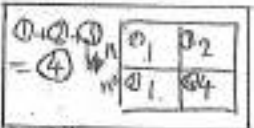
そして2番目に気がついたことは、

①	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20
②	1	4	9	16	25	36	49	64	81	100	121	144	169	196	225	256	289	324	361	400

19-1

・1と2に注目して考えてみる
 ・2と3に注目して考えてみる

$1 + 1 + 2 = 4$ (2の2乗)
 $2 + 4 + 3 = 9$ (3の2乗)



つまり一般に $n + n^2 + n + 1$ がnの次の数の2乗になっている。 → $n + n^2 + n + 1 \Rightarrow n^2 + 2n + 1 \Rightarrow (n+1)^2$

確認

$(n+1)^2$ が本当にnの次の数の2乗になっているか?

n=1
 $(1+1)^2 = 4$

n=19
 $(19+1)^2 = 361 + 38 + 1 = 400$

→1の次の数は2。2の2乗は4なので成立 → 400は19の次の数20の2乗なので成立

117-2 1と2に注目して考えてみると

$$1 \times 2 + 2 = 4 \text{ (2の2乗)}$$

$$\Rightarrow n \times (n+1) + (n+1) = n \text{ 次の数の2乗}$$

n	① 1	② 2
n	③ 1	④ 4

$$\textcircled{1} \times \textcircled{3} + \textcircled{3} = \textcircled{4}$$

$$\Rightarrow 1 \times 2 + 2 = 4$$

2と3に注目して考えてみると

$$2 \times 3 + 3 = 9 \text{ (3の2乗)}$$

$$\Rightarrow n \times (n+1) + (n+1) = n \text{ 次の数の2乗}$$

n	① 2	② 3
n	③ 4	④ 9

$$\textcircled{1} \times \textcircled{3} + \textcircled{3} = \textcircled{4}$$

$$\Rightarrow 2 \times 3 + 3 = 9$$

ここで $n+1$ とは n の次の数のことである

$$\boxed{n \times (n+1) + (n+1)}$$

右確認

$$n=1$$

$$n=19$$

$$1 \times (1+1) + (1+1) = 4$$

$$19 \times (19+1) + (19+1) = 400$$

\rightarrow 4は1の次の数2の2乗なので成立 \rightarrow 400は19の次の数20の2乗なので成立

117-3 1と2に注目して考えてみる

$$1 \times 3 + 1 = 4 \text{ (2の2乗)}$$

$$\Rightarrow n \times (n+2) + 1 = n \text{ 次の数の2乗}$$

n	① 1	② 2
n	③ 1	④ 4

$$\textcircled{1} \times \textcircled{3} + \textcircled{3} = \textcircled{4}$$

$$\rightarrow 1 \times (1+2) + 1 = 4$$

2と3に注目して考えてみる

$$2 \times 4 + 1 = 9 \text{ (3の2乗)}$$

$$\Rightarrow n \times (n+2) + 1 = n \text{ 次の数の2乗}$$

n	① 2	② 3
n	③ 4	④ 9

$$\textcircled{1} \times (\textcircled{2} + 2) + 1 = \textcircled{4}$$

$$\rightarrow 2 \times (2+2) + 1 = 9$$

$$\boxed{n \times (n+2) + 1}$$

右確認

$$n=1$$

$$n=19$$

$$1 \times 3 + 1 = 4$$

$$19 \times (19+2) + 1 = 400$$

\rightarrow 4は1の次の数2の2乗なので成立 \rightarrow 400は19の次の数20の2乗なので成立

学んだこと

自分の力で公式を発見したと言ったら難しそうに思っけと表なごもっくって工夫してみると、

意外に簡単に1つの決まり(公式)が見つかった。

やっぱり表をつくるというすごく簡単な工夫でもしてみたら難しいこともすごく簡単になるんだと思った

\Rightarrow すごく簡単なことでもいろいろから色々な意味で、工夫することは大事だと感じた

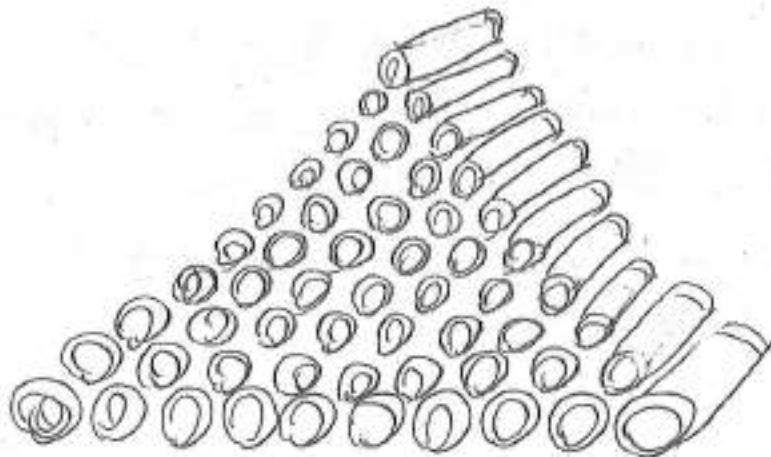
ややこしい物を求める公式

レポートのあらすじ・取り組み

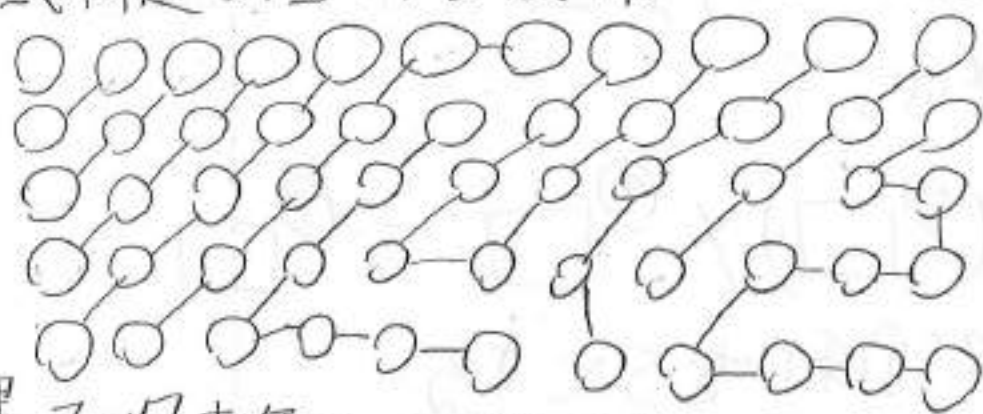
これにした理由はここの問題を解くのはややこしいので、もっと簡単なやり方はないかと思ってこれにしました。でもほんとに簡単でした。

レポートの内容

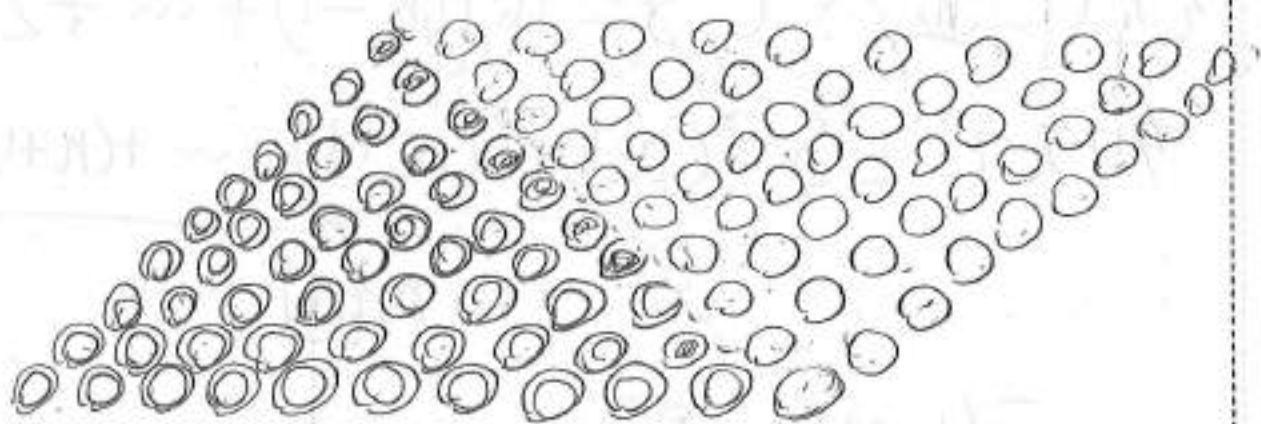
④ いま缶ジュースが図のように10段積み
んである。缶ジュースは全部で何個ある
か。



横11個、縦5個とすると、 11×5 で55個となる。

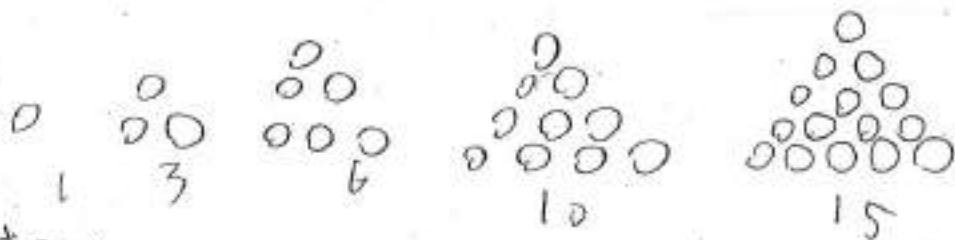


これで黒マスを缶詰にする。



横は(1+10)個、縦は10だから全部だと
 $(1+10) \times 10$ の半分が缶詰として

$$\frac{(1+10) \times 10}{2} = 55 \text{ (個)}$$



ん段とすると

$$\frac{n(n+1)}{2} \text{ になる。}$$

自然数の列1, 2, 3, 4, ... 500までの和を求めよ。

$$\frac{1}{2} \times (\textcircled{n} \square) \times \textcircled{1} \square = \textcircled{1} \square$$

nまでの和をSとする。

$$S = 1 + 2 + 3 + 4 + \dots + (n-1) + n$$

逆に並べると $S = n + (n-1) + \dots + 2 + 1$

加えて $2S = \underbrace{(n+1) + (n+1) + \dots + (n+1) + (n+1)}_{n \text{ 個}}$

$$= (n+1)n$$

$$\underline{S = \frac{1}{2}n(n+1)}$$

Math-Cut STUDIOUMの問題

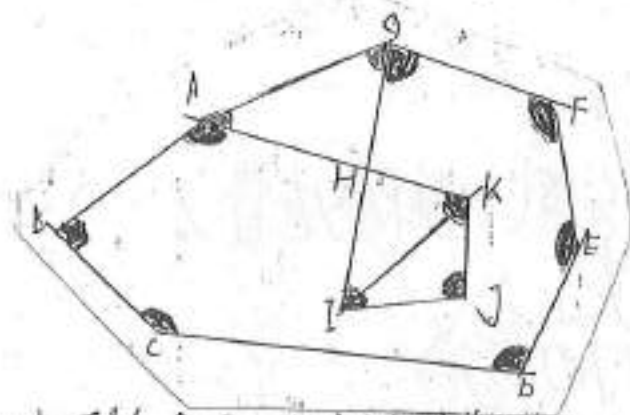
レポートのあらすじ・取り組み

Math-Cut STUDIOUMと云うHP内にある挑戦状
という問題集から「えんいつ回し」「二角札」の二問
を選出。

どうして解こう思ったのか。一先生が提示された問題だから。
向を学んたか。多角形の角度の求め方の多様さと
三十円札の必要性。

レポートの内容

えんいつ回し
下の図の黒い部分の角度の総和を求めよ。



先ず、IK, AGに補助線を引く。

対頂角なので、 $\angle IHK = \angle AHG$...①

$180 - \angle IHK = \angle HIK + \angle HKI$...②

$180 - \angle AHG = \angle HAG + \angle HGA$...③

①~③より、 $\angle HIK + \angle HKI = \angle HAG + \angle HGA$

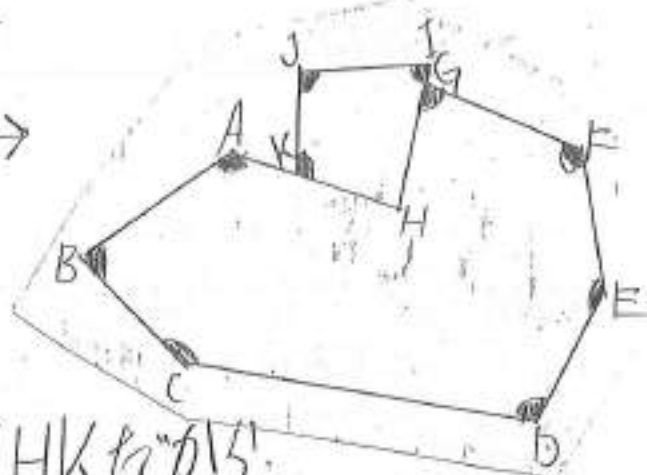
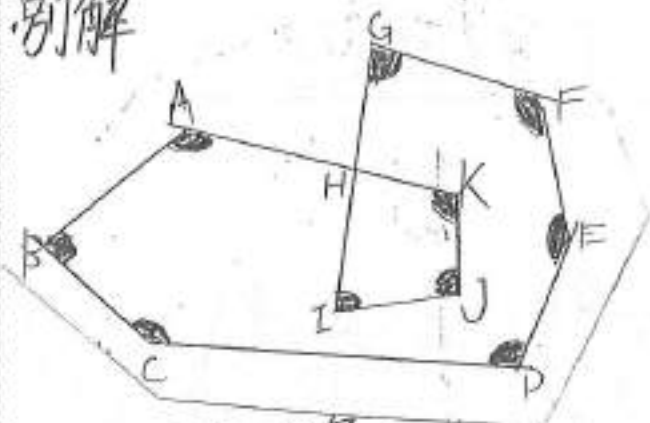
となるので、求める角度は七角形 ABCDEFGK

$\triangle IJK$ の角度による

$$180 + (7-2)180 = 180 + 900 = 1080$$

A. 1080°

別解



対頂角なので $\angle AHG = \angle IHK$ だから、
右図の様に变形出来る。

八角形 ABCDEFGH の内角の総和と $\square JKHI$ の
内角の総和から $\angle H$ の 360° を引いた値が答えになる。

$$(8-2)180 + 360 - 360 = 1080$$

A. 1080°

・二千円札

一万円札で、4円の品物を買い、御釣を貰う。
御釣は御札丈とする。

ex) 4円札と五千円だけの場合

1. 五千円札 1枚と 4円札 4枚

2. 4円札 9枚

の2通りとなる。

問い1. 千円札、二千円札、五千円札の三種の場合、御釣りの貰いは何通りになるか。

1. 五千円札 1枚と 千円札 4枚
2. 千円札 9枚
3. 五千円札 1枚と 二千円札 2枚
4. 五千円札 1枚と 二千円札 1枚と 千円札 1枚
5. 二千円札 4枚と 千円札 1枚
6. 二千円札 3枚と 千円札 3枚
7. 二千円札 2枚と 千円札 5枚
8. 二千円札 1枚と 千円札 7枚

A. 8通り

問い2. 二千円札は便利だと思いませんか。

思わない。

先ず、色、大きさが五千円札に類しているの
で、間違えやすい。

下手をしたら、二千円の買物を為、二千円札を
出した場合三千円の御釣りが来るかも知
れない。

当然、自動販売機には利用出来ない。

結局、二千円札は記念貨幣の様な意味合い
強い

レポートのあらすじ・取り組み

Mach-Cue STUDIOUM というページで発表している問題
題を幾つか詳しい説明付で解く。

アドレス <http://www.lucoku.okayama-u.ac.jp/ml/kyonka/mach/mach.html>

レポートの内容

挑戦状のページ

第 15 問 カネオフレタノム
英字に置き換えられた算式を解く

第 17 問 鉛筆回し
・鉛筆を回した時生じる角度の和を解く

第 22 問 二千円札
・二千円札をばいり有効な支払い方法を探る。

数学レポート

問題

【Mach-Cut STUDIO】より

[<http://www.fuzoku.okayama-u.ac.jp/ml/kyouka/math/math.html>]

三年B組24番
中咲 博和

第15問 カネオクレタノム

次のようなメッセージがとどきました。



「金を送ってくれ」という電報ではなく、これはたし算になっているのです。
それぞれの文字に対応する数字を教えてください。

S=
E=
N=
D=
M=
O=
R=
Y=

【問題文要約】

同じ記号には同じ数字が入る。 この条件を満たし、なおかつ足算として成立する組み合わせを考える。
--

$$\begin{array}{r} \text{SEND} \\ + \text{MORE} \\ \hline \text{MONEY} \end{array}$$

のままでは分かりづらいので

$$\begin{array}{r} \text{ABCD} \\ + \text{EFGH} \\ \hline \text{EFCBH} \end{array}$$

と置き換えます。

A、E=B、N=C、D=D、M=E、O=F、R=G、Y=H
と対応しています。

にこの中で唯一、すぐに分かる数字があるので先に
当てはめます。

$$\begin{array}{r} \text{ABCD} \\ + 1\text{FGB} \\ \hline 1\text{FCBH} \end{array}$$

もし0だと01234のような数字になってしまい
桁+1桁で繰り上がって+1されても十の位が2になる
のは不可能なため
Eは必ず1と言えます。

上の段階で他の記号が1である可能性は無くなり
Fが0であるとB+F=Cが成立しなくなるので
(BとCが同じになるため)

Aが9である可能性も無くなりました。

なのでAに入る可能性がある数字は
2, 3, 4, 5, 6, 7

このことから、Fに入るであろう数字は
3, 4, 5, 6, 7, 8
となります。

Aには8も含まれるように見えますが
8だとB+F=Cで確実に繰り上がってしまうので
(1が使っているため最小でも8+2になるため)
無理なようです。

左へ

	1	2	3	4	5	6	7	8	9	0
A	-	0	0	0	0	0	0	-	-	-
B	-									
C	-									
D	-									
E	⊙									
F	-	-	0	0	0	0	0	0	-	-
G	-									
H	-									

$$\begin{array}{r} \text{ABCD} \\ + 1\text{FGB} \\ \hline 1\text{FCBH} \end{array}$$

次に、前の表を利用してAかFあたりなら求められるかと思えます。
しかし、A+E(1)は必ず繰り上がる必要があるため
Aは(百の位で繰り上がっている場合)か9である必要があります。
しかしそうなると下の表との矛盾が発生するため当てはめることができません。

	1	2	3	4	5	6	7	8	9	0
A	-	0	0	0	0	0	0	-	-	-
B	-									
C	-									
D	-									
E	⊙									
F	-	-	0	0	0	0	0	0	-	-
G	-									
H	-									

～結論～

この問題の解は本当はほかにあるのかもしれませんが
僕なりの答えとしては「解無し」が解であると思えます。
何故なら4桁+4桁の足し算において一万の位は必ず0か1になり
それを前提として考えると上や前のページのようになってしまい計算ができなく
なるからです。

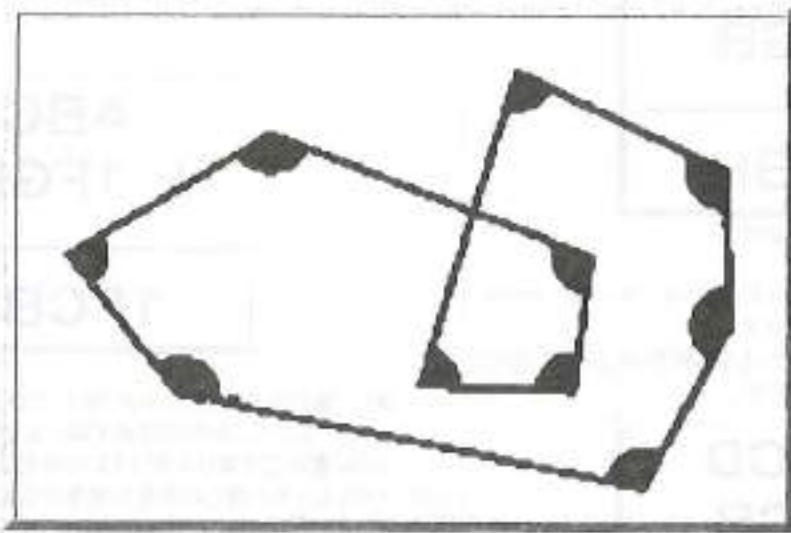
そんな答えがあってもいいものかとも思いましたが地道に数字を当てはめてみて
も
一向に当てはまるものが見つからなかったのがこれが答えだと思えました。

なので改めて回答を。

A.この問題の解は「解無し」である

鉛筆回し

次の図の黒く印のついた10個の角の角度の和は何度になりますか。
題名がヒントです。



【問題文要約】

黒いマークの合計が何度になるか計算する
ねじれている箇所は対頂角を利用する。

【解答】

A.1080度

【理由】

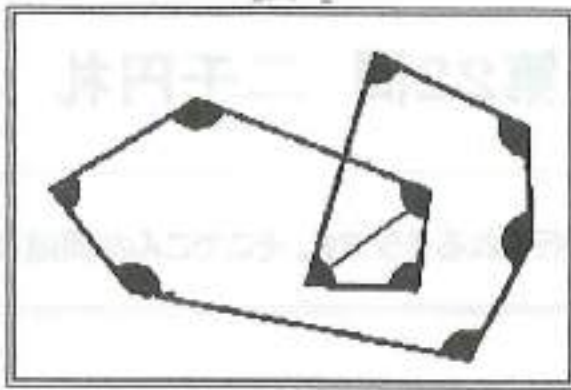
まず、図1のように中にへこんでいる四角形に補助線を引きます。
そうすると三角形が二つできます。

次に、図2のように上部の所に補助線を引きます。それと、交点の上下は
対頂角なので角の大きさは等しくなっています。

そして、図3に書いた①と②の部分の角の和は、最初に補助線を引いて作った
三角形の○部分を除いた角と等しくなります。

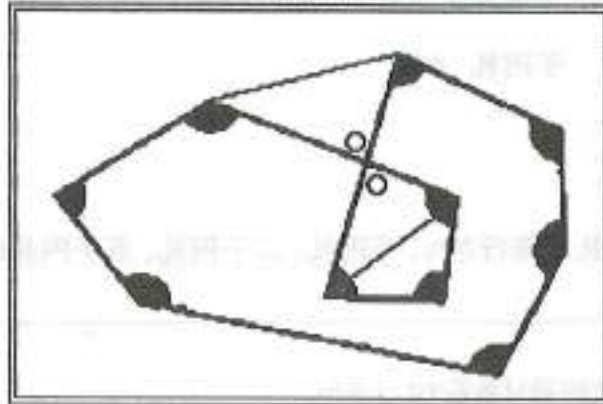
そうすると、三角形が一つと7角形が一つ出来上がり、その角はすべて印の部
分を含んでいます。

これらを足すと $180+180(7-2)=1080$ なので、角の和は1080度であ
ると
言えます。



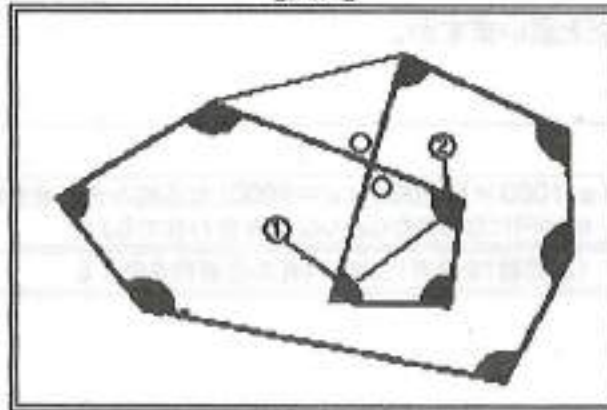
まず、中の四角形に補助線を引きます。

【図2】



交点の部分は対頂角なので大きさが等しいです。

【図3】



①と②を足すと、補助線を引いて作った上の三角形の
○以外の角と同じ大きさになります。

第22問 二千円札

今度、2千円札が発行されるそうです。そこでこんな問題はいかがでしょう。

一万円札で千円の品物を買ってお釣りをもらいます。
お釣りはお札だけだとします。

今は、千円札と五千円札の2種類があるだけですから、

- 1 五千円札 1枚 と 千円札 4枚
- 2 千円札 9枚

の2通りしかありません。

それでは、新しく二千円札が発行され、千円札、二千円札、五千円札の3種類となったとき、

(1) お釣りのもらい方は何通りあるでしょうか。

(2) 二千円札は、便利だと思いますか。

【問題文要約】

(1) $5000 \times a + 1000 \times b + 2000 \times c = 9000$ となる組み合わせを考える
9000円になるのならどんな組み合わせでもよい

(2) 問題1を参考に2000円札の必要性を考える

[3] 千円札5枚と二千円札2枚

[4] 千円札4枚と五千円札1枚

[5] 千円札3枚と二千円札3枚

[6] 千円札2枚と二千円札1枚と五千円札1枚

[7] 千円札1枚と二千円札4枚

[8] 二千円札2枚と五千円札1枚

A.お釣りの種類は8通りであると考えられる。

(2)

A.明らかに不便である。

何故なら

〔理由〕 使用用途が殆んど無いため。

上の問題で証明したように、従来通りであれば2種類のお釣りで済んだものを8種類にまで増加させている。これまでの4倍のバリエーションである。

しかし、実際にお釣りを支払う時は釣銭切れにでもならない限り金額の大きい札から支払うのがマナーである。となると、(1)の答えの中には「二千円札一枚と千円札七枚」などもっと大きい金額の札を使えばいいものがある。それは [2] [3] [5] [6] [7] である。

もし、偶然五千円札が無かったとしても [2] [3] [5] の払い方には二千円札が使われていないという問題がある。『偶然二千円札も無くなって～』といった意見もあるだろうが、こういった場面でちゃんと活用できないようであれば作った意味が無い。

よって、有効に使用できるパターンは3種類([1][4][8])のみであり、二千円札の発行では一通りしか新たな支払方法は考えられないという事が分かった。そしてその方法もそこまで画期的なものでは無い。なので二千円札は不便であると言える。

文章と図形

レポートのあらすじ・取り組み

毎日行っている数学のサイトの問題がいろいろあつておもしろそうな問題を選びました。

レポートの内容

問題1

ある中学校で生徒の血液型について調べたところ、A型の人が一番多く、143人でした。これは全体生徒の43%にあたります。また、O型の生徒の割合は男子が全校男子生徒の40%で女子が全校生徒の16%を占めており、男子の方が14人多いです。またB型の生徒数はO型の人数の半分より8人だけ少ないです。AB型の生徒の全校生徒に対する割合を求めなさい。

解き方

A型の生徒数は143人で全校生徒数の44%なので、
全校生徒数は

$$143 \div 0.44 = 325(\text{人})$$

O型の女子生徒は全校生の16%ですから

$$325 \times 0.16 = 52(\text{人})$$

男子生徒はそれぞれ14人多いので、O型の男子生徒数は

$$52 + 14 = 66(\text{人})$$

O型の生徒数は

$$52 + 66 = 118(\text{人})$$

B型の生徒数は、O型の生徒数の半分より8人多いので、

$$118 \div 2 - 8 = 51(\text{人})$$

したがって、AB型の生徒数は、

$$325 - (143 + 118 + 51) = 13(\text{人})$$

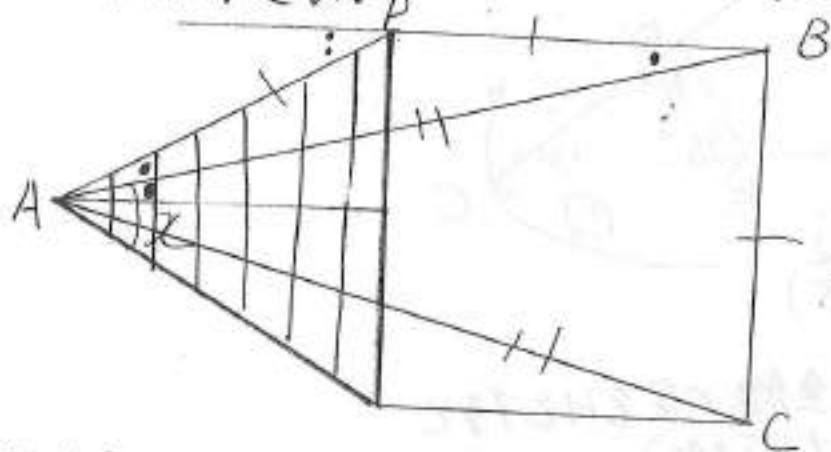
AB型の生徒数が全校生徒数に占める割合は、

$$\frac{13}{325} \times 100 = 4(\%)$$

A. 4%

問題2

下図で $AD=BD=BC$ 、 $AB=AC$ 、 $\angle DBC=90^\circ$ とする。
 $\angle x$ を求めて下さい。



(証明)

まず、上の図に補助線を引く。

緑色の部分は正三角形であるので、 \bullet は 30°

これは、 \bullet の2倍でもあります。

一方、求める角度は、 \bullet の2倍だが、互いに錯角のため

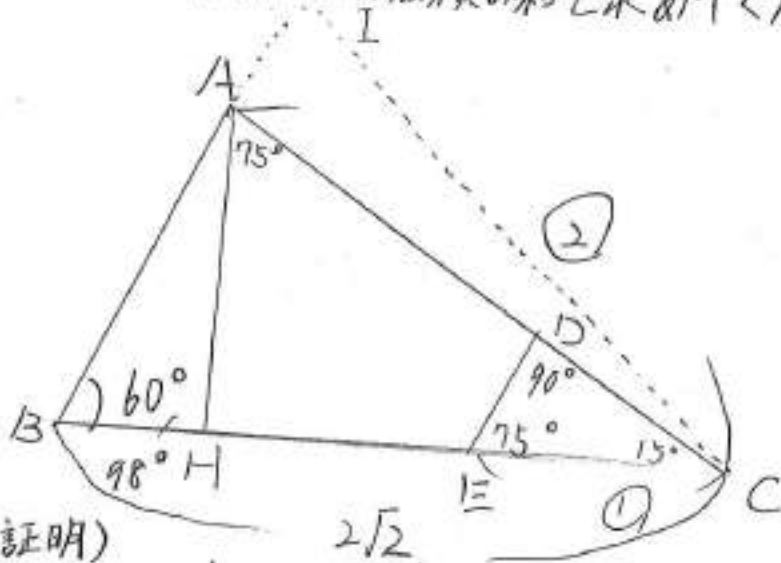
$\blacksquare = \bullet$ になる。

よって、求める角は \bullet と等しく 30°

A. 30°

問題3

三角形ABCにおいて、 $\angle B = 60^\circ$ 、 $\angle C = 15^\circ$ です。
 点DはAC上にDをとります。
 BC上に $\angle EDC = 90^\circ$ となるようにEをとります。
 $BC = 2\sqrt{2}$ 、 $AC = CE = 2:1$ のとき三角形EDCの
 4倍と三角形ABCの面積の和を求めてください。



(証明)

$$\begin{aligned} \angle CED &= 180 - (90 + 15) \\ &= 75^\circ \end{aligned}$$

AからBCに下ろした垂線の足をHとすると
 $\angle HAC = 360 - (90 + 105 + 90)$
 $= 75^\circ$

二角相等で $\triangle ACH \sim \triangle ECD$

これら2つの三角形の斜辺の比は2:1なので
 面積比は4:1となる。

$$\text{つまり } \triangle ACH = \triangle ECD \times 4$$

次にCからABの延長線に下ろした垂線の足をIとすると

$\triangle ACI \sim \triangle ACH$ について
 $\angle ICA = 15^\circ$ 、 $\angle CAI = 75^\circ$ 、辺ACは共通

$$\text{よって } \triangle ACI \cong \triangle ACH$$

よってIから求める面積

$$\triangle ABC + \triangle CDE \times 4 = \triangle ABC + \triangle ACI = \triangle BCI$$

$$BI = 2\sqrt{2} \div 2 = \sqrt{2}$$

$$CI = \sqrt{2} \times \sqrt{3} = \sqrt{6}$$

$$\triangle BCI = \sqrt{2} \times \sqrt{6} \times \frac{1}{2} = \sqrt{3}$$

A. $\sqrt{3}$

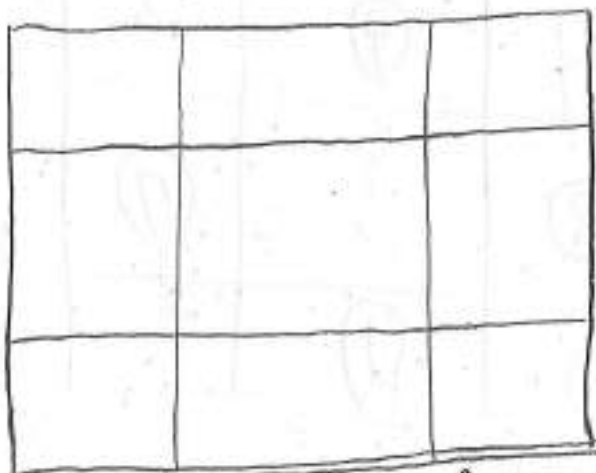
数学の問題を解く

レポートのあらすじ・取り組み

僕は、数学の問題を解くことに
しました。それで魔法陣を作る事に
しました。

レポートの内容

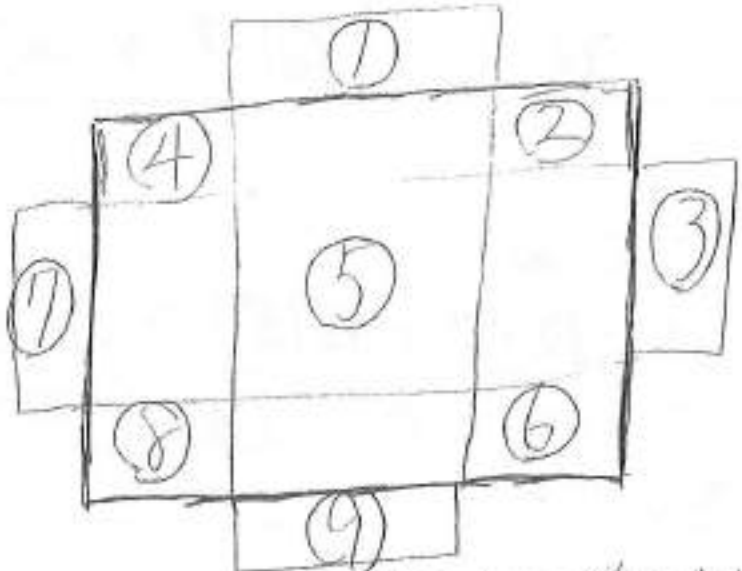
三方陣



上のますめに、1から9までの数字を入れて
縦、横、ななめどの列も3つの数字を
足して15にするようにするには、
どうすればいいか



1	2	3
4	5	6
7	8	9



この様に三方陣を上の様にし形にして
その中央の列と行をそれぞれ中心について
対称に移しかえる



4	9	2
3	5	7
8	1	6

となる

このやり方は、
「僧」と思えば、七五三、六一
坊主に蜂が刺さ
と覚える。⁷⁵³₈

四方陣

1			4
	7	6	
8			5
	2	3	

このように16のますめのある正方形があり
 このます目に1から8の数字が入っている。
 残りのます目に1から16の数字を入ると
 どの横・縦・斜めの4つの数字を足しても
 全部34になるようにしよう

↓
 入れてある数字を
17から引いた数字を隣に
 書けばいい)

	17-1		17-4
1	16	13	4
10	7	6	11
8	9	12	5
15	2	3	14
			17-3

挑戦状の問題

レポートのあらすじ・取り組み

レポートの内容は 挑戦状の問題を解くことです。

NO.7: 大きい数の約数を求める時は、約2乗になる数を求めて

約数を採ることが初めて知りました。

レポートの内容

挑戦状の21番「2つならべて」で、

371371の349の同じ整数を2つならべた649の整数をわりきる素数を求める問題です。

$$371371 = 371 \times 1000 + 371 \times 1$$

371をNとおくと、

$$N(1000+1)$$

$$= 1001N$$

よって、371371は1001の倍数である。

次に1001が素数か調べる。

→ 33の二乗が1089(約1001)なので、33までには約数があるとわかる。

33までの素数は...

→ 2, 3, 5, 7, 11, 13, 17, 19, 23, 29, 31とあるので、

この中で倍数が1001か調べる。

・一の位が2の倍数ではないので、2ではない。

・それぞれの位を足すと、2なので、3ではない。

・一の位が5か0ではないので、5ではない。

実際に残り7割ると、7, 11, 13が割り切れる。

A. 7, 11, 13

挑戦状の15番「カネオケ」で、それぞれのローマ字に、0~9のどれが入るか求める。

$$\begin{array}{r} \text{SEND} \\ + \text{MORE} \\ \hline \text{MONEY} \end{array}$$

①. (左端から問いていく) $S+M$ の答えが2ケタになるには $S+M$ が10以上。

でも、 $S+M$ が20以上になることはないのだから、 $M=1$ とわかる。

②. ①より、 $S+M(1)$ が10以上なら、 S が9か8。0は0か1となる。

③. $M=1$ なのだから、 $O=0$ (ゼロ)となる。

④. ③より、 $S=8$ か9。8だと繰り上がりがあり、9だと繰り上がりが無いとわかる。

⑤. たが、下の位は $O=0$ (ゼロ)なので、繰り上がりは考えられないので、

S は繰り上がり無し。 $S=9$ となる。

⑥. E にゼロを足して、 N という数に変わっているのだから、繰り上がっている。

⑦. そして、繰り上がる数は確実に1なのだから、 $N=E+1$ の関係が成り立つ。

(残っている数は2~8。)

$$\begin{array}{r} 9 \text{ END} \\ + 1 \text{ ORE} \\ \hline 10 \text{ NEY} \end{array}$$

⑧. $N=E+1$ に2~8を当てはめていくと、 R は常に9になるが、9はすでに使われているので繰り上がるとわかる。よって、 $R=8$ 。

⑨. ⑧から、 $D+E$ は繰り上がりがあるのだから、 $D+E=10$ 以上。

$E=2$ の時、 D が残っている最大の数の7でも10以上にならないのだから、 $E=2$ ではない。

もし、繰り上がりでも、 Y が0か1だと使われているのだから、

$E=3$ 、 $D=7$ や $E=4$ 、 $D=7$ の様な、足したら一の位が0や1になるのは適さない。

$E=5, 6, 7$

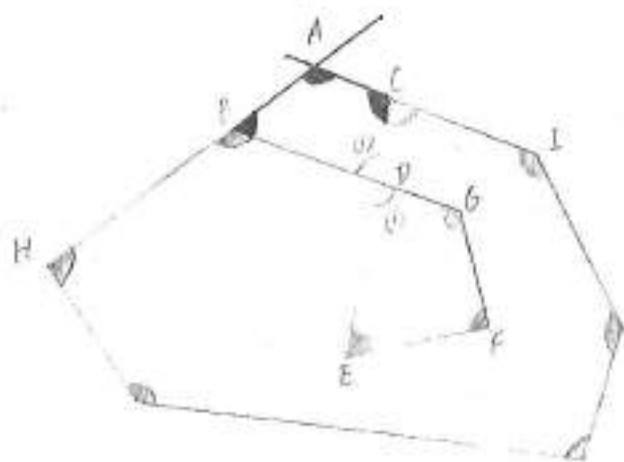
⑩. ⑨より、 $N=E+1$ なのだから、 E が7だと、 N は使われている8になるので、 E は7ではない。

$E=5$ か6、 $N=6$ か7を当てはめ、残り E と Y に当てはめると、

$E=5$ 、 $N=6$ の時のみ、 D と Y が一致するから、 $D=7$ 、 $Y=2$ となる。

よって、 $M=1$ 、 $O=0$ 、 $S=9$ 、 $R=8$ 、 $E=5$ 、 $N=6$ 、 $D=7$ 、 $Y=2$ となる。

挑戦状の17番「円錐回し」で、
図で示された黒い部分の角度の和を求める問題です。



- ・HBとLIの延長線の交点をAとする。
 $\angle CDB$ を \odot とすると、対頂角で $\angle EDG$ も \odot となる。
 よって、四角形ABCDと四角形DEFGの \odot を除く角の和は等しい。
 よって、赤い $\angle A + \angle B + \angle C =$ 黒い $\angle E + \angle F + \angle G$ 。
 黒い $\angle E, \angle F, \angle G$ を赤い $\angle A, \angle B, \angle C$ に移動させると、
 六角形の内角の和 $+ 180^\circ \times 2$ 個となるので、
 式は...

$$180 \times (6-2) + 360 = 1080$$

A. 1080°

・別解

上の解き方と違い、補助線を入れずに、この図形を八角形と考える。

$$\angle CDB \text{の大きい方の角度} = 360^\circ - \angle \odot = \text{黒い} \angle E + \angle F + \angle G$$

よって、八角形の内角の和を求めればよいので、

式は...

$$(8-2) \times 180 = 1080$$

A. 1080°

1から100までの素数の見つけ方

レポートのあらすじ・取り組み

素数に限りはあるのか？

1から100まで数える。色々な数え方を考える。

レポートの内容

普通にかぞえる。

1, ②, ③, 4, ⑤, 6, ⑦, 8, 9, 10
11, 12, 13, 14, 15, 16, ⑱, 18, ⑲, 20
21, 22, ⑳, 24, 25, 26, 27, 28, ⑳, 30
③①, 32, 33, 34, 35, 36, ③⑦, 38, 39, 40
④①, 42, ④③, 44, 45, 46, ④⑤, 48, 49, 50
51, 52, ⑤③, 54, 55, 56, 57, 58, ⑤⑨, 60
⑥①, 62, 63, 64, 65, 66, ⑥⑦, 68, 69, 70
⑦①, 72, ⑦③, 74, 75, 76, 77, 78, ⑦⑨, 80
81, 82, ⑧③, 84, 85, 86, 87, 88, ⑧⑨, 90
91, 92, 93, ⑨④, 95, 96, ⑨⑦, 98, 99, 100

100までの内、24個ある。

倍数で消していく。

① 1は消す。

② 2以外の2の倍数

③ 3以外の倍数

④ 5

⑤ 7

でやってみる

X	②	③	X	⑤	⑥	⑦	8	9	10
①	1X	③	1X	15	16	⑦	18	⑨	20
2X	2X	23	24	25	26	27	28	29	30
③	32	33	34	35	36	⑦	38	39	40
④	42	④	44	45	46	⑦	48	49	50
5X	52	⑤	54	55	56	57	58	⑤	60
⑥	62	63	64	65	66	⑦	68	69	70
⑦	72	⑦	74	75	76	77	78	⑦	80
8X	82	83	84	85	86	87	88	⑤	90
9X	92	93	94	95	96	⑦	98	⑤	100

こっちの方が、普通にやぶり速い。

素数は無限にある。

100は素数ではないのでその上に素数を足していけば

113のように素数になる。あと100以上の1000や10000も、素数ではないのでずっと素数が無くなるということはありえないのである。

ということは素数に、限界はない。ということです。

富士山の見え方範囲

レポートのあらすじ・取り組み

日本一の高さを誇る山「富士山」

この山は一体何処まで見えるのか？

三平方の定理を使い導き出す。

レポートの内容

富士山の高さは3776mです。

これだけの高さだと各地で富士山を見ることが可能です。

(富士見村や富士見町があるのけ、その名残りといわれている。

では、どのくらい遠くから富士山が見えるのでしょうか？

もし地球が平らなら、空気が澄んでいて、さえぎる物がおければ、どんなに遠くても富士山は見れます。(しかし、それなりの視力や望遠鏡等が必要となる)

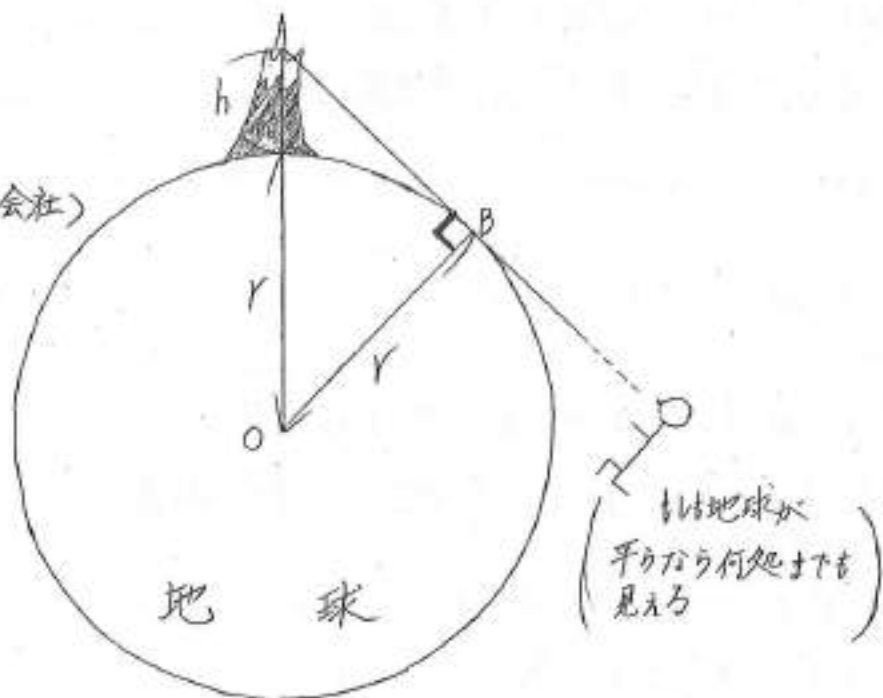
例：星の観察

宙を舞う鳥などの観察

しかし地球は丸いため下の図で
Bを越えろと富士山は見えなくなります。

つまり、富士山の頂上から半径ABの
円をかいた内側が富士山の見えろ
範囲だということになります。

中学校数学3
(大目図書株式会社)
P.179より



大線分ABを
求めろ

地球の半径を r km.
富士山の高さを $h = 3.7$ km. | とする

三平方の定理から

$$\begin{aligned} (r+h)^2 &= r^2 + AB^2 \\ AB^2 &= (r+h)^2 - r^2 \\ &= 2hr + h^2 \end{aligned}$$

$r = 6378$ と $h = 3.7$ を代入

$$\begin{aligned} AB^2 &= 2 \cdot 6378 \cdot 3.7 + 3.7^2 \\ &= 47197.2 + 13.69 \\ &= 47210.89 \end{aligned}$$

注: 地球の半径は
6378 km (1778 参照)

$AB = \sqrt{47210.89}$
 \downarrow
 約 $\sqrt{47000}$ 、約 216
 電車
 217.28...
 約 210km

7割 約 210km 離れた場所でも
 富士山が見えるということになる。

* 日本地図で調べると 何処まで
 富士山が見えるのでしょうか？

富士山を中心として半径 200km の
 円を描く。

- 北は 新潟県 十日町
- 南は 太平洋沖 約 150km
- 西は 岐阜県 関ヶ原
- 東は 房総半島 かつらぎ 30km 地点



電卓でGO!!

レポートのあらすじ・取り組み

ガラス板に光をあてて、光が10枚より小さくなるのは、何枚目かを電卓で計算する問題。

レポートの内容

ここにガラス板があります。このガラス板を光が通過すると、もと光の8/9になることが分っています。

(問) 最初に100の光があたえます。

このガラス板を何枚通過すると光が10より小さくなるでしょう？

1枚目 $100 \times \frac{8}{9} = 88.888\dots$
約88.9

2枚目 $\text{約} 88.9 \times \frac{8}{9} = \text{約} 79.0133\dots$
約79.01

3枚目 $\text{約} 79.01 \times \frac{8}{9} = \text{約} 70.2311\dots$
約70.23

$$4\text{枚目} \quad \text{約 } 70.23 \times \frac{8}{9} = \text{約 } 62.4266 \dots$$

$$\text{約 } 62.43$$

$$5\text{枚目} \quad \text{約 } 62.43 \times \frac{8}{9} = \text{約 } 55.4933 \dots$$

$$\text{約 } 55.49$$

$$6\text{枚目} \quad \text{約 } 55.49 \times \frac{8}{9} = \text{約 } 49.324 \dots$$

$$\text{約 } 49.32$$

$$7\text{枚目} \quad \text{約 } 49.32 \times \frac{8}{9} = \text{約 } 43.84$$

$$8\text{枚目} \quad \text{約 } 43.84 \times \frac{8}{9} = \text{約 } 38.9688 \dots$$

$$\text{約 } 38.97$$

$$9\text{枚目} \quad \text{約 } 38.97 \times \frac{8}{9} = \text{約 } 34.64 \dots$$

$$10\text{枚目} \quad \text{約 } 34.64 \times \frac{8}{9} = \text{約 } 30.7911 \dots$$

$$\text{約 } 30.79$$

$$11\text{枚目} \quad \text{約 } 30.79 \times \frac{8}{9} = \text{約 } 27.3688 \dots$$

$$\text{約 } 27.37$$

$$12\text{枚目} \quad \text{約 } 27.37 \times \frac{8}{9} = \text{約 } 24.3288 \dots$$

$$\text{約 } 24.33$$

$$13\text{枚目} \quad \text{約 } 24.33 \times \frac{8}{9} = \text{約 } 21.6266 \dots$$

$$\text{約 } 21.63$$

$$14\text{枚目} \quad \text{約 } 21.63 \times \frac{8}{9} = \text{約 } 19.2266 \dots$$

$$\text{約 } 19.23$$

$$15\text{枚目} \quad \text{約 } 19.23 \times \frac{8}{9} = \text{約 } 17.0933 \dots$$

$$\text{約 } 17.09$$

$$16\text{枚目} \quad \text{約 } 17.09 \times \frac{8}{9} = \text{約 } 15.1911 \dots$$

$$\text{約 } 15.19$$

17枚目 $\text{約 } 15.19 \times \frac{8}{9} = \text{約 } 13.5022\dots$
 $\text{約 } 13.50$

18枚目 $\text{約 } 13.50 \times \frac{8}{9} = \text{約 } 12$

19枚目 $\text{約 } 12 \times \frac{8}{9} = \text{約 } 10.666$
 $\text{約 } 10.67$

20枚目 $\text{約 } 10.67 \times \frac{8}{9} = \text{約 } 9.484$
 $\text{約 } 9.48$

20枚目でやっと10より小さくなった!!

つまり答えは 20枚

<感想> 電卓は複雑な計算が
すぐできるので、便利だと思った。

★この問題はインターネットの問題です★

サイコロを1000回から、本当に確立が6分の1になるか調べる

レポートのあらすじ・取り組み

1枚に200回の結果をかいていった。100回毎に順位を
サイコロの目順でならべたり、サイコロの転かし方を10通りゆ
てみた。

レポートの内容

100回ごとに区切って、サイコロを振っていった。
1000回振ってから棒グラフで表してみた

サイコロを1000回ふって、本当に確率が $\frac{1}{6}$ になるか?
 ~条件~

1. 水平な場所で転がす。
2. サイコロは、4cm(1辺)
3. 100回ごとに転がしかたをかえる。
4. 出た目を上にして次にうつる。

①
 1回目~100回、上に投げて転がす。

3	3	2	5	6	5	1	3	1	3
5	1	4	6	4	6	5	2	1	2
3	6	3	1	4	5	4	1	3	5
6	6	4	3	2	5	4	3	6	4
3	6	3	6	2	4	6	6	3	3
1	6	2	2	3	2	2	4	2	1
4	1	1	1	6	6	4	3	5	5
3	1	6	5	3	3	1	3	2	4
1	4	5	4	1	1	5	1	1	4
3	1	5	2	6	3	1	2	6	4

1. 正正正正[#] 20
2. 正正下 13
3. 正正正正⁻ 21
4. 正正正⁻ 19
5. 正正~~正~~下 13
6. 正正正下 19

計 100

順位. 3 1 6 4 2
 ① ② ③ ④ ⑤
 * 0の順位なし

②
 101~200 下に落として転がす。

5	1	2	2	6	5	6	3	5	4
5	4	3	2	4	6	1	2	1	2
3	6	3	3	1	2	5	1	4	1
4	5	4	4	1	2	1	5	5	6
1	5	2	3	6	4	1	6	4	5
3	4	3	2	4	2	5	6	2	4
6	6	1	6	5	2	1	3	5	2
1	2	5	3	1	4	1	1	2	3
2	5	2	4	4	1	1	4	3	3
1	3	3	1	1	1	6	4	4	1

1. 正正正正下 23
2. 正正正下 16
3. 正正正 15
4. 正正正下 13
5. 正正正 14
6. 正正下 12

順位. 1 4 2 3 6
 ① ② ③ ④ ⑤ ⑥

B-112

スピンをかけるみたいに転がす。②

3	6	1	6	5	1	1	1	1	1
5	1	6	2	3	1	1	6	1	5
6	5	6	5	3	2	5	5	3	2
3	2	2	4	3	6	1	4	6	5
1	5	1	6	1	3	5	4	1	4
5	3	3	3	4	5	5	1	1	6
3	4	1	1	6	3	6	4	5	1
4	2	3	6	6	5	3	4	6	5
1	1	6	2	1	1	4	1	3	3
3	4	4	3	6	3	4	6	6	4

1. 正正正正正 25
2. 正正 7
3. 正正正 下 18
4. 正正正 14
5. 正正正 16
6. 正正正正 20

順位、 1 6 3 5 4 2
 ① ② ③ ④ ⑤ ⑥

4

01 ~ 400

後3に転がす

5	3	3	1	1	3	2	4	5	3
3	2	6	4	3	2	5	6	1	3
4	3	1	6	2	2	3	5	1	4
2	4	1	1	3	3	2	4	1	6
6	3	2	6	5	2	5	1	2	4
4	2	1	1	6	3	3	1	5	6
3	5	3	5	2	3	1	4	4	1
6	6	2	4	3	1	2	5	6	2
4	3	1	6	5	4	2	1	5	5
3	6	1	1	6	2	4	2	2	1

1. 正正正正 19
2. 正正正正 17
3. 正正正正 20
4. 正正正 14
5. 正正正 12
6. 正正正正 18

順位、 3 1 6 2 4 5
 ① ② ③ ④ ⑤ ⑥

2	4	3	1	1	5	6	6	3	4
2	3	2	4	2	5	5	1	4	4
5	3	3	5	6	2	1	5	1	5
4	4	1	6	2	6	5	5	2	1
5	1	2	5	1	1	2	4	1	1
3	5	3	4	5	2	1	1	2	3
4	3	5	2	5	1	6	3	6	3
4	3	3	1	6	1	4	3	5	1
4	3	4	1	3	1	2	6	6	2
1	5	1	5	3	6	6	5	1	5

1. 正正正正下 23
 2. 正正正 14
 3. 正正正T 17
 4. 正正正 14
 5. 正正正正 20
 6. 正正T 12
- 川順位, 1 5 3 2 6
 4
 ① ② ③ ④ ⑤ ⑥

16

501~600 普通に戦かう。

1	3	5	2	5	6	6	3	6	3
4	3	6	1	3	4	2	2	1	1
2	5	4	3	1	2	5	4	1	6
2	4	1	5	5	2	3	1	1	6
5	5	4	1	2	1	5	3	4	4
3	1	4	6	2	5	6	6	1	6
3	5	3	2	4	3	3	6	1	2
1	6	6	6	2	2	3	2	3	5
4	4	5	5	2	3	3	2	5	1
5	4	4	1	6	6	2	1	2	5


1. 正正正下 8
 2. 正正正下 8
 3. 正正正T 17
 4. 正正正 14
 5. 正正正T 17
 6. 正正正 16
- 川順位,
 1 3 6 4
 2 5
 ① ③ ⑤ ⑥

4	6	4	5	2	4	4	3	1	1
2	4	1	1	6	2	1	1	5	5
4	1	5	4	6	1	2	1	6	2
3	1	6	3	2	5	1	6	4	1
2	6	5	3	5	1	2	1	5	1
1	1	3	3	1	2	5	4	1	2
3	3	5	6	1	1	2	1	4	4
5	1	6	6	6	1	6	1	4	5
5	6	1	1	3	1	5	5	3	2
5	5	6	4	1	2	2	5	1	2

1 正正正正正正正 29
 2 正正正正 10
 3 正正 10
 4 正正正 13
 5 正正正正 11
 6 正正正 15

順位, 1 5 2 4 3
 6
 ① ② ③ ④ ⑤ ⑥

8

01~800 サイコロの  赤丸の部分を指しておいて転がす。

4	2	3	4	3	5	3	5	3	6
4	3	1	1	5	3	5	3	1	4
1	2	3	1	1	4	3	6	5	3
1	3	1	6	3	6	5	1	5	3
6	3	6	3	3	1	3	1	3	6
5	6	1	5	4	6	1	6	2	5
1	3	1	3	2	4	5	4	3	2
3	5	1	5	6	2	4	2	5	2
5	5	3	4	1	4	6	6	1	2
1	4	5	3	5	3	1	4	1	6

1 正正正正正 24
 2 正正 9
 3 正正正正正 25
 4 正正正 12
 5 正正正正 18
 6 正正正 15

順位, 3 1 5 6 2 4 2
 ① ② ③ ④ ⑤ ⑥

4	2	6	4	1	2	5	6	1	1
4	3	3	2	4	1	1	2	4	6
2	1	5	1	3	4	4	1	1	5
1	6	6	4	2	3	1	5	2	6
4	3	4	1	3	2	3	1	1	6
1	2	6	5	3	5	2	2	6	4
3	4	3	4	2	2	1	6	1	5
1	4	3	1	6	1	4	2	1	6
5	6	1	3	3	1	1	4	1	4
5	3	5	2	3	2	5	4	1	5

- 1 正正正正正 25
- 2 正正正正 16
- 3 正正正 15
- 4 正正正下 18
- 5 正正T 12
- 6 正正正 14

順位 1 4 2 3 6 5
 ① ② ③ ④ ⑤ ⑥

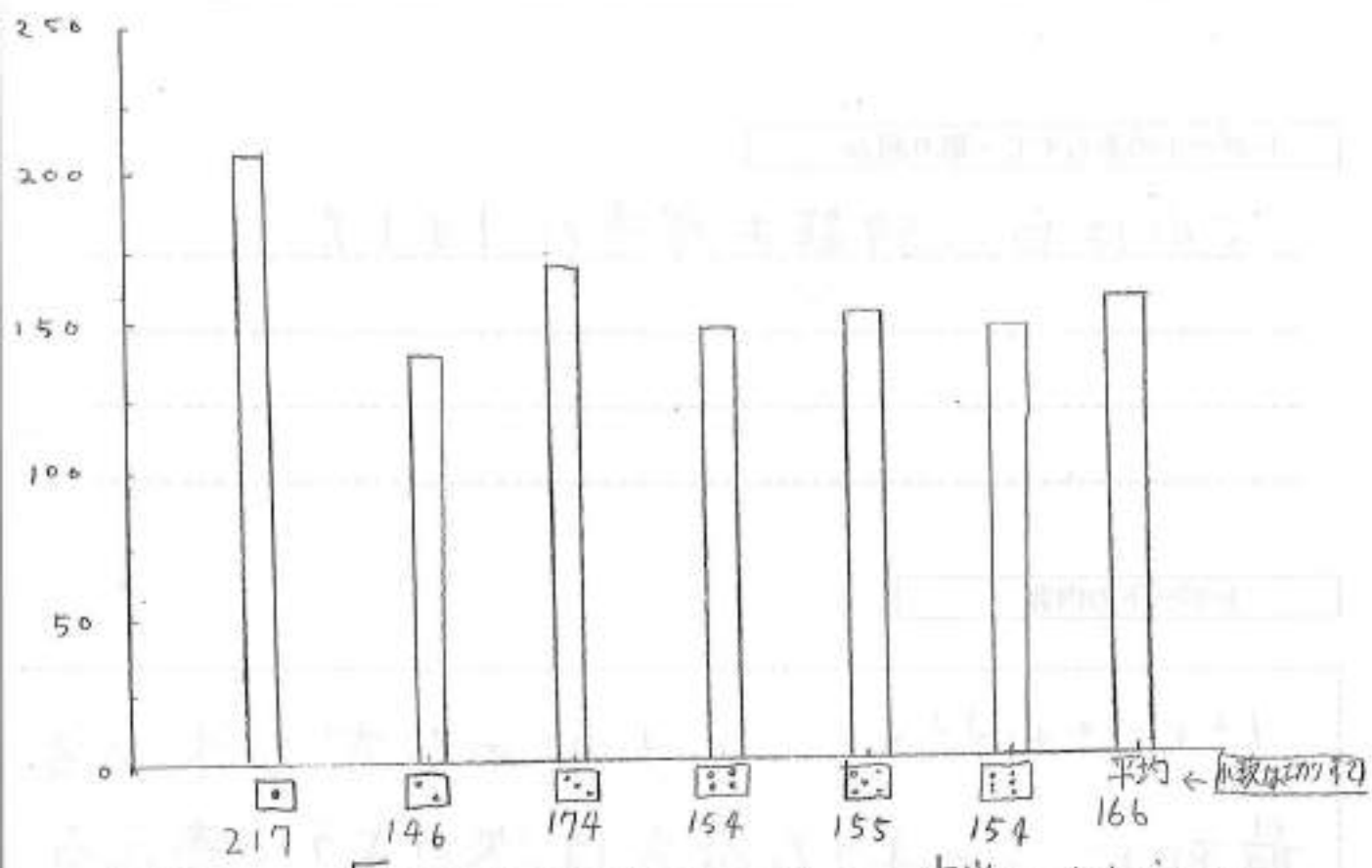
10
 901~1000 サイコロの目の部分を交互において転がす

6	1	4	3	2	2	4	3	5	5
2	4	1	2	6	6	2	4	3	4
1	1	2	4	2	3	5	4	6	1
2	1	5	3	4	3	3	1	4	1
2	4	6	1	3	4	4	2	4	1
4	3	2	3	6	5	5	6	3	4
3	4	3	5	6	6	4	5	5	2
2	5	2	1	4	3	3	1	5	2
4	6	6	4	3	1	4	6	2	5
6	6	2	2	5	3	1	2	2	4



- 1 正正正 14
- 2 正正正正 20
- 3 正正正正 16
- 4 正正正正T 22
- 5 正正下 13
- 6 正正正 15

順位 4 2 3 6 1 5
 ① ② ③ ④ ⑤ ⑥

 ... 155
  ... 154



このグラフから「サイコロを1000回かいて、本当に確率が6分の1になるか」は、の答えは、ならないとわかる。

発見した事は、サイコロの投げ方や落ちる時に机の上にサイコロの角が当たれば  と  がでやすいと気付いた。

それと今回は4つの条件でやってみたが、条件を増やしてゆけば、6分の1になる確率が増えていくと思います。

B-117

レポートのあらすじ・取り組み

これは自習課題を参考にしました。

レポートの内容

$1^2 + 2^2 + 3^2 + \dots + n^2$ の公式を求める
 最初に、このような公式は次のように考える

① $1^2 + 2^2 = 1 + 2 \times 2 = 5 \rightarrow 2 \times 2 + 1$

$$\begin{array}{c} \boxed{1} \\ \boxed{2} \ \boxed{2} \\ \hline 11 \end{array} + \begin{array}{c} \boxed{2} \\ \boxed{1} \ \boxed{2} \\ \hline 11 \end{array} + \begin{array}{c} \boxed{2} \\ \boxed{2} \ \boxed{1} \\ \hline 11 \end{array} = \begin{array}{c} \boxed{5} \\ \boxed{5} \ \boxed{5} \\ \hline 5 \times 3 = 5 \times (1 + 2) \end{array}$$

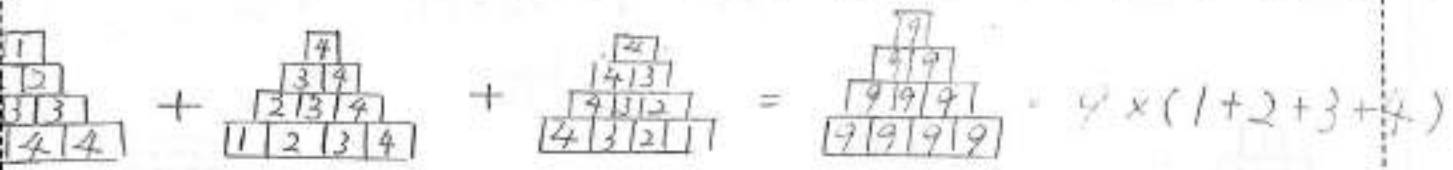
$$\boxed{\frac{5 \times (1 + 2)}{3}}$$

② $1^2 + 2^2 + 3^2 = 1 + 2 \times 2 + 3 \times 3 = 14 \rightarrow 3 \times 2 + 8$

$$\begin{array}{c} \boxed{1} \\ \boxed{2} \ \boxed{2} \\ \boxed{3} \ \boxed{3} \ \boxed{3} \\ \hline 11 \end{array} + \begin{array}{c} \boxed{3} \\ \boxed{2} \ \boxed{3} \\ \boxed{1} \ \boxed{2} \ \boxed{3} \\ \hline 11 \end{array} + \begin{array}{c} \boxed{3} \\ \boxed{3} \ \boxed{2} \\ \boxed{3} \ \boxed{2} \ \boxed{1} \\ \hline 11 \end{array} = \begin{array}{c} \boxed{14} \\ \boxed{7} \ \boxed{7} \\ \boxed{7} \ \boxed{7} \ \boxed{7} \\ \hline 7 \times 6 = 7 \times (1 + 2 + 3) \end{array}$$

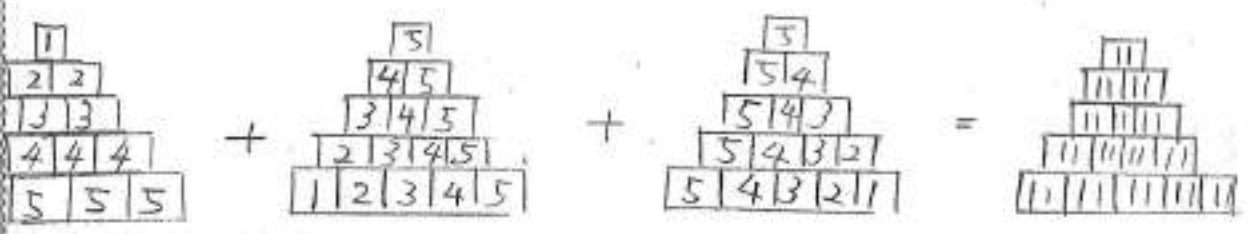
$$\boxed{\frac{7 \times (1 + 2 + 3)}{3}}$$

$$\textcircled{3} 1^2 + 2^2 + 3^2 + 4^2 = 1 + 2 \times 2 + 3 \times 3 + 4 \times 4 = 9 \rightarrow 4 \times 2 + 1$$



$$\frac{4 \times (1 + 2 + 3 + 4)}{3}$$

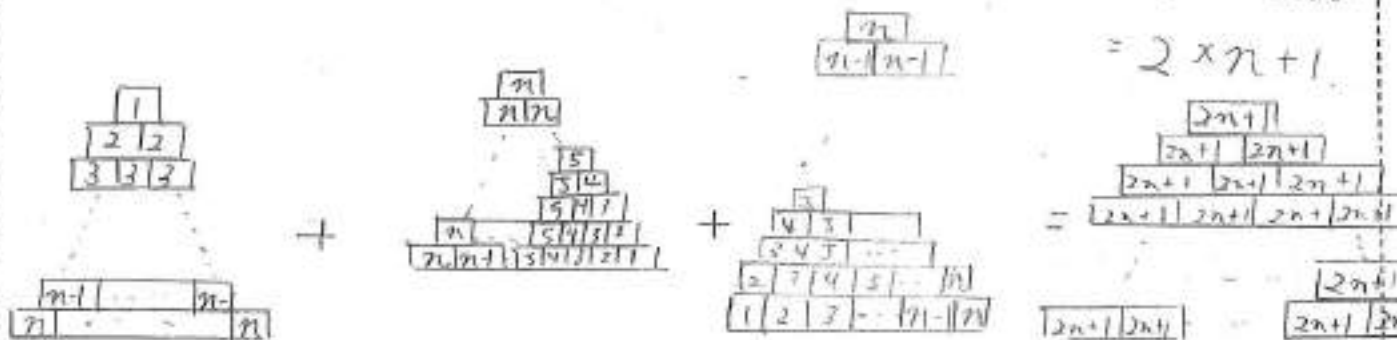
$$\textcircled{4} 1^2 + 2^2 + 3^2 + 4^2 + 5^2 = 1 + 2 \times 2 + 3 \times 3 + 4 \times 4 + 5 \times 5 = 11 \rightarrow 5 \times 2 + 1$$



$$= 11 \times (1 + 2 + 3 + 4 + 5)$$

$$\frac{11 \times (1 + 2 + 3 + 4 + 5)}{3}$$

$$\textcircled{5} \quad 1^2 + 2^2 + 3^2 + \dots + n^2 = 1 + 2 \times 2 + 3 \times 3 + \dots + n \times n = 2n + 1$$



||

$$\frac{(2n+1) \times (1+2+3+\dots+n)}{3}$$

<まとめ>

「 $1^2 + 2^2 + 3^2 + \dots + n^2$ 」の公式は $\frac{n(2n+1)(n+1)}{6}$

だということがわかった。

分数と小数

レポートのあらすじ・取り組み

このレポートは、分数の特徴や小数の性質を研究したものです。1問目はまだ解の公式を習っていない時に解いたので使い方に苦労しました。このレポートで分かったことは、数字には規則性があり、その規則を利用すれば、大きな数でも同じことを利用して解けるということです。

レポートの内容

問 $\frac{2}{9}$ を単位分数の和の形で表してみよう

まず、単位分数とは分子が1の分数です。

したがって問題は、 $\frac{2}{9}$ を分子が1の分数の和の形で表すということになります。

解き方

① まず $\frac{1}{\Delta} + \frac{1}{\Delta} = \frac{2}{9}$ とする

② 通分する $\frac{0+\Delta}{\Delta\Delta} = \frac{2}{9}$

②より、約分できたということが分かる

理由: $9=3$ の2乗で $0 < \Delta$ は互いに違う数字であるから。 ← 3以外のものがあつたはず

$$\textcircled{3} \quad 0 + \Delta = 2h$$

$$0 \times \Delta = 9h$$

$$0 = 2h - \Delta$$

$$\textcircled{4} \quad \Delta(2h - 0) = 9h$$

$\textcircled{5}$ 解の公式にあてはめて.

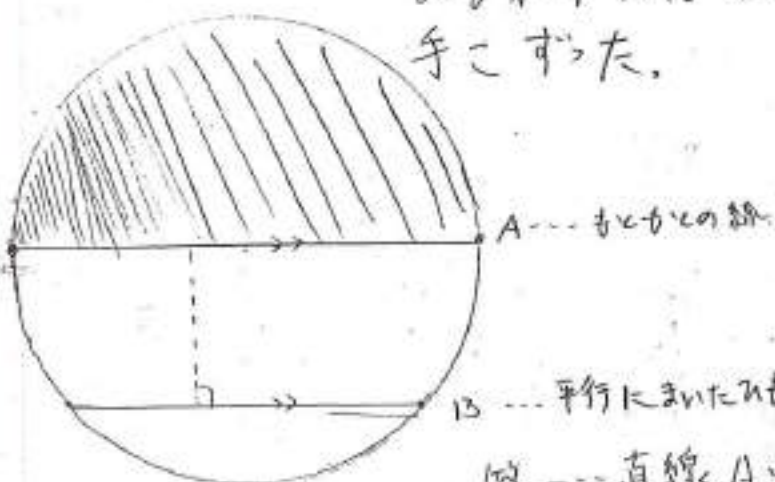
$$\begin{aligned} & \frac{2h \pm \sqrt{4h^2 - 9h}}{2} \\ \text{約分} & \rightarrow h \pm \sqrt{h^2 - 9h} \Rightarrow h^2 - 9h = 0 \\ & h(h-9) = 0 \\ & h = 0 \text{ 或 } 9 \\ & \text{よって} \\ & \Delta = 9 \\ & 0 = 0 \\ & \text{答} \quad \underline{\underline{\frac{1}{9}}} \end{aligned}$$

〈数学の森〉
2月

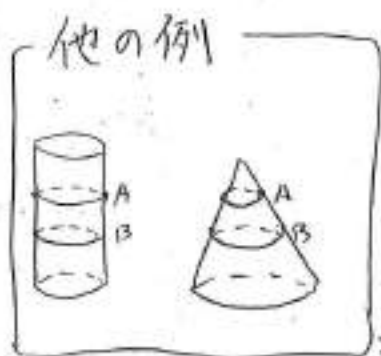
問 平行な2直線をどこまでも延長しても
交わらないことは、確かめられるでしょうか

例えば、球に平行線をひいてみる。
ちとちとまん中で色の分け目のある
ボールがあたので、それに糸を1本
まきつけて、その分け目の線と
平行になるようにまく。

↓
ひちがずれて、きちり平行にするのに
手こずいた。



答 --- 直線Aと直線Bが平行であるとき、
その2直線を球にそのまま
描くと、A、Bが交わらずに
両端がー到した



⇒ 側面が丸かたうてくる。

<数学の森3年>

問 $\frac{1}{13}$ を小数で表して循環小数になるかどうかを調べてみましょう。

循環小数とは例えば $\frac{1}{7}$ の場合 17 でわったときの余りは 1~6 のいずれかなのであることをくり返すといつかは余りが同じになるので同じ余りが出てきたら、そのあとは同じ数字がくり返されるもの。

$$\begin{array}{r} 0.07692307692307 \\ 13 \overline{) 100} \\ \underline{91} \\ 90 \\ \underline{78} \\ 120 \\ \underline{117} \\ 30 \\ \underline{26} \\ 40 \\ \underline{39} \\ 100 \\ \underline{91} \\ 90 \\ \underline{78} \\ 120 \\ \underline{117} \\ 30 \\ \underline{26} \\ 40 \\ \underline{39} \\ 100 \end{array}$$

↓
076923 のくり返し

コインの表裏の確立は $\frac{1}{2}$ にたがひか!?

レポートのあらすじ・取り組み

コインを300回ふり、十回時の表裏の確率が $\frac{1}{2}$ になる事をたしかめる。

コインを300回ふるのにとっても苦労した。

レポートの内容

1	裏	10	裏	19	裏	28	表	37	表	46	表	55	裏
2	表	11	表	20	裏	29	裏	38	表	47	表	56	裏
3	裏	12	表	21	裏	30	裏	39	裏	48	表	57	裏
4	表	13	裏	22	表	31	表	40	表	49	表	58	表
5	表	14	表	23	裏	32	裏	41	裏	50	表	59	表
6	裏	15	裏	24	裏	33	表	42	表	51	裏	60	裏
7	裏	16	表	25	表	34	表	43	裏	52	裏	61	裏
8	裏	17	表	26	裏	35	表	44	裏	53	裏	62	表
9	裏	18	表	27	裏	36	表	45	表	54	表	63	裏

64	表	78	裏	92	裏	106	表	120	表	134	裏
65	裏	79	裏	93	裏	107	表	121	表	135	裏
66	表	80	裏	94	裏	108	表	122	裏	136	表
67	裏	81	裏	95	裏	109	裏	123	表	137	表
68	裏	82	表	96	裏	110	裏	124	裏	138	表
69	裏	83	表	97	裏	111	裏	125	表	139	表
70	表	84	表	98	表	112	表	126	裏	140	裏
71	表	85	裏	99	裏	113	表	127	表	141	表
72	裏	86	表	100	表	114	表	128	裏	142	表
73	裏	87	裏	101	裏	115	裏	129	裏	143	裏
74	表	88	表	102	表	116	表	130	表	144	表
75	表	89	表	103	表	117	裏	131	裏	145	裏
76	裏	90	表	104	裏	118	表	132	表	146	裏
77	表	91	表	105	裏	119	裏	133	表	147	裏

148	表	160	裏	172	裏	184	表	199	表	211	裏	223	裏
149	裏	161	表	173	裏	185	裏	200	裏	212	裏	224	裏
150	表	162	裏	174	裏	186	表	201	表	213	表	225	裏
151	表	163	表	175	裏	187	表	202	表	214	裏	226	表
152	裏	164	裏	176	裏	188	裏	203	裏	215	表	227	裏
153	裏	165	表	177	裏	189	裏	204	裏	216	表	228	裏
154	表	166	裏	178	表	190	表	205		217	表	229	表
155	裏	167	裏	179	裏	191	表	206		218	表	230	表
156	表	168	裏	180	表	192	表	207		219	裏	231	表
157	表	169	表	181	裏	193	裏	208		220	表	232	裏
158	表	170	表	182	表	194	裏	209		221	表	233	表
159	裏	171	表	183	表	195	表	210		222	裏	234	裏

235	表	236	裏	237	表	238	表	239	表	240	裏
241	表	242	裏	243	裏	244	裏	245	裏	246	裏
247	裏	248	裏	249	裏	250	裏	251	裏	252	裏
253	裏	254	裏	255	裏	256	裏	257	裏	258	裏
260	裏	261	裏	262	裏	263	裏	264	裏	265	裏
267	裏	268	裏	269	裏	270	裏	271	裏	272	裏
274	裏	275	裏	276	裏	277	裏	278	裏	279	裏
281	裏	282	裏	283	裏	284	裏	285	裏	286	裏
288	裏	289	裏	290	裏	291	裏	292	裏	293	裏
295	裏	296	裏	297	裏	298	裏	299	裏	300	裏

表 149回 $\frac{149}{300}$

裏 151回 $\frac{151}{300}$

} $\frac{1}{2}$ に近くなつたが
 $\frac{1}{2}$ にはなつなかつた。

何回かやれば $\frac{1}{2}$ になると思う。

地震の揺れと伝わり方

レポートのあらすじ・取り組み

今回のテーマは「地震の揺れと伝わり方」です。前回の「結晶の内部構造」のレポートでは、鉱物のしくみも含めておきました。同じ地学の分野ですが、用語・式などをわかりやすくまとめてみました。

レポートの内容

I. 地震の揺れ

地震の揺れ方には2種類あって、初めに起こる小さな揺れを、「初期微動」、それに続いて起きる大きな揺れを、「主要動」という。地震が起こると、違う性質を持つP波、S波が同時に発生して、地球の内部を伝わる。

P波は、初期微動を起こす波で、1秒間に5~7kmと、伝わる速さが速い。S波は、主要動を起こす波で、1秒間に3~4kmと、伝わる速さが遅い。地下の地震が発生した場所を「震源」といい、その真上(地表)の地点を「震央」という。

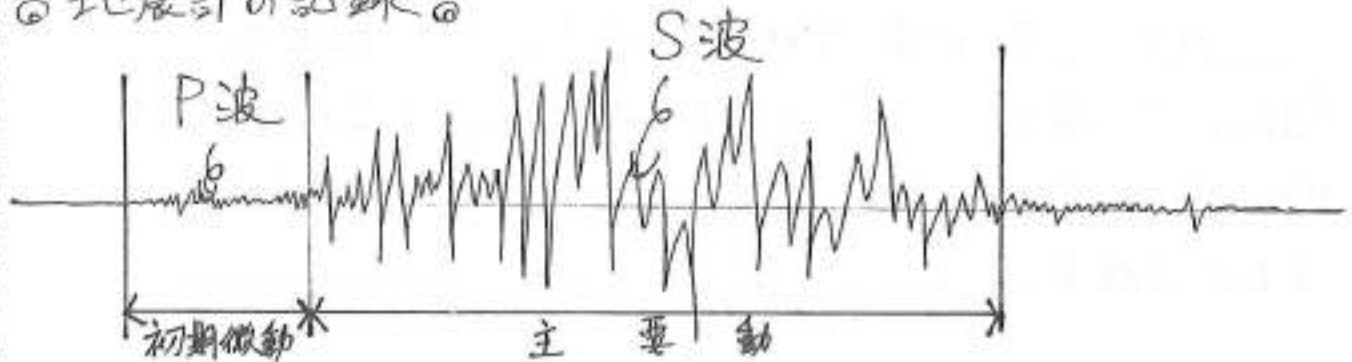
II. 震源からの距離と揺れ

初期微動が始まってから主要動が始まるまでの時間を、「初期微動継続時間」という。この初期微動継続時間が長くなるほど、震源からの距離は遠い。

Ⅲ. 地震の規模

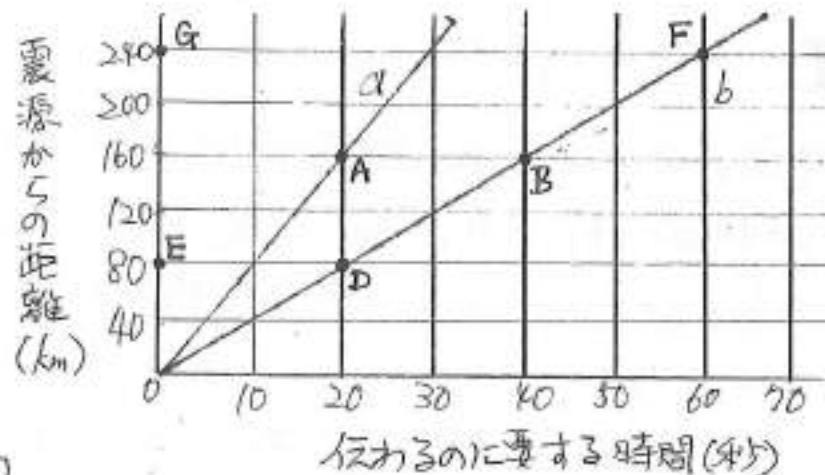
震度は、震度計の観測結果によつて、10階級で表される。
 マグニチュード(M)は、地震の規模を示す単位である。

⑥ 地震計の記録⑥



では、実際に、地震の発生した時間などを求めてみたいと思います。

右の表は、ある地震の時に発生した2つの波が伝わるのに要する時間と震源からの距離を表したものです。



いくつかの問いをつくらせて、答えることにします。

①

初期微動を伝える波の速さは何kmか？

→ aはグラフより、P波(初期微動を起こす)なので、整数部分の値をとり、240, 30。速さは距離÷時間で求められるので、

$$240 \div 30 = 8$$

Aより、8km/秒

Q.2

この地震が午前8時27分25秒に発生したとすると、震源からの距離が120kmの地点では、何時何分何秒に主要動が始まるか？

⇒震源から120kmの地点では、初期微動が地震発生から15秒後、主要動は30秒後に起きるので、
 $25+30=55$ 。よって、A 8時27分55秒。

Q.3 この地震の初期微動継続時間を求める式をつくりなさい。

⇒まずa(P波)の距離は、時間を x とおくと、 $8x$ と表せる。
次にb(S波)も同様におくと、 $4x$ と表せる。 $8x-4x=4x$
震源からの距離に初期微動継続時間は比例するので、
初期微動継続時間を y とおくと、
答えは、A $y=4x$ 。

Q.4 EC, CG, ED間の距離がわかっているものとして、
直線CFの長さを求めよ。(単位…cm)

⇒三平方の定理より、CD間の長さ(x とおく)は、

$$6400+400=x^2 \quad x^2=6800 \quad x=20\sqrt{17}$$

CF間の距離は、CDの3倍なので

$$20\sqrt{17} \times 3 = 60\sqrt{17}$$

よって、A $60\sqrt{17}$ cm。

まとめ

このレポートを書いていて、実際には自分達は地震が起こっても、「揺れた」ということしか感じませんが、地中では様々な変化が起こっていることがわかりました。これを期に、他の自然現象についても調べてみたいと思いました。

(終)

《参考文献》隔週刊 Treasure Stone

学習百科大辞典

最新、理科便覧 B-131

発行: DEAGOSTINI JAPAN

発行: 小学館

発行: 浜島書店

オイラーの道について

レポートのあらすじ・取り組み

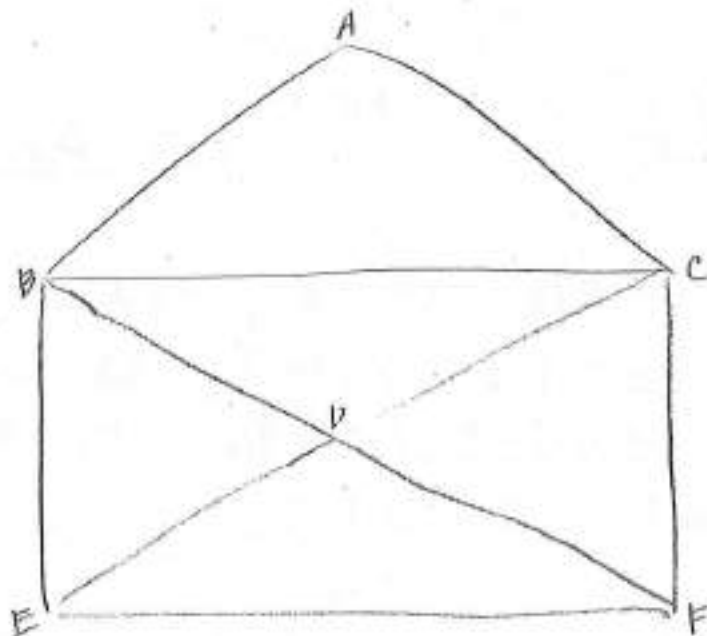
オイラーによって解明された一筆書きが出来る道について調べた。

レポートの内容

一筆書きが可能な場合

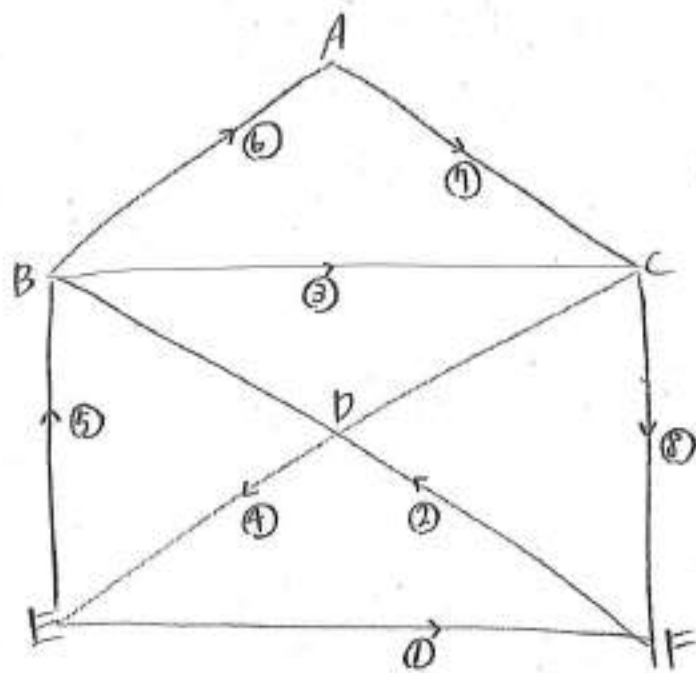
- ① オペラの交差点において出ている道の数が偶数である場合
- ② 2つの交差点において出ている道の数が奇数であり、他はすべて偶数の場合

①の場合は2つの交差点から出発してもよく、②の場合は出ている道の数が奇数の交差点から出発してもう一方の奇数の交差点に到着する。



No1の例の場合交差点において出ている道の数の偶数である点はA B C Dの4つである。一方、出ている道の数が奇数である交差点はE Fの2つである。

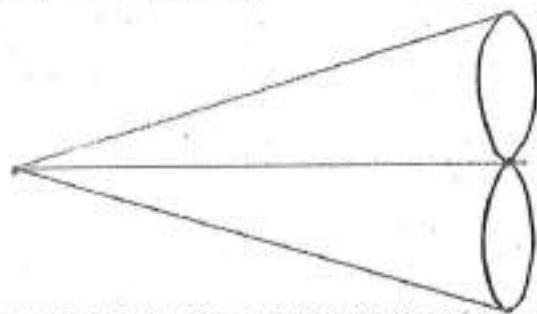
したがって21の場合の適用ができる。すなわち点Eから出発して番号の順に進み、点Fに到着するのである。



オイラーはケーニヒスベルグの川にかかる7つの橋のおの
おのを1回だけ渡るような道順は存在しないこと
を主張した。そして場合分けを紹介した。

ケーニヒスベルグの川を簡単にした図

四角は橋を表し
頂点は島と川
の両岸を表し
ておく。



オイラーはこの事から「あるグラフが与えられたとき、おのおのの辺を1回ずつたどる道をそのグラフのオイラーの道」と定義した。

さらに「与えられたグラフのおのおのの辺をただ1回ずつたどり出発点にもどるような閉路をそのグラフのオイラーの閉路」と定義した。

教科書 数学の森

レポートのあらすじ・取り組み

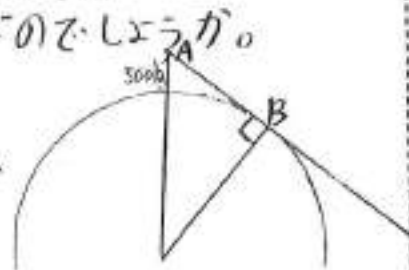
僕は中学3年の教科書の最後の方にある「数学の森」という比較的難しい問題にチャレンジしました。その中の3問を問きました。

レポートの内容

問1 p119

スペースシャトルは地上500kmの高さを飛行します。
シャトルから見えるのは、地球からどのくらい範囲なのでしょうか。

地球の半径を r km、スペースシャトルからの高さも $h=500$ km
スペースシャトルから見えるまでのキョリを AB と置く



$$\text{三平方の定理から } (r+h)^2 = r^2 + AB^2$$

$$AB^2 = h^2 + 2hr$$

$$h = 500 \quad r = 6378 \text{ (地球半径)} \quad AB^2 = 6628000$$

$$AB = \sqrt{6628000}$$

$$AB = 20 \sqrt{16570}$$

$$20 \times 128 = 2560$$

$$2560 \times 2 = 5120$$

A、約5120kmの範囲まで見える。

$$\begin{array}{r} 5 \overline{) 6628000} \\ 5 \overline{) 1325600} \\ 5 \overline{) 265120} \\ 2 \overline{) 53024} \\ 2 \overline{) 26512} \\ 2 \overline{) 13256} \\ 2 \overline{) 6628} \\ 2 \overline{) 3314} \end{array}$$

↑

むずかしいので
電卓で

学んだこと

いつも村上先生とやっている問題よりも
はるかに大変しかったです。因数分解する
ところがむずかしかった。

P162 問2

(例) 1/7 の場合、7で割って余りは1~6のいずれかなので、割ることをくり返すと、いつかは余りが同じになります。同じ余りができれば、そのあとは同じ数字をくり返されるわけです。このような小数を循環小数といいます。

そこで...

1/13 を小数で表して循環小数になるかどうかを調べてみましょう。

$$\begin{array}{r}
 0.076923 \\
 13 \overline{) 100} \\
 \underline{91} \\
 90 \\
 \underline{78} \\
 120 \\
 \underline{117} \\
 30 \\
 \underline{26} \\
 40 \\
 \underline{39} \\
 10
 \end{array}$$

0.076923

答.

$\frac{1}{13}$ は循環小数である。

学んだこと

他の問題よりまだ簡単だったけれど循環小数というやり方を覚えて、とても勉強になりました。

P189 問3

正月におずみ、父母いれて、子も十二匹生む。親見ともに十四匹になる。このおずみ二月には子も又子も十二匹ずつ生むので親ともに九十八匹になる。月に一度ずつ、親も子もまももこの月々に十二匹ずつ生むとき、十二月の間に全部で二百七十六億八千二百五拾七万四千四百二匹になりました。

そこで...
三月のおずみの数を計算して、どんなに急におずみの数が増えたか調べてみましょう。

正月

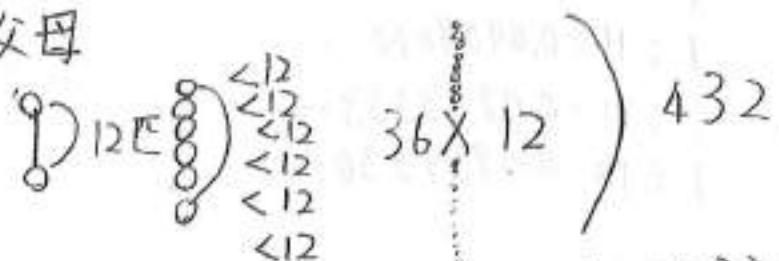
父母12匹生む

二月 父母と6のつがいから12匹ずつ生む

全部で98匹

三月

父母



$$2 + 12 + 72 + 12 + 432 + 12 + 72 = 634$$

答え、3月のおずみの数

614匹

学んだこと

レポートの中で一番難しかった。塾の先生といっしょにやりました。本当にむずかかった。

1を割り切る整数の条件

レポートのあらすじ・取り組み

「1を丁度割り切れる整数を出し、その性質を探し出し、条件を見つけ出す」まず、割り算の計算し素因数分解し、2を5を見つけ出し、表を書いた、10等分や100等分して分かりやすく表す。そして1を丁度割り切れる整数の条件をまとめ、割り切れずの記をまとめる。

レポートの内容

$$1 \div 2 = 0.5$$

$$1 \div 3 = 0.33333333\cdots$$

$$1 \div 4 = 0.25$$

$$1 \div 5 = 0.2$$

$$1 \div 6 = 0.16666666\cdots$$

$$1 \div 7 = 0.1428571\cdots$$

$$1 \div 8 = 0.125$$

$$1 \div 9 = 0.1111111\cdots$$

$$1 \div 10 = 0.1$$

$$1 \div 11 = 0.0909090\cdots$$

$$1 \div 12 = 0.0833333\cdots$$

$$1 \div 13 = 0.0769230\cdots$$

例えば 8を素因数分解すると

$$\begin{array}{r} 2 \overline{) 8} \\ \underline{ 4} \\ 4 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 2 \overline{) 4} \\ \underline{ 2} \\ 2 \end{array}$$

2

$$8 = 2 \times 2 \times 2$$

1000を素因数分解すると

$$5 \overline{) 1000}$$

$$5 \overline{) 200}$$

$$5 \overline{) 40}$$

$$2 \overline{) 8}$$

$$2 \overline{) 4}$$

$$2$$

$$1000 = 5 \times 5 \times 5 \times 2 \times 2 \times 2$$

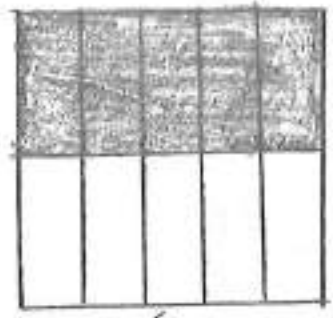
したがって、 $2 \times 2 \times 2 \times \boxed{} = 5 \times 5 \times 5 \times 2 \times 2 \times 2$

||
 $5 \times 5 \times 5$
||
 125

8等分された物を、さらに125等分すると、
1000等分されています。

$$\begin{aligned} \frac{1}{8} &= \frac{1}{2 \times 2 \times 2} \\ &= \frac{1}{2 \times 2 \times 2} \times \frac{5 \times 5 \times 5}{5 \times 5 \times 5} \\ &= \frac{5 \times 5 \times 5}{2 \times 5 \times 2 \times 5 \times 2 \times 5} \\ &= \frac{125}{10 \times 10 \times 10} \\ &= \frac{125}{1000} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}\frac{1}{2} &= \frac{1 \times 5}{2 \times 5} \\ &= \frac{5}{10} \\ &= 0.5\end{aligned}$$

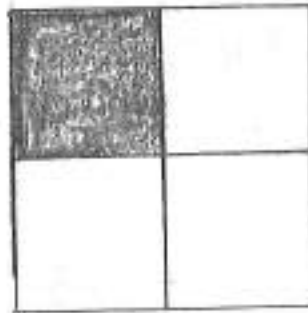
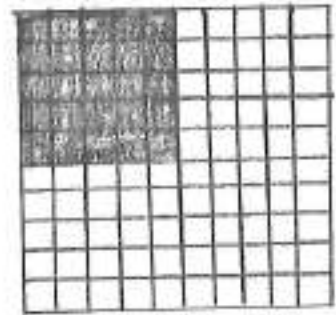

 $\frac{1}{2}$

 $\frac{5}{10}$

$$\begin{aligned}\frac{1}{5} &= \frac{1 \times 2}{5 \times 2} \\ &= \frac{2}{10} \\ &= 0.2\end{aligned}$$


 $\frac{1}{5}$

 $\frac{2}{10}$

$$\begin{aligned}\frac{1}{4} &= \frac{1}{2 \times 2} \times \frac{5 \times 5}{5 \times 5} \\ &= \frac{5 \times 5}{2 \times 5 \times 2 \times 5} \\ &= \frac{5 \times 5}{10 \times 10} \\ &= \frac{25}{100} \\ &= 0.25\end{aligned}$$


 $\frac{1}{4}$

 $\frac{25}{100}$

— 準備 —

$$1 \div 2 = 0.5$$

$$1 \div 4 = 0.25$$

$$1 \div 5 = 0.2$$

$$1 \div 8 = 0.125$$

$$1 \div 10 = 0.1$$

何かが割り切れるのは、分母が2や5ばかり
のかけ算した数だから

$$1 \div 3 = 0.3333333 \dots$$

$$1 \div 6 = 0.6666666 \dots$$

$$1 \div 7 = 0.1428571 \dots$$

$$1 \div 9 = 0.1111111 \dots$$

$$1 \div 11 = 0.0909090 \dots$$

$$1 \div 12 = 0.0833333 \dots$$

$$1 \div 13 = 0.0769230 \dots$$

何かが割り切れずのは、分母が2や5ばかり
かけ算してできた数ではない。
つまり、2や5以外の数もかけられて出来た
数だからです。

数学レポート 「ガス料金のしくみについて」

レポートのあらすじ・取り組み

今回、ほくは大阪ガスの料金のしくみと、そのグラフを書くことにした。普段、毎月送られてくるガス代の紙は目には入っていたものの、別に興味はなかったが、この度、こういう形でガス代について調べることができたので、早速レポートを書くことにした。

レポートの内容

(1) ガス料金

ガス料金とは、料金表に基づいて計算した金額に、消費税相当額を加算した合計料金のことである。

ガス料金 = 基本料金 + 従量料金 (円未満切り捨て)

従量料金 = 単価料金 × 使用量

単価料金は原料費の変動に応じて3ヵ月ごとに見直す。

(2) 料金表

料金表	使用量(x)		料金(円)
A	$0 < x \leq 20$	基本料金 (円/月)	690
		単価料金 (円/㎥)	135.92
B	$20 < x \leq 50$	基本料金 (円/月)	1100
		単価料金 (円/㎥)	115.22
C	$50 < x \leq 200$	基本料金 (円/月)	1320
		単価料金 (円/㎥)	110.82
D	$200 < x \leq 500$	基本料金 (円/月)	3000
		単価料金 (円/㎥)	102.92
E	$500 < x$	基本料金 (円/月)	6040
		単価料金 (円/㎥)	96.34

63690

(3) 例. (50^{m²})でのガス料金

ガス料金 ※料金表Bを適用

$$= 1100 + 115.22 \times 50 + \text{税}$$

$$= 1100 + 5761 + \text{税}$$

$$= \underline{9204\text{円}} \quad \text{となる}$$

(4) これらに基づいた料金表のグラフ

※はじめに各料金表の式をつくる。この時、単位料金の円未満は切り捨てる。

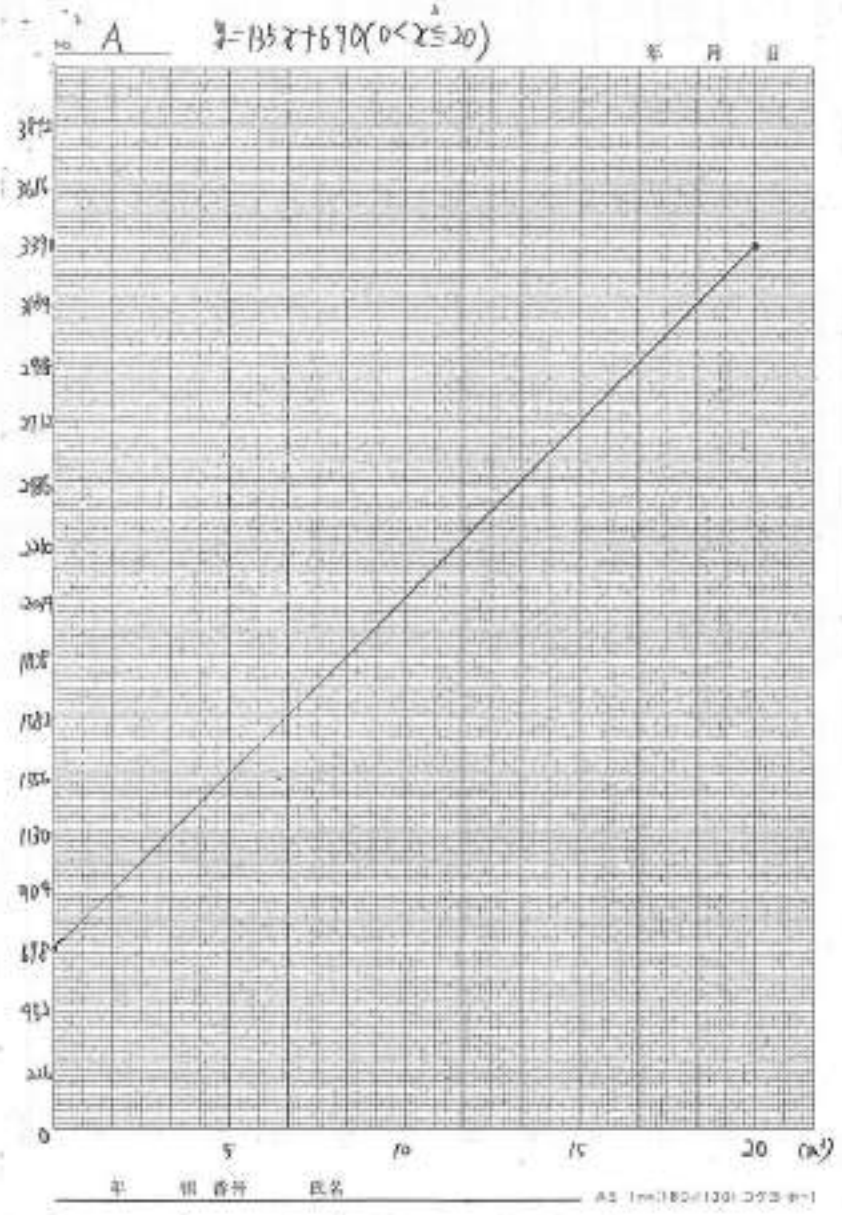
$$A: y = 135x + 690 \quad (0 < x \leq 20)$$

$$D: y = 102x + 3000 \quad (200 < x \leq 300)$$

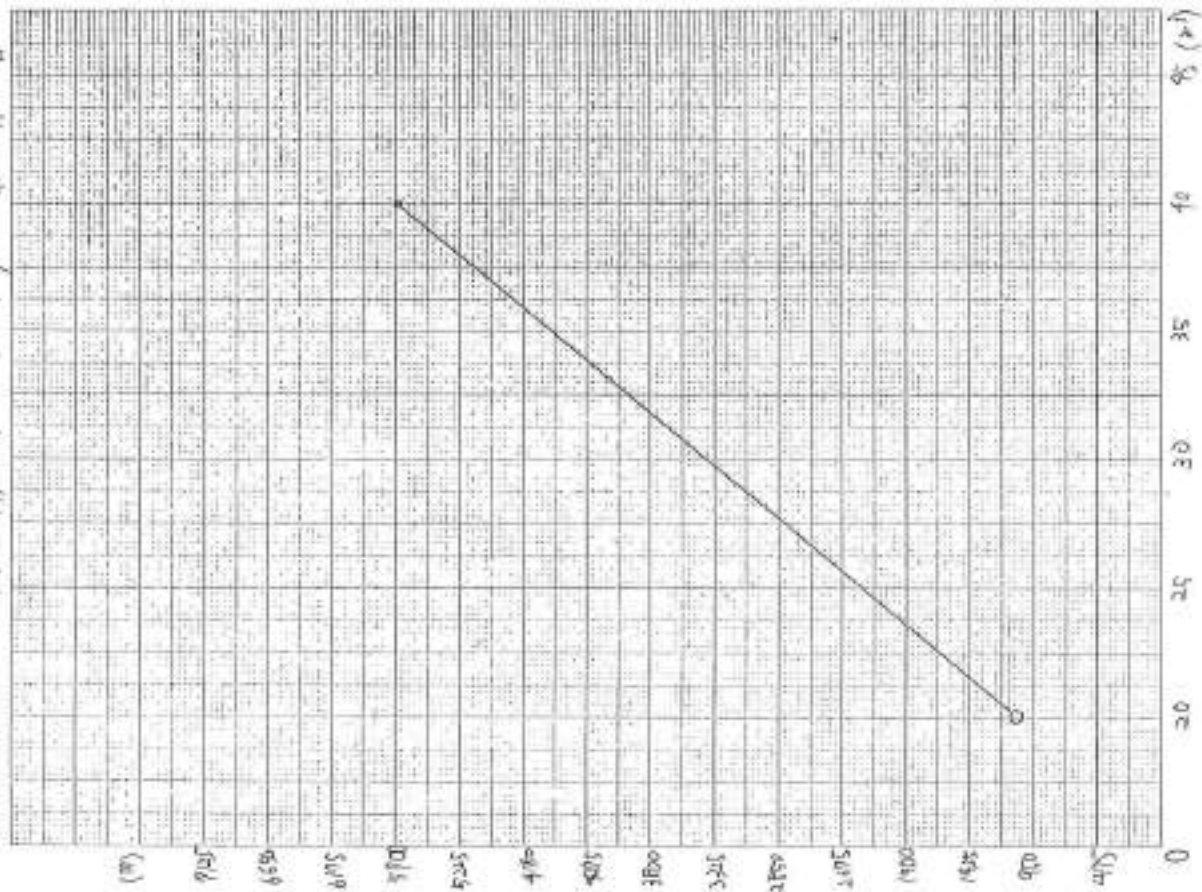
$$B: y = 115x + 1100 \quad (20 < x \leq 40)$$

$$E: y = 96x + 6090 \quad (500 < x)$$

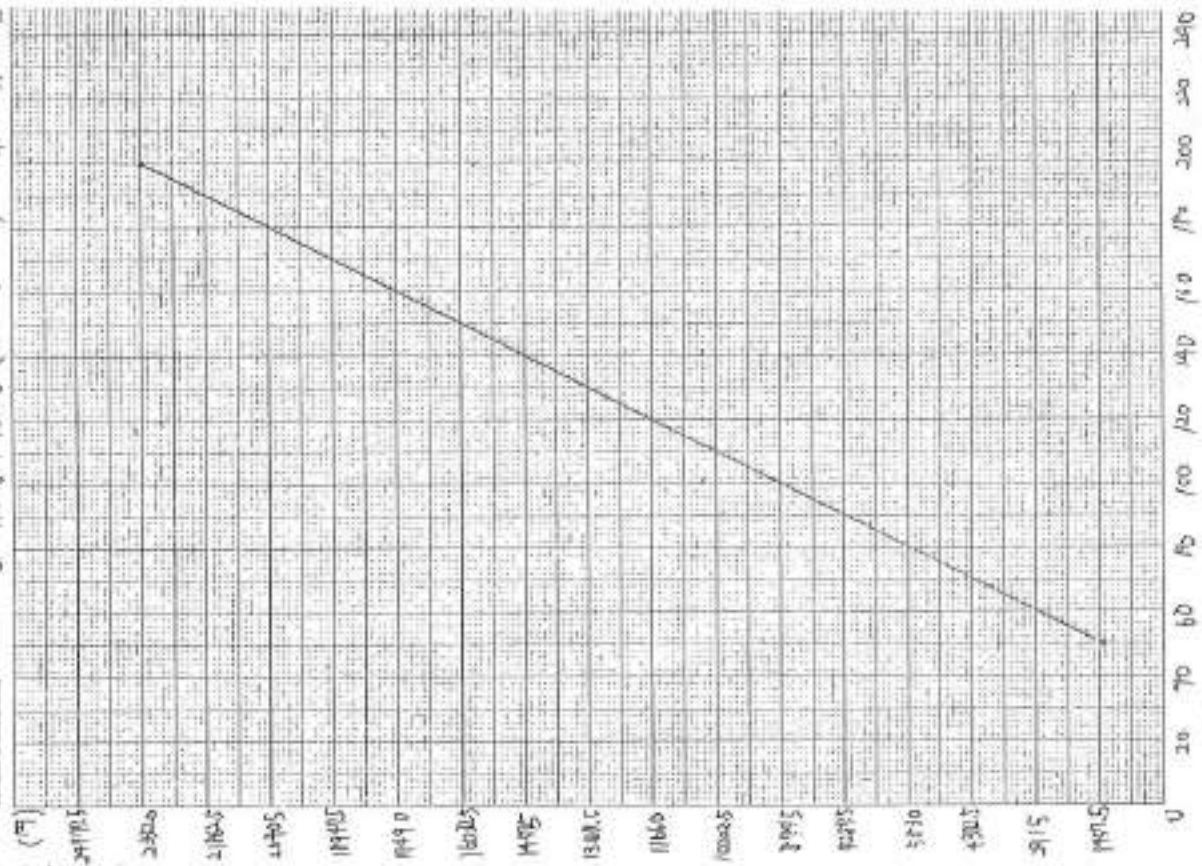
$$C: y = 110x + 1320 \quad (50 < x \leq 200)$$



B $y = 115x + 100 \quad (20 < x \leq 40)$

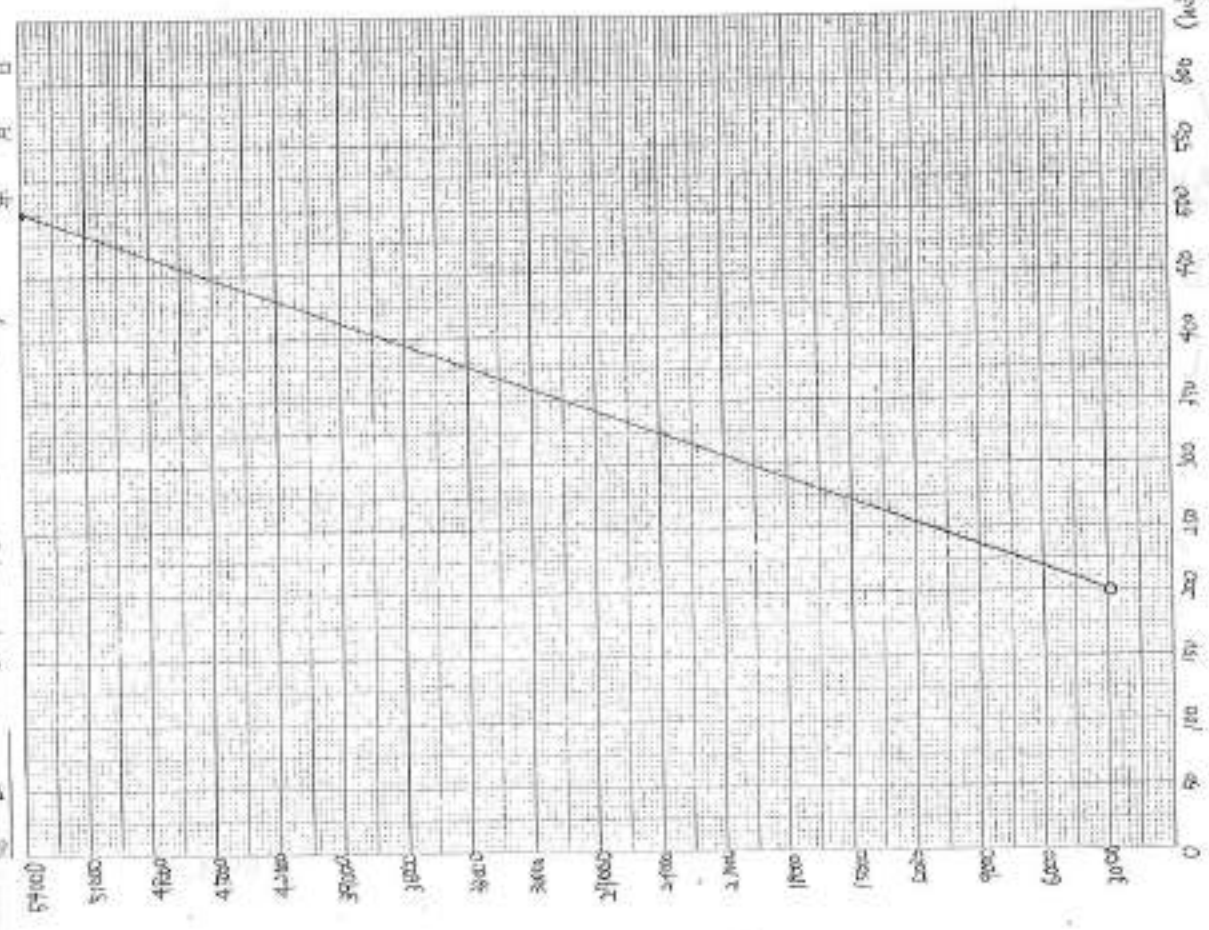


C $y = 110x + 1320 \quad (50 < x \leq 200)$



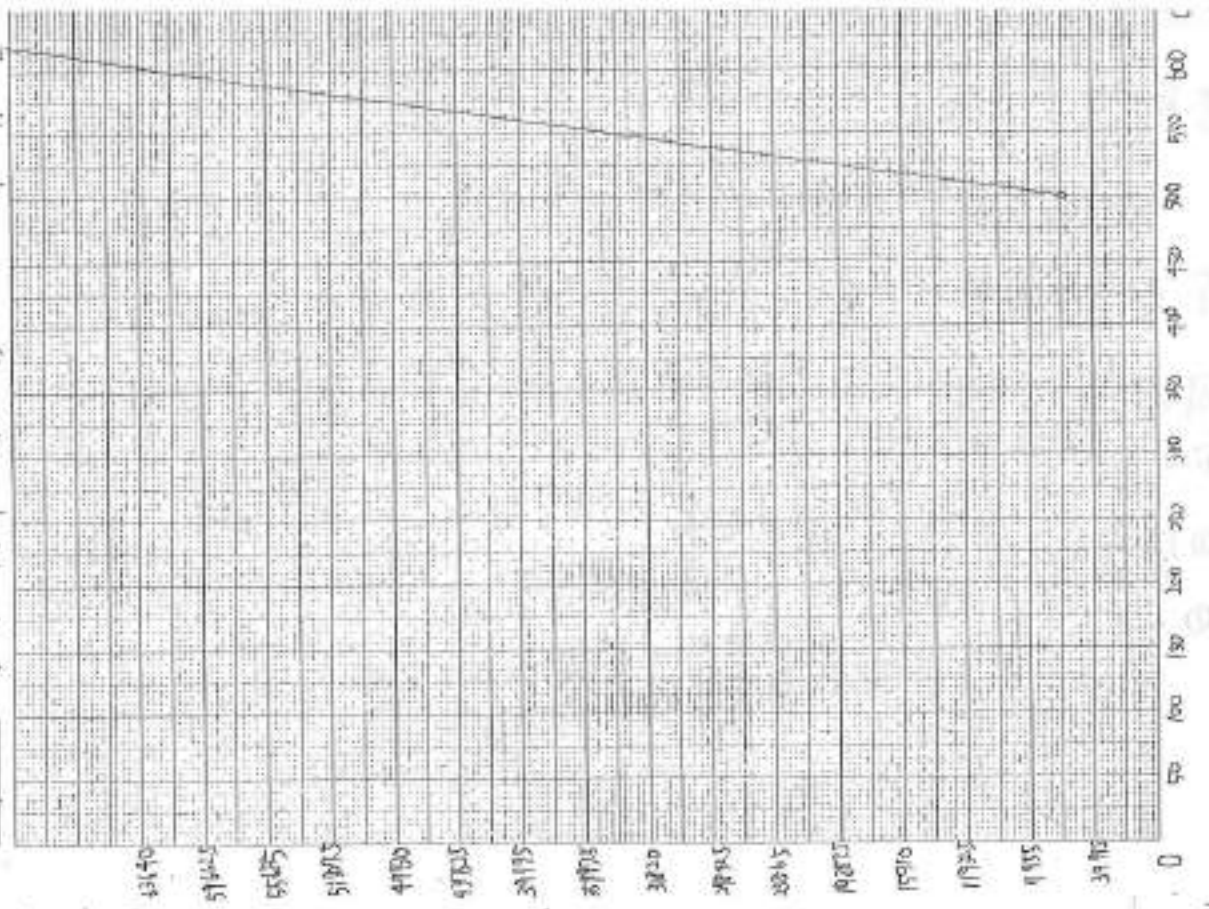
B-144

D $y = 10.2x + 3000$ ($200 < x < 500$)



年 月 日 年 月 日
 年 组 班 号 姓名 年 组 班 号 姓名

E $y = 96x + 6040$ ($500 < x$)



年 月 日 年 月 日
 年 组 班 号 姓名 年 组 班 号 姓名

☆ 考察

— ガス代を調べてわかったこと —

- ① 全て1次関数のグラフ。(A~E)
- ② 同じ比率でグラフを書いた場合は傾きがことなり、A~Eになるにつれてゆるやかになる。
- ③ ②は式をたてることによりわかる。
- ④ ②より、ガスをたくさんつかうほど割合である。

☆ 感想

グラフを書く時に、まず計算するのが面倒であった。グラフの数字をとる時に、間隔をあけすぎると面積を多くとり、逆にせますぎると、円単価がにぶくなり、精度をかけるので一番いい数字をとるのが難しかった。

しかし、このような事が調べて自分にとっていい経験となっただろう。難しいことをといていくという楽しさかわかった。

2003.9

数学の森

レポートのあらすじ・取り組み

中学3年生の教科書で、基本的な所を解説
をまじえて解いた。

レポートの内容

★ $\frac{2}{9}$ を単位分数の和で表してみよう。

キーワード ☺

単位分数とは？

単位分数というのは $\frac{1}{2}$ 、 $\frac{1}{3}$ 、 $\frac{1}{4}$ のように
分子が1の分数

単位分数に着目すると $\frac{3}{4}m$ と $\frac{5}{4}m$ は「 $\frac{1}{4}m$ の
「 $\frac{1}{4}m$ の5つ分」として対応できる。 3つ分」

例 $\frac{1}{9} + \frac{1}{9} =$

☞ 単位分数は意味を把握すれば
わかる☺

★ 小数部分が限りなく続く

分数を $\frac{1}{3}$, $\frac{1}{7}$ 以外もさがす。

$$\frac{1}{9} = 0.111111111 \dots$$

$$\frac{1}{11} = 0.09090909 \dots$$

$$\frac{1}{13} = 0.07615384715384 \dots$$

$$\frac{1}{17} = 0.058823523523 \dots$$

□ 限りなく続く分数は、同じ
サイクルで続く。

変わる事はない
のだから』

答之 $\frac{1}{9}, \frac{1}{13}, \frac{1}{17}, \frac{1}{11}$

★ $\frac{1}{13}$ を小数で表わして循環小数になる
かどうかを調べる。

キーワード

循環小数とは？

□ n進数の
意味を
ちゃんと
把握すれ
ばできる』

n進数における小数点以下の
表記が次のようになる形式で
ある。 $0.a_1a_2 \dots a_n \{ b_1b_2 \dots b_m \}$
『上の問題も循環小数』 $\uparrow \infty$

答之

$$\frac{1}{13} \dots 0.07615384$$
$$71538$$

長方形の2辺の和が20m面積が96m²のとき長方形の2辺の長さはどうなる。2辺の長さをxとする。
(m)

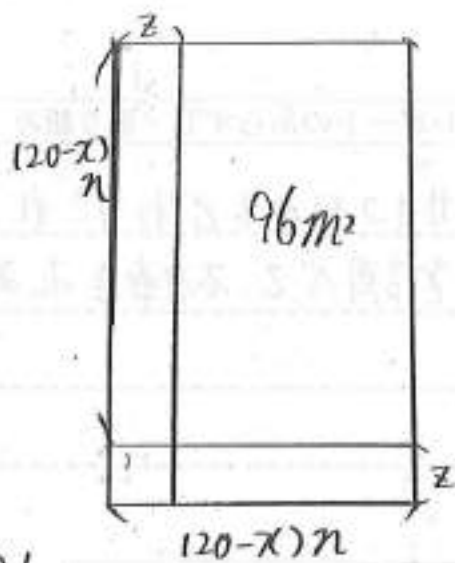
ポイント

「一方を10より短かくする」

$$x = 10 - z$$

$$(20 - x) = 10 + z$$

$$x(20 - x) = (10 + z)(10 - z) = 96$$



$$20x - x^2 = 96$$

$$-x^2 + 20x - 96 = 0 \quad \rightarrow \text{代入}$$

$$x = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$$

$$\rightarrow x = \frac{-20 \pm \sqrt{400 - 384}}{-2}$$

$$x = \frac{-20 \pm 4}{-2}$$

$$x = 8, 12$$

8cm と
12cm







サイコロの出る目の不思議

レポートのあらすじ・取り組み

サイコロを6でわりきれようように1050回ふって各目の出た数を調べて、確率を求める

レポートの内容

予想 ... サイコロの目は6つだから言算上は $\frac{1}{6}$ になる

					
正	正	正	正	正	正
正	正	正	正	正	正
正	正	正	正	正	正
正	正	正	正	正	正
正	正	正	正	正	正
正	正	正	正	正	正
正	正	正	正	正	正

正
正
正
正
正
正
正

正
正
正
正
正
正
正
正
正
正
—

正
正
正
正
正
正
正
正

正
正
正
正
正
正
正
正
下

正
正
正
正
正
正
正
正
正
正
正
正
正
正
正
下

正
正
正
正
正
正
正
正
正

計

$\frac{165}{1050}$

$\frac{181}{1050}$

$\frac{169}{1050}$

$\frac{113}{1050}$

$\frac{187}{1050}$

$\frac{145}{1050}$

結果	1の出る確率	$\frac{165}{1050}$
2	"	$\frac{181}{1050}$
3	"	$\frac{169}{1050}$
4	"	$\frac{173}{1050}$
5	"	$\frac{187}{1050}$
6	"	$\frac{175}{1050}$

わかったこと... $\frac{1}{6}$ になるならば全ての目は、115回でたはずだった。

• 1番多くでたのは5で187回でた。

1番少なかったのは1で165回だったが1050回のうちの22回(約2%)しかちがわないので、だいたいどの目も $\frac{1}{6}$ の確率ででた。

感想... サイコロをふっている時に、本当に確率が $\frac{1}{6}$ になるかわからなくなってきたけど、最終的にはだいたい $\frac{1}{6}$ になったから、自分でも不思議に思った。

インターネットでの問題 (Math Cut STUDIOUMお)

レポートのあらすじ・取り組み

このレポートは、インターネットでは「どのような問題があるのだろう...」と思い、調べてみたら、文章題と図形問題が両方あったので、その文章題と図形問題を両方問いてみようと思い、その2種類を解きました。(Math Cut STUDIOUMお)

レポートの内容

1. 文章題

50円切手と80円切手を作る問題

この2つの切手であるお金以上になると、必ず買えるようになるという。この問題は、分かりやすく表にまとめ解いた。

2. 図形

3:4:5の三角形と円が重なっている図形を補助線を引いたり、相似比を使ったりして、この問題を解いた。

※ このレポートで考える面白さが改めて学べた。

Title: 【インターネットの問題に挑戦 [Math-Cut STUDIO] より】

1 枚目 3 年 B 組 42 番 湯浅 真人

これらの問題を選んだ理由: インターネットにはどんな感じでどのような問題があるのか興味があったからです!

インターネットには、文章題も、図形問題もあるんだなあ〜……。と思いそのままそのまま、文章題と図形の両方を解いてみようと思いました。

問題、1

今、 10 円玉をたくさん持っています。これを全部使って、 50 円切手と 80 円切手を買おうと考えている。

例

※ 10 円玉 10 枚 (100 円) だと、 50 円切手 2 枚と 80 円切手 0 枚でちょうどです。

※ 10 円玉 11 枚 (110 円) だと、買えない。

※ 10 円玉 12 枚 (120 円) でも、買えません。

※ 10 円玉 13 枚 (130 円) だと、 50 円切手 1 枚と 80 円切手 1 枚でちょうどです。

※ 10 円玉 14 枚 (140 円) だと、買えない。

こういうように、金額によって買えたり買えなかったりしますね。

ところが、ある金額以上だと必ず買えるようになるのです。

それは、いくらからでしょう。理由も説明しなさい。

1. 十の位が 0 のときは 50 円切手ばかり買えばいつでも買えることがわかる。【 50 円切手 2 枚で十の位が 0 になるので】

2. 十の位が X の時に買えたとする、 50 円切手を 2 枚追加して買えば、百の位を 1 大きくすることができる。【例: 150 円 (50 円切手 3 枚) から 50 円切手を 2 枚追加すると 250 円になる (150 円の時より百の位が 1 増えている)!】

3. 80 円切手と 50 円切手の組み合わせで買うことができない最大値をそれぞれの X についてしらべればよい。

2枚目

↓↓↓↓↓↓↓↓1~3に、基づいて表にして調べる↓↓↓↓↓↓↓↓

	+100(50円ヤチ2枚)			
X=1	10	110	(20)	(310)
			(80x2, 50x1)	
2	20	120	220	(320)
				(80x4)
3	30	(130)	230	(330)
		(80x1, 50x2)		
4	40	140	(240)	(340)
			(80x3)	
5	(50)	150	250	(350)
	(50x1)			
6	60	(160)	260	(360)
		(80x2)		
7	70	170	270	(370)
				(80x4, 50x1)
8	(80)	180	(280)	(380)
	(80x1)			
9	90	190	(290)	(390)
			(80x3, 50x1)	
0	(100)	200	(300)	(400)
	(50x2)			

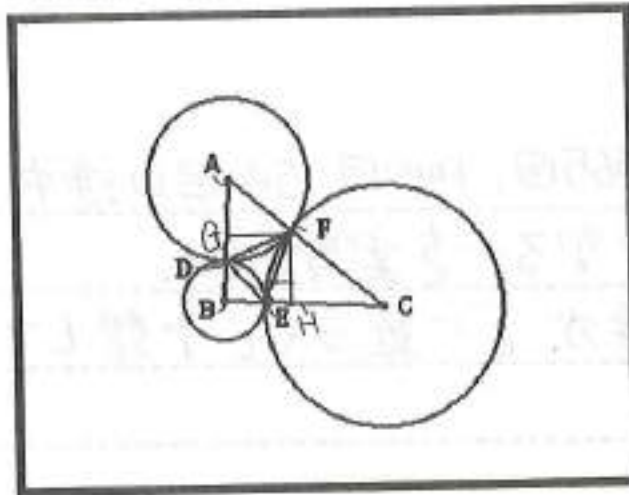
※ X=8 の 280 の後からは全て買うことができてくる。

つまり、280円以上であればいつでも買うことができる。

問題、2

3 枚目

図のように、半径 1, 2, 3 の円 A, B, C が互いに外接し接点を D, E, F とする。
このとき、1. 三角形 ABC, 2. 三角形 DEF の面積を求めよ。



←補助線をひく: 線分 AD から垂直に

点 F へ(補助線 1)、線分 EC から点 F へ(補助線 2)。

~△ABC の面積を求める~

AB:BC:AC=3:4:5 の直角三角形である。

よって、△ABC の面積は $3 \times 4 \div 2 = 6$ となる。

A. △ABC の面積: 6

2. △DEF の面積を求める。

△ABC から △ADF, △DBE, △FEC の面積をそれぞれ引いた面積が △DEF となること
がわかる。

↑

これを求めるにはまず △ADF, △DBE, △FEC の面積を求める。

△ADF は AD (2) を底辺として考える。高さは補助線 1 であることがわかる。

補助線 1

1、△GAF と △BAF は対応する角が全て等しいので、相似である。

2、相似比 $\rightarrow 5:2=4$: 補助線 1 となる。よって補助線 1 は、 $5/8$ となる

補助線 2

1、△FCH と △ACB は対応する角が全て等しいので相似である。

2、相似比 $\rightarrow 5:3=3$: 補助線 2 となる。よって補助線 2 は $9/5$ となる

$$\triangle DBF \text{ の面積} : 1 \times 1 \times 1/2 = 0.5$$

$$\triangle ADE \text{ の面積} : 2 \times 8/5 \times 1/2 = 1.6$$

$$\triangle FCH \text{ の面積} : 3 \times 9/5 \times 1/2 = 2.7$$

$$\text{よって答えとなる } \triangle DEF \text{ は } 6 - (0.5 + 1.6 + 2.7) = 6 - 4.8$$

$$= 1.2$$

答え 1.2

2個のサイコロを1500回振る

レポートのあらすじ・取り組み

2個のサイコロを1500回振り、565回、1000回、1500回の途中経過を言周へ確率が $\frac{1}{6}$ になるかを実験した。

回数が増えると、確率が $\frac{1}{6}$ に近づく予想して実験をした。

レポートの内容

565回(1個ずつ1130回)の時の結果

1が208回 2が193回 3が170回
4が195回 5が160回 6が204回

であった。この時点での確率は

$$1は0.18407\dots = \frac{1008}{6}$$

$$2は0.17098\dots = \frac{102}{6}$$

$$3は0.15094\dots = \frac{9}{6}$$

$$4は0.17256\dots = \frac{102}{6}$$

$$5は0.14159\dots = \frac{84}{6}$$

$$6は0.18053\dots = \frac{1008}{6}$$

この時点で約188回ないと $\frac{1}{6}$ 以上の確率にならない。

1000回(1個だと2000回)の時の結果

1は351回 2は333回 3は312回
4は336回 5は310回 6は358回

であった。この時点での確率は

$$1は0.1755 = \frac{1.008}{6}$$

$$2は0.1665 = \frac{1.02}{6}$$

$$3は0.156 = \frac{0.96}{6}$$

$$4は0.168 = \frac{1.02}{6}$$

$$5は0.155 = \frac{0.92}{6}$$

$$6は0.179 = \frac{1.008}{6}$$

この時点で糸が333回ないと確率が $\frac{1}{6}$ 以上にならない。

ここの問題は小数の位を四捨五入してしまつたからだと思われます。四捨五入をしてしまうと、全体的に確率は $\frac{1}{6}$ に近づくのだけれど、333回を越えていない目の確率も $\frac{1}{6}$ に近づいてしまうという欠点があります。これだと、曖昧にしかでないが、565回の時よりも確率が $\frac{1}{6}$ に近づいて来ている。

このまま糸売けていけば、確率が $\frac{1}{6}$ になる時があるのだろうか？

1500回(1個だと3000回)の時の結果

1は529回 2は492回 3は481回
4は489回 5は486回 6は523回

であった。そして、その時の確率は

$$\begin{aligned}
 1 & \text{は } 0.176333 \dots = \frac{1.008}{6} \\
 2 & \text{は } 0.164 = \frac{0.96}{6} \\
 3 & \text{は } 0.160333 \dots = \frac{0.96}{6} \\
 4 & \text{は } 0.163 = \frac{0.96}{6} \\
 5 & \text{は } 0.162 = \frac{0.96}{6} \\
 6 & \text{は } 0.174333 \dots = \frac{1.02}{6}
 \end{aligned}$$

この時点で約500回ないと確率が $\frac{1}{6}$ 以上にならない。

この結果を見れば分かりますが、1と6が多いです。これは、振ったサイコロのクセで1と6が出やすかったのでこのようなことになりました。しかし、本当に糸巻糸なサイコロを振れば確率が $\frac{1}{6}$ になるか試してみたいものです。

最後は5も回数が多くなり、ほとんどが四捨五入していないので、そのままの数字と言えてしまう。

1と6を除けば確率が $\frac{1}{6}$ に近づいているように見える。これを糸巻糸にすれば、確率はいつか $\frac{1}{6}$ になるのだろうか？
いつの日か、時間がある時にそれを試してみたいです。

熊の色と暗号にかかれた数字

レポートのあらすじ・取り組み

① 熊が居る地点から南へ1km進みそこから東へ1km進む。さらにそこから北へ1km進んだらもとの場所に戻った。熊は何色か？

② メッセージかといわれた。それぞれの文字に対応する数字を答えよ。

SEND たたし 0~9 までの整数である
+MORE
MONEY

レポートの内容

① 答えは、白。白熊。

熊が出発したのは北極点である。

また地球上で 南→東→北と歩きもとの場所にもどれるのは、

経線の始点の北極か終点の南極しか列えない。

北極点からはどこを見ても南。南極点からはどこを見ても北となる。

それぞれの点は、例えばと コンパスの中心と同じ。

すると、北極点を中心に南に1km→東へ1km→北へ1km 歩くと、北極点にもどる事ができる。

ただ言葉の上では「東へ1km歩く」となるが、実際の地球は丸いので1km以上歩くことはならない。

(東へ1kmは、緯度線上に沿って歩くことになる。)

問、合わせ先

国立極地研究所 www-edition@mipr.ac.jp

② 主語: MONEYのMは SENDのSと MOREの<リ上か<リ

なので「1」になる。

0~9までの整数同志のたし算なので、<リ上か<リは必ず「1」になる。

$$M = 1$$

同時に、 $1 + S = <リ上か<リ$ のたし算である事もわかる。
すなわちSは「9」しか入らない。

$$S = 9$$

$$\begin{array}{r}
 \text{主語} \quad 9 \text{ END} \\
 + 1 \text{ ORE} \\
 \hline
 \text{MONEY}
 \end{array}$$

$9 + 1 = 10$ たし算から MONEYのOは「0」である。

$$O = 0$$

$$\begin{array}{r}
 \text{残りは} \quad \text{END} \\
 + \text{RE} \\
 \hline
 \text{NEY}
 \end{array}$$

2, 3, 4, 5, 6, 7, 8 の数字が入る。

百の位と十の位を見るとEとNは違う数字のはずなので、十の位は

$$\begin{array}{cc}
 \downarrow & \downarrow \\
 E + 0 = N & N + R = E
 \end{array}$$

<リ上か<リ = <リ上か<リ。EはNより必ず1多い数になる

Eが2の時 Nが3

Eが3 ... Nが4

Eが4 ... Nが5

Eが5 ... Nが6

Eが6 ... Nが7

Eが7 ... Nが8

$$\begin{array}{r}
 9 \text{ END} \\
 + 1 \text{ ORE} \\
 \hline
 \text{MONEY}
 \end{array}$$

の式に上の6通りの数字をあてはめると

E=7をあとにめると (Nは8と仮定)

DとYには 2, 3, 4, 5, 6 が入るか

Dに入るのは $\frac{2}{9} \quad \frac{3}{10} \quad \frac{4}{11} \quad \frac{5}{12} \quad \frac{6}{13}$

の式から D=5 Y=7 か D=6 Y=7 と考えられる

E=7 N=8 D=5 Y=7の仮定の場合

9785
+10R7

10872

R=6? R=8 (N=8 仮定と同じ数字) となり成り立たない

E=7 N=8 D=5 Y=2の仮定の場合

9785
+10R7

10872

同じく R=6? R=8 (N=8 仮定と同じ数字) となり成り立たない

Eから E=7 N=8 は ありえない

同様に

E=6をあとにめると (Nは7と仮定)

DとYには 2, 3, 4, 5, 8 が入るか

Dに入るのは $\frac{2}{8} \quad \frac{3}{9} \quad \frac{4}{10} \quad \frac{5}{11} \quad \frac{8}{14}$

の式から D=2 Y=8 か D=8 Y=4 と考えられる

E=6 N=7 D=2 Y=8の仮定の場合

9672
+10R6

10768

R=9? S=9と同じ数字が入る。成り立たない

E=6 N=7 D=8 Y=4の仮定の場合

9678
+10R6

10764

R=6? (E6 仮定と同じ数字) となり成り立たない

同様に

E=5をあとにめると (Nは6と仮定)

DとYには 2, 3, 4, 7, 8 が入るか

Dに入るのは $\frac{2}{+5/7}$ $\frac{3}{+5/8}$ $\frac{4}{+5/9}$ $\frac{7}{+5/12}$ $\frac{8}{+5/13}$

の式から D=2Y=7か D=3Y=8か D=7Y=2か D=8Y=3と考えられる

E=5 N=6 D=2 Y=2の仮定の場合

9562 R=9でS=9と同じ数字となり成り立たない
+10R5

10657

E=5 N=6 D=3 Y=8の仮定の場合

9563 R=9でS=9と同じ数字となり成り立たない
+10R5

10658

E=5 N=6 D=7 Y=2の仮定の場合

9567 S=9 E=5 N=6 D=7 M=1 O=0
+10R5

10652 R=8 Y=2で成り立つ

↓

9567
+1085

10652

E=5 N=6 D=8 Y=3の仮定の場合

9568 R=8 (D=8 仮定の数字と同じ)となり成り立たない
+10R5

10653

同様に

E1=4 EあてはM3と(Nは5と仮定)

DとY1は 2, 3, 6, 7, 8か入るか

Dに入るのは $\frac{2}{+4/0}$ $\frac{3}{+4/7}$ $\frac{6}{+4/0}$ $\frac{7}{+4/1}$ $\frac{8}{+4/2}$

の式から D=2Y=6か D=3Y=7か D=8Y=2と考えられる